

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 48 (2002)
Heft: 1-2: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: THE COSET WEIGHT DISTRIBUTIONS OF CERTAIN BCH CODES
AND A FAMILY OF CURVES
Autor: van der Geer, G. / van der Vlugt, M.

Bibliographie
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-66065>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 17.04.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

homogenize (15) the system

$$(16) \quad \sum_{i=1}^5 x_i = 0, \quad \sum_{i=1}^5 x_i^3 = Bx_0^3, \quad \sum_{i=1}^5 x_i^5 = Cx_0^5.$$

defines a projective variety V of dimension 2 in the five dimensional projective space \mathbf{P}^5 .

We intersect V with the hyperplane $x_0 + x_5 = 0$ and obtain a system of equations of the form (2). By using the results of Section 1 (especially Corollary (1.3)) one can easily show that $\rho(BCH(3)) = 5$ for $m \geq 10$. We leave the details to the reader.

As a final remark we would like to point out that we think that many more problems on cyclic codes can be attacked successfully using methods from algebraic geometry as is done in this paper. We refer to [C] for a list of such problems.

REFERENCES

- [A-M] ASSMUS, E.F., JR. and H.F. MATTSON, JR. Some 3-error-correcting BCH codes have covering radius 5. *IEEE Trans. Info. Th.* 22 1976, 348–349.
- [C] CHARPIN, P. Open problems on cyclic codes. In: *Handbook of Coding Theory I*, V.S. Pless, W.C. Huffman Eds., Elsevier Science BV, Amsterdam, 1998, 963–1063.
- [C-Z] CHARPIN, P. and V. ZINOVIEV. On coset weight distributions of the 3-error-correcting BCH codes. *SIAM J. Discrete Math.* 10 (1997), 128–145.
- [H] HELLESETH, T. All binary 3-error-correcting BCH codes of length $2^m - 1$ have covering radius 5. *IEEE Trans. Info. Th.* 24 (1978), 257–258.
- [H-B] VAN DER HORST, J. A. and T. BERGER. Complete decoding of triple-error-correcting binary BCH codes. *IEEE Trans. Info. Th.* 22 (1976), 138–147.
- [vL] VAN LINT, J.H. *Introduction to Coding Theory (3rd ed.)*. Graduate Texts in Mathematics 86, Springer, Berlin, 1999.
- [Mi] MILNE, J.S. Jacobian varieties. In: *Arithmetic Geometry* (Storrs 1984), G. Cornell, J.H. Silverman Eds., Springer, New York, 1986, 167–212.
- [Mu] MUMFORD, D. *Curves and Their Jacobians*. The University of Michigan Press, Ann Arbor, Mich., 1975.

- [S] STICHTENOTH, H. *Algebraic Function Fields and Codes*. Universitext, Springer, Berlin, 1993.

(Reçu le 26 juin 2001)

G. van der Geer

Faculteit Wiskunde en Informatica
Universiteit van Amsterdam
Plantage Muidergracht 24
NL-1018 TV Amsterdam
The Netherlands
e-mail: geer@science.uva.nl

M. van der Vlugt

Mathematisch Instituut
Universiteit te Leiden
Niels Bohrweg 1
NL-2333 CA Leiden
The Netherlands
e-mail: vlugt@math.leidenuniv.nl

Vide-leer-empty