

Zeitschrift:	L'Enseignement Mathématique
Herausgeber:	Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band:	18 (1972)
Heft:	1: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE
Artikel:	L'ÉQUATION DIFFÉRENTIELLE DE CAUCHY RIEMANN SUR UN DOMAINE STRICTEMENT PSEUDO-CONVEXE SOLUTIONS BORNÉES
Autor:	Jambon, M.
Kapitel:	§2. Forme différentielle de Cauchy-Fantappiè
DOI:	https://doi.org/10.5169/seals-45380

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 22.02.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

CHAPITRE PREMIER

FORMES DE CAUCHY-FANTAPPIÈ

§ 2. FORME DIFFÉRENTIELLE DE CAUCHY-FANTAPPIÈ

Sur un ouvert W de $\mathbf{C}^n \times \mathbf{C}^n$, soit f^* un n -uplet de formes de $\mathcal{C}_{(1, 0; 0, 0)}^2(W)$, $f^* = \{f_v^*\}_{1 \leq v \leq n}$.

Pour chaque v on définit $f_v(x, y) = f_v^*(x, y) [x - y]$ et on suppose que chaque fonction $f_v(x, y)$ ainsi définie ne s'annule pas sur W .

Définition 1.

$$D_q(f^*) = \frac{f_1^*}{f_1} \wedge \bar{\partial}_y \left(\frac{f_2^*}{f_2} \right) \wedge \dots \wedge \bar{\partial}_y \left(\frac{f_q^*}{f_q} \right) \wedge \bar{\partial}_x \left(\frac{f_{1+q}^*}{f_q} \right) \wedge \dots \wedge \bar{\partial}_x \left(\frac{f_n^*}{f_n} \right)$$

s'appelle la forme différentielle de Cauchy-Fantappiè (C.F. forme) d'ordre q sur W , associée à f^* .

THÉORÈME 1. $D_q(f^*)$ est indépendant de f_1^* .

Démonstration. $D_q(f^*) \in \mathcal{C}_{(n, n-q; 0, q-1)}^1(W)$. On va donc faire agir $D_q(f^*)$ sur $2n-1$ vecteurs et on mettra en évidence une simplification par $f_1^* [x - y]$.

On pose $X_v \in E$ pour $1 \leq v \leq 2n-q$,

$X_v \in F$ pour $2n-q+1 \leq v \leq 2n-1$,

avec les notations du § 1 (ici $E=F=\mathbf{C}^n$).

On note $\xi_v = y$ pour $2 \leq v \leq q$,

$\xi_v = x$ pour $q+1 \leq v \leq n$,

σ_{2n-1} est le groupe symétrique d'ordre $2n-1$.

$I = (i_{q+1}, \dots, i_n)$ un arrangement à $(n-q)$ éléments de $\{1, \dots, 2n-q\}$,

$J = (j_2, \dots, j_q)$ une permutation à $(q-1)$ éléments de $\{2n-q+1, \dots, 2n-1\}$,

$K = \{k_1, \dots, k_n\}$, $k_1 < \dots < k_n$ un ensemble tel que $K \cap I = \{1, \dots, 2n-q\}$, $K \cap J = \emptyset$.

On a alors une écriture intéressante de $D_q(f^*)$.

$$D_q(f^*)[X_1, \dots, X_{2n-1}] = \sum_{I, J} \sum_{\substack{\sigma \in \sigma_{2n-1} \\ 2 \leq v \leq q \\ q+1 \leq v \leq n}} \varepsilon_\sigma \frac{f_1^*[X_{\sigma(1)}]}{f_1^*[x-y]} \prod_{v=1}^n \bar{\partial}_{\xi_v} \left[\frac{f_v^*[X_{\sigma(2v+1)}]}{f_v^*[x-y]} \right] (X_{\sigma(2v)}).$$

La sommation pour I, J fixés est une forme n -C-linéaire alternée de X_{k_1}, \dots, X_{k_n} ; elle est donc parfaitement déterminée par sa valeur sur une base de \mathbf{C}^n dans laquelle on va choisir $X_{k_1} = [x-y]$. On peut le faire car ce vecteur se comporte comme un vecteur constant vis-à-vis de $\bar{\partial}_x$ et $\bar{\partial}_y$. Si $\sigma(1) \neq k_1 \exists v$ avec $X_{\sigma(2v+1)} = X_{k_1} = [x-y]$ pour ce v on a

$$\bar{\partial}_{\xi_v} \left[\frac{f_v^*[X_{\sigma(2v+1)}]}{f_v^*[x-y]} \right] = 0.$$

Les seuls termes restants sont des termes avec $\sigma(1) = k_1$ et on a la simplification

$$\frac{f_1^*[x-y]}{f_1^*[x-y]} = 1.$$

Le théorème est démontré.

§ 3. UNE FORMULE D'HOMOTOPIE

Nous allons utiliser le théorème 1 pour rechercher la connexion entre différentes C.F. formes. Nous entrevoyons ensuite les cas particuliers importants pour la suite.

1. Soit toujours W un ouvert de $\mathbf{C}^n \times \mathbf{C}^n$.

Définition 2. Pour $1 \leq v \leq r$, soit $f_v^* \in \mathcal{C}_{(p_v, q_v; r_v, s_v)}^{k_v}(W)$ et $\alpha_1, \dots, \alpha_r$ des entiers tels que $\alpha_1 + \dots + \alpha_r = n$.

$$D_{\alpha_1, \dots, \alpha_r}(f_1^*, \dots, f_r^*) = (\wedge^{\alpha_1} f_1^*) \wedge \dots \wedge (\wedge^{\alpha_r} f_r^*).$$

Définition 3. Soit $f^* \in \mathcal{C}_{(1, 0; 0, 0)}^2(W)$ avec $f(x, y) = f^*(x, y)[x-y]$ ne s'annule pas sur W .

$$D_{q+1}(f^*) = D_{1, q, r} \left(\frac{f^*}{f}, \bar{\partial}_y \frac{f^*}{f}, \bar{\partial}_x \frac{f^*}{f} \right).$$