

BIBLIOGRAPHIE

Objektyp: **Group**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **4 (1902)**

Heft 1: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **25.09.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

BIBLIOGRAPHIE

CARLO BOURLET. — **Cours de mathématiques à l'usage des élèves-architectes et ingénieurs**, 1 vol. in-8°, 244 pages ; prix : 8 fr. ; Naud, Paris, 1902.

On peut dire de ce petit livre qu'il est appelé à rendre des services sérieux. Indépendamment des jeunes gens auxquels il est spécialement destiné, les bons élèves de mathématiques élémentaires, qui voudront bien le lire, y trouveront clairement exposées, les premières notions de géométrie analytique et de calcul infinitésimal : ce leur sera une excellente préparation au cours de mathématiques spéciales.

Même il serait tout indiqué aux personnes qui, sans faire des mathématiques le but exclusif de leurs études, seraient soucieuses d'acquérir les premières notions de l'analyse.

Le premier chapitre est consacré à l'étude systématique des dérivées et des différentielles. L'auteur ne s'attache point à élucider les difficultés inhérentes à la notion de limite et il a raison : son but a été de faire un ouvrage élémentaire. Suivent quelques applications simples sur la variation des fonctions, puis les éléments de la géométrie analytique du plan : la droite, le cercle, les coniques, la théorie des tangentes, des normales et du rayon de courbure. Ça et là quelques mots sur des résultats dont la démonstration n'entre pas dans le cadre de l'ouvrage, par exemple, la propriété du cercle de courbure de traverser en général la courbe.

Un chapitre enfin se rapporte au calcul intégral, intégrales indéfinies et définies, aires planes et rectification des courbes planes, puis l'auteur termine par un bref exposé des principes de la géométrie analytique à trois dimensions.

R. DE MONTESSUS (Senlis).

J. HADAMARD. — **La série de Taylor et son prolongement analytique**. (n° 12 de la collection *Scientia*) un vol. in-8° écu, de 102 pages : prix 2 fr. ; C. Naud, Paris, 1901.

La lecture du petit livre que M. J. Hadamard vient de consacrer à la série de Taylor dans la collection *Scientia* est véritablement attachante. On ne sait ce qu'on doit le plus admirer, de l'effort considérable accompli dans les quinze dernières années par MM. Borel, Fabry, Hadamard, Leau, Lecornu, Lerch, Lindelöf, Méray, Mittag-Leffler, Painlevé et Pringsheim auxquels il faut joindre le regretté Stieltjes, ou de la clarté, de l'art avec lesquels M. Hadamard expose le lien et la raison d'être de travaux en apparence si disparates dont le résultat a été de nous faire pénétrer plus avant dans la nature des fonctions analytiques et de leurs singularités.

L'analyse d'un ouvrage aussi concis et qui est lui-même une analyse d'autres ouvrages n'est guère possible. L'auteur recherche d'abord comment on peut reconnaître qu'un point du cercle de convergence est singulier et que ce cercle est une coupure essentielle (dans ce dernier cas, la question du prolongement analytique de la fonction n'existe pas). Il montre comment un changement de variables permet d'étendre le domaine où l'on peut suivre la marche de la fonction ; il étudie les expressions diverses de la même fonction qui permettent de sortir du cercle de convergence et, après avoir rappelé les séries asymptotiques de M. Poincaré, il nous fait comprendre le rôle important que jouent les séries divergentes sommables de M. Borel, les fractions continues de Stieltjes et les séries de polynômes valables dans les *étoiles* de M. Mittag-Leffler. Le problème a enfin acquis toute son ampleur lorsqu'on a ramené l'étude d'une série représentant une fonction à celle d'une seconde série représentant une autre fonction ; il y a évidemment bien des voies ouvertes aux chercheurs dans cette direction. C'est ainsi que la connaissance des points singuliers de deux séries de Maclaurin entraîne celle des singularités possibles pour la série qui a comme coefficients les produits de deux coefficients de même rang des séries données. Mais, malgré les travaux de M. Hurwitz, de M. Pincherle et de M. Hadamard lui-même, les résultats obtenus sont encore peu nombreux.

Nous sommes loin d'avoir énuméré tous les sujets abordés ou indiqués par M. Hadamard qui termine en montrant l'intérêt de ces recherches tant pour la résolution des équations algébriques ou transcendentes que pour l'intégration des équations différentielles. Nous en avons assez dit pour faire comprendre le plaisir que nous avons eu à lire ces cent pages.

Lucien LÉVY (Paris).

W. R. HAMILTON. — **Elements of quaternions**, 2^e édition, edited by C. J. JOLY; vol. I, 1899; XXXIII-583 p., 75 fig.; vol. II, 1901, LIV-502 p., 14 fig.; in-4°; prix 42 fr.; Londres, Longmans, Green and Co.

Les *Elements of quaternions* constituent l'œuvre capitale du grand géomètre Hamilton. Ils furent publiés en 1866, après la mort de l'auteur (survenue en 1865) par les soins de son fils, William Edwin Hamilton, en un volume gr. in-8°; l'ouvrage, heureusement, était, on peut le dire, entièrement achevé; c'est à peine si quelques additions furent nécessaires. Depuis lors, la méthode des quaternions a pris une extension considérable, des travaux ont paru sur ce sujet dans presque tous les pays du monde; et le volume des *Elements* était épuisé. C'est dans ces conditions que M. C. J. Joly a eu l'heureuse inspiration d'en publier une édition nouvelle. Il faut d'autant plus s'en réjouir qu'il s'agit d'une exposition magistrale de la doctrine des quaternions, et que, malgré l'élévation des idées, qui entraînent sur certains points des difficultés réelles, il règne d'un bout à l'autre de ce livre une admirable clarté. Quiconque voudra véritablement s'assimiler le calcul des quaternions, après en avoir trouvé les premières notions dans l'un des livres plus récents publiés depuis, devra toujours se reporter à l'œuvre originale de l'inventeur, à cet exposé didactique écrit à la veille de sa mort, et résumant ses longues recherches en un tableau définitif.

Dans la forme, cette édition nouvelle diffère beaucoup de l'ancienne; il y a deux volumes au lieu d'un seul; le format a été agrandi (c'est l'in-4° au

lieu de l'in-8°) ; le texte est moins compact ; et, disons-le tout de suite, l'impression atteint une perfection qui fait le plus grand honneur aux éditeurs, MM. Longmans, Green et C^{ie}, et aux imprimeurs, MM. Ponsomby et Wel-drick. Cependant, comme M. Joly a soin de nous en prévenir dans la préface qu'il a écrite, le texte original a été conservé avec le plus grand soin, sauf la correction d'un très petit nombre d'erreurs flagrantes. Il a ajouté des notes [entres crochets] lorsqu'il les a jugées utiles ; le nombre des références a été accru, et un index alphabétique fort précieux a été introduit à la fin de chaque volume. La table des matières a été amplifiée, bien qu'elle fût admirablement détaillée déjà par Hamilton ; et elle présente une analyse de chaque article ; le but poursuivi est d'aider le lecteur autant que possible dans l'étude du texte et dans la récapitulation des notions acquises. Enfin, on s'est encore conformé à l'indication de Hamilton sur un autre point ; il avait indiqué le plan d'une étude réduite, s'étendant à environ 200 pages, pour les lecteurs désireux de prendre seulement un premier aperçu, assez complet cependant, de la méthode ; ce plan, légèrement étendu, est indiqué très clairement par un tableau placé à la suite de la table des matières, et sera notamment précieux pour les étudiants qui veulent chercher surtout dans les quaternions ce qui peut leur être utile pour les applications aux sciences physiques.

Mentionnons enfin un important appendice composé de plusieurs notes importantes, et sur lequel nous reviendrons tout à l'heure.

Avant de présenter un tableau sommaire des matières contenues dans cet important ouvrage, nous croyons devoir rappeler que la méthode des quaternions est devenue aujourd'hui d'un usage de plus en plus fréquent au point de vue des applications. En Géométrie, en Mécanique, en Physique mathématique, elle rend, conjointement avec la méthode de Grassmann, les plus grands services, donne une vision plus nette des choses, rapproche le symbole de l'objet et abrège l'écriture. Hoüel, qui en avait reconnu les grands avantages et qui a fait tant d'efforts pour la propager, avait proposé un système de notations plus judicieux et plus simple, à notre avis, que celui de l'inventeur. Naturellement, dans l'ouvrage que nous analysons ici, les notations anglaises ont été conservées, et jusqu'à présent elles restent les plus répandues. D'ailleurs, on doit reconnaître qu'il n'y a là aucune difficulté sérieuse, même lorsqu'on partage, ce qui est mon cas, la façon de voir de Hoüel.

L'ouvrage se compose de trois livres, subdivisés en chapitres, les chapitres étant eux-mêmes sous-divisés en sections, plus les notes de M. Joly, qui constituent l'appendice. Dans le premier volume, on trouve les deux premiers livres, et les chapitres I et II du troisième. Nous donnons ci-après la substance de l'ouvrage, en suivant la table des matières. Elle est tellement bien faite, si détaillée, il faut le répéter, qu'en la publiant à part on aurait un véritable résumé du calcul des quaternions, présentant d'une façon remarquablement ordonnée toute la substance de cette doctrine et des nombreuses applications qui figurent dans l'ouvrage.

Le livre I traite des vecteurs, en dehors de leurs relations avec les angles ou avec les rotations. Il se divise en trois chapitres : ch. I, principes fondamentaux relatifs aux vecteurs ; ch. II, applications aux points et aux droites dans un plan donné ; ch. III, application des vecteurs à l'espace. On rencontre là, en dehors de la définition des vecteurs et de l'égalité de deux vecteurs,

ce qui a trait à l'addition et à la soustraction des vecteurs, aux coefficients numériques des vecteurs, aux équations linéaires entre vecteurs de même origine, aux propriétés géométriques et à la représentation des figures planes au moyen d'équations vectorielles. Puis, les équations entre vecteurs non situés dans un même plan, conduisant à l'étude des figures de l'espace, aux barycentres, et à la considération des différentielles de vecteurs.

Arrivons au livre II, des quaternions, considérés comme quotients de vecteurs et comme comprenant les relations angulaires. Il comprend également trois chapitres : ch. I, principes fondamentaux relatifs aux quotients de vecteurs ; ch. II, sur les quaternions coplanaires, ou quotients de vecteurs dans un plan ; puissances, racines et logarithmes de quaternions ; ch. III, quaternions diplanaires, ou quotients de vecteurs dans l'espace ; principe associatif de la multiplication de tels quaternions. C'est là, on peut le dire, la partie fondamentale de la doctrine des quaternions ; la notion du quaternion, sous la forme du rapport de deux vecteurs, se présente d'une façon toute naturelle et véritablement philosophique. De là résultent les opérations qui donnent naissance aux quaternions réciproques, conjugués, opposés, aux verseurs, tenseurs, etc., à l'assimilation symbolique d'un vecteur avec un quaternion rectangle, et à diverses formules importantes. Les applications au plan sont très utiles comme initiation ; mais si la méthode devait borner là sa puissance, elle serait avantageusement remplacée par celle des équipollences, qui n'exige aucune règle algébrique spéciale. C'est dans les faits de l'espace que les quaternions interviennent de façon si heureuse ; tout dérive de la propriété associative (et non commutative) de la multiplication, qui est ici admirablement exposée, et qui du reste n'est que la traduction d'une vérité géométrique.

Le livre III est consacré en très grande partie aux applications ; il a pour titre : quaternions, considérés comme produits ou puissances de vecteurs ; quelques applications des quaternions. Voici les chapitres qu'on y trouve : ch. I, interprétation d'un produit de vecteurs, ou puissance d'un vecteur comme quaternion ; ch. II, différentielles et développements de fonctions de quaternions ; quelques applications des quaternions à des questions de Géométrie et de Physique ; ch. III, quelques applications additionnelles des quaternions, et quelques remarques finales. Cette énumération suffit à faire entrevoir les sujets qui se trouvent traités dans le livre III ; il faut cependant le regarder de près, pour avoir une idée de la richesse et de la variété des applications, qui remplissent à peu près tout le deuxième volume ; elles portent sur les sujets les plus divers : Géométrie, Mécanique, Électricité, Astronomie, etc. ; et, malgré une absence de classification qu'on pourrait reprocher à l'auteur si son but n'avait pas été simplement d'illustrer sa méthode et de donner une indication d'ensemble, elles montrent bien à tout esprit impartial et non prévenu l'étendue et la portée de cette analyse nouvelle.

Nous avons déjà dit que la nouveauté essentielle de cette deuxième édition est due essentiellement à l'appendice de M. Ch.-J. Joly, qui ne comprend pas moins de 115 pages. Les notes qu'on trouve dans cet appendice sont au nombre de treize, et portent sur les sujets suivants : déterminants de quaternions ; propriétés diverses de deux fonctions vectorielles linéaires ; la fonction de déformation ; sur la spécification des fonctions linéaires vectorielles ; invariants des fonctions linéaires vectorielles ; sur le système des fonctions $\varphi + i\theta$; sur la transformation générale linéaire dans l'espace ; sur la théorie

des vis ; sur les déplacements finis ; sur l'étude cinématique des courbes ; sur l'étude cinématique des surfaces ; sur les systèmes de rayons ; sur l'opérateur Δ de Hamilton.

Telles sont les matières contenues dans cette deuxième édition de l'ouvrage capital de Hamilton. Cette publication ne peut manquer de provoquer l'attention des mathématiciens, et surtout des jeunes, sur cette remarquable méthode des quaternions ; et elle vaudra à celui qui l'a entreprise la reconnaissance du monde savant pour le travail si considérable qu'il s'est imposé.

Juste au moment où nous terminons ce compte rendu, nous venons de recevoir une brochure donnant, au mois de mars 1901, l'état de l'*International association for promoting the study of quaternions and allied systems of mathematics*. Nous y constatons avec plaisir que M. Ch.-J. Joly en est président pour les années 1901 et 1902. Nul assurément ne méritait plus que lui cette distinction, et chacun y applaudira, surtout après avoir étudié l'édition nouvelle des *Eléments* dont nous venons de parler.

C.-A. LAISANT.

ΙΩΑΝΝΟΥ Ν. ΧΑΤΖΙΔΑΚΙ, Ὀλοκληρωτικὸς λογισμὸς. Τόμος πρῶτος, 1901. Ἐν Ἀθῆναις. Σελ. 488. Jean N. Hatzidakis, Calcul Integral. Volume I, 488 pages ; Athènes, 1901.

Ce livre, qui vient de paraître, est le premier traité sur le calcul intégral en langue grecque. Il contient la matière que l'auteur enseigne à l'Université d'Athènes sur les Quadratures et les Intégrales définies. Une seconde partie, qui paraîtra plus tard, traitera de la Théorie des Équations Différentielles et du Calcul des Variations, dans l'étendue que leur donne l'auteur à ses cours de l'Université, étendue plus que moyenne..

Le premier « Livre » du présent volume (page 1-148) contient les quadratures dans l'étendue ordinaire des Traités : Généralités, Intégration des expressions rationnelles, des Expressions algébriques, *quelques mots* sur les Intégrales elliptiques, hyperelliptiques et abéliennes, et enfin l'Intégration des fonctions transcendentes. L'auteur y considère aussi un cas nouveau, où, dans l'intégration de l'expression rationnelle $\frac{\sigma(x)}{\varphi(x)}$, l'on peut éviter la décomposition usuelle en facteurs linéaires. [C'est le cas où l'intégrale est de la forme : C.1 $\left(\frac{\Sigma(x)}{\Phi(x)} \right)$ (voir « Ἀθηναῖς », Tome XI, p. 567) ; une traduction française de cet article paraîtra peut-être plus tard dans l'« Enseignement Mathématique »].

La deuxième partie du Livre, la plus étendue, contient la théorie des intégrales définies qui est exposée (surtout dans sa partie générale) très longuement et très minutieusement, comme dans aucun autre livre peut-être, l'auteur sachant par l'expérience que cette partie du Calcul, qui est une des plus fécondes de la science, est aussi une des plus difficiles à comprendre pour les commençants.

Le contenu de cette partie se résume ainsi : *Intégrales simples* (avec des chapitres sur les intégrales dont les limites ou la fonction intégrée deviennent infinies, différentiation et intégration des séries, etc.) ; *Intégrales doubles* [avec des chapitres sur leur transformation générale et sur les déterminants

jacobiens (Funktionaldeterminanten)]; *Méthodes pour l'évaluation des intégrales d'Euler*; *Applications analytiques des intégrales définies* (formule de Taylor, séries de Fourier, démonstration (par Gauss) de l'existence des racines du polynôme, démonstration de la transcendance de e , de Hilbert, etc.); *Applications géométriques* (Rectification des arcs des courbes, aires des surfaces, volumes, avec de nombreux exemples); *Intégrales triples* (avec leur transformation et des applications); *Intégrales multiples en général* (théorie, transformation, réduction d'intégrales multiples à des intégrales eulériennes); *Intégrales curvilignes*; et enfin un chapitre sur les *Intégrales complexes* (comme application, la démonstration de la transcendance de π , par Hilbert) et sur les *Théorèmes fondamentaux de la théorie des fonctions* (surfaces de Riemann, formule de Cauchy, etc.).

Le livre contient aussi une collection de nombreux exercices qui sont répandus dans les différents chapitres.

Outre les difficultés ordinaires, la composition du présent livre avait à envisager aussi la question des *termes mathématiques*; car, comme on sait, nous autres Grecs modernes, nous n'empruntons point, *par principe*, ni dans la langue de tous les jours, ni dans la langue de la Science, des mots étrangers, mais nous puisons, quand il le faut, dans le trésor de la langue ancienne; c'est pour cela que ce livre ne serait point difficile à comprendre à quiconque aurait fait la connaissance du grec ancien. A titre d'exemple, en voici les deux termes du titre même: Ὀλοκληρωτικός Λογισμός (calcul intégral), du grec ὅλοκληρος (entier), ὀλοκληρώω (j'intègre, je fais entier), Ὀλοκληρωτικός (qui fait entier, qui intègre); Λογισμός (calcul), de Λόγος (raison, calcul), λογίζω. (Peut-être aurons-nous prochainement l'occasion de publier dans ce journal un petit vocabulaire grec et français des termes mathématiques modernes).

En finissant, nous voudrions compléter les lignes précédentes par la liste — très courte encore, hélas! — des livres et traités néo-grecs sur les Mathématiques supérieures :

1). I. N. XATZIΔAKI, Διαφορικός Λογισμός (J.-N. Hatzidakis, Calcul différentiel), 1889, p. 513.

2). I. N. XATZIΔAKI, Ἀναλυτικὴ Γεωμετρία (J.-N. Hatzidakis, Géométrie analytique), en deux volumes: Ἐπίπεδος (plane), 2^e éd., 1891, p. 416; Στερεά (de l'espace), 1880, p. 207.

3). I. N. XATZIΔAKI, Εἰσαγωγή εἰς τὴν ἀνωτέραν Ἀλγεβραν (J.-N. Hatzidakis, Introduction à l'Algèbre supérieure); 2^e éd., 1899, p. 196.

Ce dernier livre contient, outre les chapitres ordinaires sur les limites, les déterminants, les dérivées des polynômes, la démonstration de l'existence des racines, etc., une exposition *très détaillée* des différents systèmes de nombres complexes (quaternions, etc.).

N.-J. HATZIDAKIS (Athènes).

H.-C.-E. MARTUS. — **Mathematische Aufgaben** zum Gebrauche in den obersten Klassen höherer Lehranstalten. Aus den bei Reifeprüfungen an deutschen Schulen gestellten Aufgaben ausgewählt. III^{ter} Theil: *Aufgaben*; IV^{ter} Theil: *Ergebnisse der Aufgaben*. 2 vol in-8^o, prix: Mk, 4; C. A. Koch, Dresde et Leipzig, 1901.

M. Martus a composé ce nouveau recueil en faisant un choix de problèmes

parmi les questions proposées, depuis une dizaine d'années, aux *examens de maturité* aux gymnases allemands. C'est un complément au recueil qu'il publia en 1865 sous le même titre (t. I, questions ; t. II, solutions) et qui en est aujourd'hui à sa dixième édition. Les tomes III (questions) et IV (solutions) qui viennent de paraître forment à eux seuls un excellent recueil qui peut être recommandé à la fois aux maîtres et aux élèves des classes supérieures des gymnases.

L'auteur a groupé les problèmes en six chapitres dont voici l'énumération :

I. Trigonométrie. — II. Stéréométrie. — III. Progressions, intérêts composés, annuités. — IV. Equations du troisième degré. — V. Trigonométrie sphérique. — VI. Géométrie analytique à deux dimensions.

MELCH. PALAGYI. — **Neue theorie des Raumes und der Zeit.** Une brochure in-8°, XII, 48 pages. Engelmann, Leipzig, 1901.

Dans cette brochure l'auteur se propose de donner une théorie nouvelle de l'espace et du temps.

Nous en indiquerons les principaux points sans les accompagner de commentaires.

Sa théorie consiste à considérer l'espace et le temps comme deux faces abstraites d'une seule et même forme de l'intuition *l'espace fluent*, et à établir entre elles une sorte de *dualité* ou de réciprocité qui serait la source de la dualité de la géométrie projective. L'espace ordinaire (statique) n'est que l'espace instantané, l'ensemble des points totalisés en un instant ; donc *l'instant est l'espace*. Inversement, l'ensemble des instants s'écoule en chaque point de l'espace ; donc *le point est le cours du temps*. Il y a autant d'espaces (statiques) que d'instant. Un point de l'espace décrit dans le temps une ligne, et même une ligne *droite*, parce que chacun de ses points couvre tous les autres : « A chaque instant correspond un espace ; à chaque point correspond une ligne de temps. » C'est pourquoi le cours du temps se figure par une ligne droite. C'est le temps qui nous donne l'idée et le type de la *dimension*. Nous découvrons les 3 dimensions de l'espace en objectivant une dimension subjective. Mais en dehors des 3 dimensions objectives, il doit toujours subsister une dimension subjective, qui est précisément le temps ; et voilà pourquoi nous ne pouvons avoir l'intuition intégrale de cette forme à 4 dimensions qui est l'Espace-Temps.

D^r MAX SIMON. — **Euclid und die sechs planimetrischen Bücher.** Un volume in-8° de VI-141 pages. Prix : 5 M. B.-G. Teubner, éditeur, Leipzig.

Dans une courte introduction, l'auteur indique les sources biographiques d'Euclide et les principaux commentateurs ou traducteurs des *Éléments* ; ce livre que les savants les plus célèbres ont couvert d'éloges depuis Archimède jusqu'à Descartes, depuis Apollonius ou Pappus jusqu'à Newton et Lagrange.

Si toutes les propositions énoncées dans cet ouvrage n'appartiennent pas en propre au grand géomètre grec, s'il est même plausible d'en attribuer une bonne partie à Pythagore, à Hypocrate de Chios, à Eudoxe et à Ménechme, on ne peut lui contester le mérite d'avoir coordonné les théo-

rèmes, simplifié les démonstrations, réduit le nombre des vérités primordiales admises jusqu'à lui comme axiomes et donné en plusieurs endroits des méthodes souvent élégantes là où ses prédécesseurs se servaient de raisonnements compliqués.

Aussi les *Éléments*, malgré les défauts que les modernes y ont décelés, constituent une œuvre géniale. Ce qui le prouve d'ailleurs mieux que tous les éloges, c'est qu'après vingt siècles leur succès n'est pas épuisé, puisque M. Max Simon vient encore de publier une traduction allemande des 6 premiers livres avec des commentaires et des éclaircissements scientifiques.

J. BOYER (Paris).

L. SCHLESINGER. — **Einführung in die Theorie der Differentialgleichungen mit einer unabhängigen Variablen.** Un volume relié de 400 pages ; prix : M. 8. G.-J. Goetschen, Leipzig, 1900.

Cet ouvrage est le numéro XIII de la *Collection Schubert* dont le but a été exposé à cette place aux lecteurs de cette Revue. Le livre que nous leur signalons aujourd'hui est une excellente monographie sur un sujet dont l'importance ne saurait être exagérée. Il s'adresse aux étudiants qui connaissent déjà les premières méthodes formelles pour l'intégration des équations différentielles, et désirent s'initier aux points de vue et aux méthodes modernes d'intégration, basées sur la théorie des fonctions analytiques. L'auteur ne vise point à être complet et préfère mettre bien en lumière les idées fondamentales en les éclairant par des exemples aussi simples que possible ; aussi s'est-il limité aux équations algébriques du premier ordre et aux équations linéaires du second ordre.

Parmi les applications, citons l'équation de Riccati, les équations de Fuchs à intégrales régulières, l'équation hypergéométrique et les fonctions P de Riemann, l'équation de Briot et Bouquet, etc.

Ce petit livre, où rien d'essentiel n'est oublié, peut être recommandé, non seulement aux élèves, mais aussi aux professeurs. Ces derniers ne sauraient trouver de guide mieux informé et d'exposé plus concis sur un sujet dont l'importance dans l'enseignement croît de jour en jour. Ajoutons que le traité de M. Schlesinger est la reproduction du cours donné par lui à l'Université de Klausenburg.

C. CAILLER (Genève).