

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 45 (1999)
Heft: 3-4: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: UNE MAJORIZATION DE LA LONGUEUR DES POLYNÔMES CYCLOTOMIQUES

Autor: NICOLAS, Jean-Louis / TERJANIAN, Guy

Bibliographie

DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-64451>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 16.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

La vérification de l'irréductibilité sur $\mathbf{Z}[X]$ du polynôme E_m défini par (13) se fait sans problème en utilisant la procédure *irreduc* de *Maple*[®] jusqu'à $m = 290$. Ensuite pour les valeurs de m qui sont des nombres premiers, il y a un manque de mémoire. Nous avons donc séparé le travail en deux. Pour les nombres m composés, la procédure *irreduc* marche jusqu'à 1000. Pour les nombres m premiers, nous factorisons E_m (qui est unitaire) sur $\mathbf{F}_p[X]$ pour des petits nombres premiers p jusqu'à trouver une impossibilité à une factorisation dans $\mathbf{Z}[X]$. Par exemple, pour $m = 607$, E_m est de degré 600. Il se factorise modulo 2 en un produit de 6 facteurs irréductibles de degré 100, tandis que, modulo 5, il se factorise en un produit de 8 facteurs irréductibles : 3 de degré 4, 2 de degré 18 et 3 de degré 184. Cette méthode a permis de tester tous les nombres premiers m jusqu'à 1000.

Nous avons également utilisé la propriété démontrée dans [5] : lorsque m est premier, s'il existe un nombre premier p tel que E_m ait au plus 3 facteurs irréductibles modulo p , alors E_m est irréductible dans $\mathbf{Z}[X]$. Exemple : $m = 601$, $p = 23$, E_m a 2 facteurs irréductibles de degré 297 ; $m = 349$, $p = 3$, E_m a 3 facteurs irréductibles de degré 114.

RÉFÉRENCES

- [1] BATEMAN, P. T. Note on the coefficients of the cyclotomic polynomial. *Bull. Amer. Math. Soc.* 55 (1949), 1180–1181.
- [2] BATEMAN, P. T., C. POMERANCE and R. C. VAUGHAN. On the size of the coefficients of the cyclotomic polynomials. In: *Colloquia Mathematica János Bolyai*, vol. 34. *Topics in Classical Number Theory*. Budapest (Hungary). North Holland, 1984, 171–202.
- [3] DEBARRE, O. and M. J. KLASSEN. Points of low degree on smooth plane curves. *J. reine angew. Math.* 446 (1994), 81–87.
- [4] HARDY, G. H. and E. M. WRIGHT. *An Introduction to the Theory of Numbers*. 4th edition. Clarendon Press, Oxford, 1960.
- [5] HÉLOU, C. Cauchy-Mirimanoff polynomials. *C. R. Math. Rep. Acad. Sci. Canada* 19 (2) (1997), 51–57.
- [6] KNUTH, D. E. *The Art of Computer Programming*, vol. 2 (*Semi-numerical Algorithms*). 2nd edition. Addison Wesley, 1981.
- [7] MIGOTTI, A. Zur Theorie des Kreistheilungsgleichung. *Sitz. Akad. Wiss. Wien (Math.)* (2) 87 (1883), 7–14.
- [8] NICOLAS, J.-L. et G. ROBIN. Majorations explicites pour le nombre de diviseurs de n . *Canad. Math. Bull.* 26 (1983), 485–492.
- [9] RAMANUJAN, S. Highly Composite Numbers. *Proc. London Math. Soc.* (2) 14 (1915), 347–400. (*Collected Papers*. Cambridge University Press, 1927 and Chelsea, 1962, 78–128.)

- [10] ROSSER, J. B. and L. SCHOENFELD. Approximate formulas for some functions of prime numbers. *Illinois J. Math.* 6 (1962), 64–94.
- [11] TERJANIAN, G. Sur la loi de réciprocité des puissances ℓ -ièmes. *Acta Arith.* 54 (1989), 87–125.

(Reçu le 29 juin 1999)

Jean-Louis Nicolas

Institut Girard Desargues
Mathématiques, Bât. 101
Université Claude Bernard (Lyon 1)
43, bd du 11 novembre 1918
F-69622 Villeurbanne Cedex
France
e-mail: jlnicola@in2p3.fr

Guy Terjanian

Laboratoire de Mathématiques Emile Picard
Université Paul Sabatier (Toulouse 3)
118, route de Narbonne
F-31062 Toulouse Cedex
France

Vide-leer-empthy