

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 14 (1968)
Heft: 1: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: THE COHERENCE OF DIRECT IMAGES
Autor: Grauert, H.
Kapitel: Introduction
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-42345>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 27.04.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

THE COHERENCE OF DIRECT IMAGES

by H. GRAUERT

INTRODUCTION

The coherence of the direct images of coherent sheaves was treated in the paper [1]: H. Grauert: Ein Theorem der analytischen Garbentheorie und die Modulräume komplexer Strukturen (*Pub. Math. IHES* 1960, pp. 5-64, corrections 1963). This paper deals with the most general case and its technique is very difficult. The main point in the proof is the Hauptlemma on page 47. Here a proof of this Hauptlemma in the case of regular families of compact complex manifolds and locally free analytic sheaves is given. Although this special case is easier than the general, the ideas are practically the same. Therefore these lecture notes of some talks given by H. Grauert, Helsinki 1967, may lead to an understanding of the general proof. In these notes only the Hauptlemma is proved. The proof of coherence is omitted. This part is more formal and can be done like in [1] on p. 55. See [1] for applications of the theorem.

A detailed presentation of the proof in the general case is given also by Knorr [2].

COHOMOLOGY THEORY

In this paper we use Čech cohomology. We shall briefly show how this cohomology is defined. In the following discussion X denotes a connected complex analytic manifold, \mathcal{O} is the sheaf of germs of holomorphic functions and S a sheaf of \mathcal{O} -modules. Let $\mathcal{U} = \{ U_i \}_{i \in J}$ be an open covering of X . We put $U_{i_0 \dots i_l} = U_{i_0} \cap \dots \cap U_{i_l}$. We consider cochains of order l with values in S . Let us put $C^l(\mathcal{U}, S) = \{ \xi \}$ where ξ denotes a full collection of crosssections $\xi_{i_0 \dots i_l}$ over all $U_{i_0 \dots i_l}$. We always assume that $\xi_{i_0 \dots i_l}$ is anticommutative in its indices. In the system $\{ C^l(\mathcal{U}, S) \}$ we have the