

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 35 (1989)
Heft: 1-2: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: LE THÉORÈME DE BURNSIDE SUR LE COMPTAGE DES ORBITES ET QUELQUES APPLICATIONS
Autor: Sigrist, François
Bibliographie
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-57367>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 21.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Il s'agit donc de trouver $a(n)$, le nombre d'arbres différents à n nœuds, avec toutes les ramifications de degré 1, 2 ou 3. On convient que $a(0) = 1$, et on note $A(x) = \sum a(n)x^n$ la fonction génératrice. On remarque alors qu'à tout arbre on peut en faire correspondre trois autres, qui sont les descendants de l'atome de carbone jouxtant la racine OH (voir Figure 2). Mais l'opération inverse, consistant à reconstruire un arbre à partir de trois autres, exige que l'on identifie les triplets d'arbres qui ne diffèrent que d'une permutation. On en déduit que la solution du problème est donnée par l'indicateur des cycles du groupe Σ_3 , avec comme inventaire des figures la fonction $A(x)$ elle-même. Le théorème 6.2 devient ainsi, si l'on tient compte du nœud supplémentaire :

$$\frac{1}{x}(A(x)-1) = Z(\Sigma_3; A(x), A(x^2), A(x^3)) = \frac{1}{6}(A(x)^3 + 3A(x)A(x^2) + 2A(x^3)).$$

Cette équation fonctionnelle pour la fonction $A(x)$ permet d'en trouver inductivement le développement en série, et les premiers termes sont

$$A(x) = 1 + x + x^2 + 2x^3 + 4x^4 + 8x^5 + 17x^6 + \dots$$

RÉFÉRENCES

- [1] BURNSIDE, W. *Theory of groups of finite order*. Second edition. Cambridge at the University Press (1911).
- [2] DE BRUIJN, N. G. Color patterns that are invariant under a given permutation of the colors. *Journal of Combinatorial Theory* 2 (1967), 418-421.
- [3] FROBENIUS, G. Über die Kongruenz nach einem aus zwei endlichen Gruppen gebildeten Doppelmoduls. *Journal de Crelle* 101 (1887), 277-293.
- [4] GALOIS, E. *Oeuvres mathématiques*. Gauthier-Villars (1897).
- [5] GILBERT, E. N. and J. RIORDAN. Symmetry types of periodic sequences. *Illinois Journal of Mathematics* 5 (1961), 657-665.
- [6] PÓLYA, G. Kombinatorische Anzahlbestimmungen für Gruppen, Graphen, und chemische Verbindungen. *Acta Mathematica* 68 (1937), 145-252.
- [7] PÓLYA, G., R. TARJAN and D. WOODS. *Notes on Introductory Combinatorics*. Birkhäuser-Verlag (1983).
- [8] VAN DER WAERDEN, B. L. *Moderne Algebra*. Erster Teil, zweite Auflage. Berlin, Verlag von Julius Springer (1937).

(Reçu le 3 septembre 1988)

François Sigrist

Institut de mathématiques et d'informatique
Université de Neuchâtel
Chantemerle 20
CH-2000 Neuchâtel (Suisse)