

**Zeitschrift:** L'Enseignement Mathématique  
**Herausgeber:** Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique  
**Band:** 14 (1968)  
**Heft:** 1: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

**Artikel:** NOTE ON ABSOLUTE SUMMABILITY FACTORS  
**Autor:** Irwin, Ronald Lee

**Bibliographie**  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-42356>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 03.11.2025

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

By hypothesis (1)  $\sum_{\mu=0}^{\infty} |a_{\mu\mu} \alpha_{\mu}| < \infty$ . Hence the second term of (3) is absolutely convergent if  $\sum_{n=\mu}^{\infty} |A_{n\mu}| \leq M$ . Since  $b_{n\mu} \uparrow$  for  $\mu \uparrow$  we have

which is 0 (1).

**THEOREM 5.** Let  $A, B$  be normal and absolutely regular with  $A \succ 0$ ,  $B \succ 0$ , and  $A' \leq 0$ . Furthermore, assume

$$(4) \quad a_{nv} \uparrow, \quad v \uparrow (v \leq n)$$

$$(5) \quad b_{nv} \uparrow, \quad v \uparrow (v \leq n)$$

$$(6) \quad \frac{a_{nv}}{b_{nv}} \downarrow, \quad v \uparrow (v \leq n)$$

$$(7) \quad \frac{b_{nv}}{a_{nv}} (a_{kn} - a_{kv}) \downarrow, \quad v \uparrow \text{ for all } n \leq k$$

$$(8) \quad a_{v+1, v+1} = 0(a_{vv})$$

$$(9) \quad b_{vv} = 0(b_{v+1, v+1})$$

$$(10) \quad p_{v+1} = 0(p_v).$$

When these conditions are satisfied

$$\varepsilon_v(AP^k, c) = 0 \left( \frac{a_{vv}}{b_{vv}} \left( \frac{p_v}{P_v} \right)^k \right)$$

implies

$$\varepsilon_v(AP^k, c) \in (|AP^k|, |B|)_r.$$

*Proof.* With  $k = 0$  these conditions imply  $\varepsilon_v(A, c) \in (|A|, |B|)_r$  (see Theorem 3 in [2]). Hence, the theorem follows by induction from Theorem 3 and 4.

Theorem 5 extends Theorem 3 in [2] to include all Cesaro methods  $A = (C, \alpha)$ ,  $B = (C, \beta)$  where  $\alpha \geq 0$ , and  $0 \leq \beta \leq 1$ .

#### BIBLIOGRAPHY

- [1] IRWIN, R. L., Absolute Summability Factors I, *Tohoku Math. Journal*, 1., 247-254 (1966).
- [2] — and A. PEYERIMHOFF, On Absolute Summability Factors, to appear in *L'Enseignement Mathématique*.

(Reçu le 10 avril 1969.)