

**Zeitschrift:** L'Enseignement Mathématique  
**Herausgeber:** Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique  
**Band:** 22 (1976)  
**Heft:** 1-2: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

**Artikel:** GENERALIZZAZIONE DEL TEOREMA DI WILSON ALLE TERNE PRIME  
**Autor:** Patrizio, Serafino  
**Kurzfassung:** RÉSUMÉ  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-48183>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 19.08.2025

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

# GENERALIZZAZIONE DEL TEOREMA DI WILSON ALLE TERNE PRIME

di Serafino PATRIZIO

## RÉSUMÉ

On donne une condition nécessaire et suffisante, portant sur  $p$ , pour que les nombres naturels  $p - 2, p, p + 4$  soient tous premiers. On signale ensuite une condition analogue pour que  $p - 4, p, p + 2$  soient tous premiers.

1. Nel presente lavoro <sup>1)</sup> viene stabilita una condizione necessaria e sufficiente perchè i naturali

$$p - 2, p, p + 4, \text{ con } p \in N_7,$$

siano primi, ottenendosi così una generalizzazione del teorema di Wilson.

Questa ricerca è anche un po' giustificata dal fatto che, notoriamente, non si sa ancora se il numero delle terne prime in questione sia, o no, finito.

Come è noto ([2], pag. 261), dati due naturali  $p - 2$  e  $p$ , con  $p \in N_5$ , essi sono entrambi primi se, e solo se, risulta:

$$(1,1) \quad 4 \left[ \frac{(p-3)!}{p-2} \right] \equiv -5 \pmod{p}.$$

2. Osserviamo anzitutto che alla necessità della (1,1) si può pervenire rapidamente nel modo seguente.

Supposto  $p - 2 \in \mathcal{P}$ , con  $p \in N_5$ , il naturale  $p - 2$  è soluzione dell'equazione dei numeri primi <sup>2)</sup> di F. PELLEGRINO, e pertanto si ha:

---

<sup>1)</sup> Questo lavoro è nato, nell'ambito dell'Istituto di Matematica della Facoltà di Scienze della Università de L'Aquila, da conversazioni avute con il Prof. Franco PELLEGRINO che tengo qui a ringraziare cordialmente.

La presente Memoria presuppone i concetti, le notazioni e le nozioni introdotte ed usate nei lavori di F. PELLEGRINO. Così' indichiamo con  $\mathcal{P}$  l'insieme dei numeri primi; con  $N_q$ , ( $q \in N_0$ ), l'insieme dei naturali non inferiori a  $q$ ; con  $\mathcal{D}(n)$ , ( $n \in N_1$ ), l'insieme dei divisori di  $n$ .

<sup>2)</sup> [2], pag. 259, dove viene mostrato che le soluzioni in  $N_1$  dell'equazione

$$\frac{(p-1)!}{p} - \left[ \frac{(p-1)!}{p} \right] = \frac{p-1}{p}$$

sono tutti e soli gli elementi di  $\mathcal{P}$ .