

**Zeitschrift:** L'Enseignement Mathématique  
**Herausgeber:** Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique  
**Band:** 38 (1992)  
**Heft:** 1-2: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

**Artikel:** LA NON-DÉRIVABILITÉ DE LA FONCTION DE WEIERSTRASS  
**Autor:** Baouche, A. / Dubuc, S.

### **Bibliographie**

**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-59484>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 27.04.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

Par la suite, toutes les inégalités obtenues relatives aux quantités  $I$  se transposent de la même façon relativement aux quantités  $J$  et l'on établit le théorème pour la fonction  $f = S$ .

*Remarque.* D'une façon générale, pour toute suite de phases  $\phi_n$ , les fonctions  $f(x)$  de la forme  $\sum_{n=0}^{\infty} a_n \cos(b^n x - \phi_n)$  rempliront la conclusion du théorème si  $b > 1/a$ .

#### 4. CONCLUSION

Nous avons exposé une démonstration très simple de la non-dérivabilité de la fonction de Weierstrass lorsque  $b > 1/a$ . Cependant nous n'avons pas complètement égalé la performance de Hardy qui a établi que même dans le cas  $b = 1/a$ , la fonction de Weierstrass est sans dérivée. Il y aurait lieu de simplifier l'argumentation de Hardy également dans ce cas.

#### RÉFÉRENCES

- [1] HARDY, G. H. (1916). Weierstrass's non-differentiable function. *Trans. Amer. Math. Soc.* 17, pp. 301-325.
- [2] WEIERSTRASS, F. (1872). Über kontinuierliche Functionen eines reellen Arguments, die für keinen Wert des letzteren einen bestimmten Differentialquotienten besitzen. *Mathematische Werke II*, pp. 71-74.

(Reçu le 22 juillet 1991)

Amar Baouche et Serge Dubuc

Département de mathématiques et de statistique  
Université de Montréal  
C.P. 6128, succ. A  
Montréal (P.Q.)  
H3C 3J7 Canada