

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 25 (1979)
Heft: 1-2: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: CORPS RÉSOLUBLES ET DIVISIBILITÉ DE NOMBRES DE CLASSES D'IDÉAUX
Autor: Satgé, Ph.
Kapitel: 0) Notations
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-50376>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 26.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Dans le troisième paragraphe, nous donnons la loi de décomposition des nombres premiers dans ces corps non galoisiens.

Enfin, dans le quatrième paragraphe, nous établissons les propriétés de divisibilité des nombres de classes annoncées au début en construisant des corps tchébychéviens dont les clôtures galoisiennes sont des extensions abéliennes non ramifiées de degré l de certains corps cycliques de degré $l - 1$. Les paragraphes 2, 3 et 4 sont essentiellement indépendants; seuls quelques lemmes établis au paragraphe 2 servent dans les paragraphes 3 et 4.

L'idée d'étudier les corps tchébychéviens m'a été donnée par Pierre Barrucand; les trois premiers paragraphes de ce travail ont été élaborés avec lui; je tiens à le remercier ici.

0) NOTATIONS

Nous désignons par n un nombre positif impair (dans les parties 2), 3) et 4) ce n sera supposé premier, nous poserons alors $n = l$), par K le corps quadratique $\mathbf{Q}(\sqrt{d})$ où d est sans carré, par δ le discriminant de K et par ξ et $\bar{\xi}$ deux entiers conjugués (non rationnels) de K tels que $\xi\bar{\xi} = M^n$ où M est un entier rationnel. Nous choisissons une racine n -ième de ξ que nous notons ${}^n\sqrt{\xi}$ et nous posons ${}^n\sqrt{\bar{\xi}} = M^{1/n}\sqrt{\bar{\xi}}$, $\zeta = \exp\left(\frac{2\pi i}{n}\right)$, $\omega = \cos\left(\frac{2\pi}{n}\right)$ et $L = \mathbf{Q}(\omega, \sqrt{d(\omega^2 - 1)})$. Pour tout entier positif k , nous posons

$$t_k = ({}^n\sqrt{\xi})^k + ({}^n\sqrt{\bar{\xi}})^k, \quad t^{(k)} = \zeta^k {}^n\sqrt{\xi} + \zeta^{-k} {}^n\sqrt{\bar{\xi}},$$

$T^{(k)} = \mathbf{Q}(t^{(k)})$, $t = t^{(0)}$ et $T = T^{(0)}$. Nous désignons par N la clôture galoisienne de T . Enfin, si A est un anneau, A^n est le semi-groupe des puissances n -ièmes des éléments de A et A^* est le groupe des éléments inversibles de A .

1) ETUDE GÉNÉRALE

1.1. Une famille de polynômes

Pour tout entier positif k , nous désignons par $T_k(X)$ le polynôme vérifiant $T_k(e^z + e^{-z}) = e^{kz} + e^{-kz}$ (c'est-à-dire, à une légère modification