

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 37 (1991)
Heft: 3-4: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: ON THE AVERAGE BEHAVIOUR OF THE LARGEST DIVISOR OF n PRIME TO A FIXED INTEGER k
Autor: PÉTERMANN, Y.-F. S.

Kurzfassung

DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-58739>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 13.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

ON THE AVERAGE BEHAVIOUR OF THE LARGEST DIVISOR
OF n PRIME TO A FIXED INTEGER k

by Y.-F. S. PETERMANN

RÉSUMÉ. On étudie le comportement de la fonction bornée $h_k(x) := x^{-1}E_k(x)$, où $E_k(x) := \sum_{n \leq x} \delta_k(n) - (k/2\sigma(k))x^2$ est le terme irrégulier du comportement asymptotique moyen de $\delta_k(n)$, le plus grand diviseur de n premier à k (et où l'on peut sans perte supposer que k est sans facteur carré). On s'intéresse plus particulièrement aux nombres I_k et S_k , les \liminf et \limsup de $h_k(x)$ (lorsque $x \rightarrow \infty$), dont les valeurs exactes ne sont connues que si $k = 1$ ou si k est un nombre premier (Joshi et Vaidya [JV]). En établissant l'existence et la symétrie de la fonction de répartition de $h_k(n)$ (au sens de Wintner), on simplifie le problème en démontrant que $I_k = -S_k$. Puis, pour tous les k non premiers et sans facteur carré, on améliore explicitement l'estimation $S_k \geq k/\sigma(k)$ (de Herzog et Maxsein [HM], et indépendamment Adhikari, Balasubramanian et Sankaranarayanan [ABS]).

0. INTRODUCTION AND STATEMENT OF THE RESULTS

For a fixed natural number k we denote by $\delta_k(n)$ the largest divisor of n which is prime to k . If κ is the squarefree core of k we have $\delta_k(n) = \delta_\kappa(n)$, and we shall assume from now on that k is squarefree. We define the associated error term

$$(0.1) \quad E_k(x) := \sum_{n \leq x} \delta_k(n) - \frac{k}{2\sigma(k)} x^2,$$

where σ is the sum-of-divisors function. The behaviour of $E_k(x)$ has been investigated in [Su], [JV], [HM], [ABS], [AB], and very recently in [A]. It is known that [JV]

$$(0.2) \quad E_k(x) = O(x)$$