

**Zeitschrift:** L'Enseignement Mathématique  
**Herausgeber:** Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique  
**Band:** 31 (1985)  
**Heft:** 1-2: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

**Artikel:** REPRESENTATION OF REAL NUMBERS BY MEANS OF FIBONACCI NUMBERS  
**Autor:** Ribenboim, Paulo

**Bibliographie**  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-54568>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 25.04.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

Clearly, all the above series are convergent. Carlitz showed that  $S_3, S_7, S_{11}, \dots \in \mathbf{Q}(\sqrt{5})$ , while  $S_{4k} = r_k + r'_k S_0$  for  $k \geq 1$  and  $r_k, r'_k \in \mathbf{Q}$ .

One may ask: what kind of number is  $S_0$ ? Are the numbers  $S_0, S_1, S_2$  algebraically independent?

#### BIBLIOGRAPHY

- [1] BROWN, J. L. On generalized bases for real numbers. *Fibonacci Q.* 9 (1971), 477-496.
- [2] CARLITZ, L. Reduction formulas for Fibonacci summations. *Fibonacci Q.* 9 (1971), 449-466 and 510.
- [3] FRIDY, J. A. Generalized bases for the real numbers. *Fibonacci Q.* 4 (1966), 193-201.
- [4] KAKEYA, S. On the partial sums of an infinite series. *Science Reports Tōhoku Imp. Univ. (1)*, 3 (1914), 159-163.
- [5] LANDAU, E. Sur la série des inverses de nombres de Fibonacci. *Bull. Soc. Math. France* 27 (1899), 298-300.
- [6] SANSONE, G. and J. GERRETSEN. *Lectures on the Theory of Functions of a Complex Variable*, Vol. I. P. Noordhoff, Groningen, 1960.

(Reçu le 22 octobre 1984)

Paulo Ribenboim

Department of Mathematics and Statistics  
Queen's University  
Kingston, Ontario  
Canada

**Vide-leer-empty**