

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 46 (2000)
Heft: 1-2: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: ALMOST COMPLEX STRUCTURES ON 8-MANIFOLDS
Autor: MÜLLER, Stefan / GEIGES, Hansjörg

Bibliographie
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-64796>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 25.04.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

$$\mathfrak{o}(M_2, J_2) = (-a_2, 0)$$

with $a_2 > 0$ of the same parity as a_1 , and

$$\chi(M_2) - \tau(M_2) = \chi(M) - \tau(M) \equiv 0 \pmod{4}.$$

Then

$$\mathfrak{o}(M_2 \# a_2 S^4 \times S^4, J_2 + a_2 J'_0) = (0, 0).$$

So $M_2 \# a_2 S^4 \times S^4$ admits an a.c.s. Now compute

$$\begin{aligned} (\chi - \tau)(M_2 \# a_2 S^4 \times S^4) &= \chi(M_2) + 2a_2 - \tau(M_2) \\ &\equiv 2a_2 \pmod{4}. \end{aligned}$$

By the necessity of condition (b) (i) we conclude $a_1 \equiv a_2 \equiv 0 \pmod{2}$. \square

REFERENCES

- [1] AUDIN, M. Exemples de variétés presque complexes. *L'Enseignement Math.* (2) 37 (1991), 175–190.
- [2] DESSAI, A. Some remarks on almost and stable almost complex manifolds. *Math. Nachr.* 192 (1998), 159–172.
- [3] EELLS, J. JR. and N. H. KUIPER. Manifolds which are like projective planes. *Inst. Hautes Études Sci. Publ. Math.* 14 (1962), 5–46.
- [4] GEIGES, H. Contact structures on 1-connected 5-manifolds. *Mathematika* 38 (1991), 303–311.
- [5] — Applications of contact surgery. *Topology* 36 (1997), 1193–1220.
- [6] HEAPS, T. Almost complex structures on eight- and ten-dimensional manifolds. *Topology* 9 (1970), 111–119.
- [7] HILLER, H. Almost complex structures on four-dimensional complete intersections. *Bull. Austral. Math. Soc.* 29 (1984), 143–152.
- [8] HIRZEBRUCH, F. Über die quaternionalen projektiven Räume. *Sitzungsber. Bayer. Akad. Wiss. Math.-Naturwiss. Kl.* 27 (1953), 301–312.
- [9] — Komplexe Mannigfaltigkeiten. *Proc. International Congress of Mathematicians 1958*, Cambridge University Press (1960), 119–136.
- [10] — *Collected Papers*. Springer, Berlin, 1987.
- [11] HIRZEBRUCH, F. and H. HOPF. Felder von Flächenelementen in 4-dimensionalen Mannigfaltigkeiten. *Math. Ann.* 136 (1958), 156–172.
- [12] KAHN, P. J. Obstructions to the existence of almost X -structures. *Illinois J. Math.* 13 (1969), 336–357.
- [13] MASSEY, W. S. Obstructions to the existence of almost complex structures. *Bull. Amer. Math. Soc. (N.S.)* 67 (1961), 559–564.
- [14] MÜLLER, S. *Zur Topologie einfacher 8-Mannigfaltigkeiten*. Inaugural-Dissertation, Universität Zürich, 1998.
- [15] STEENROD, N. *The Topology of Fibre Bundles*. Princeton University Press, 1951.

- [16] TAMURA, I. 8-manifolds admitting no differentiable structure. *J. Math. Soc. Japan* 13 (1961), 377–382.
- [17] THOMAS, E. Complex structures on real vector bundles. *Amer. J. Math.* 89 (1967), 887–908.

(Reçu le 25 août 1999)

Stefan Müller

INPL – ENSG – LIAD
Rue du Doyen M. Roubault
B.P. 40
F-54501 Vandœuvre Cedex
France
e-mail: mueller@ensg.u-nancy.fr

Hansjörg Geiges

Mathematisch Instituut
Universiteit Leiden
Postbus 9512
NL-2300 RA Leiden
The Netherlands
e-mail: geiges@math.leidenuniv.nl

vide-leer-empty