

Objektyp: **ReferenceList**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **13 (1967)**

Heft 1: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **21.09.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern. Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

où $a_1 \in A$ a un reste inversible et où $a_2, \dots, a_k \in \mathcal{A}$. Supposons que $p(V)$ a une racine simple \bar{e} dans \bar{A} , mais alors, il existe ψ tel que $W^k - a_1 W^{k-1} - \dots - a_k$ ait une racine simple dans A_ψ , de reste \bar{e} , et par suite, l'image de $p(V)$ dans $A_{\phi\psi}$ a une racine simple, de reste \bar{e} . $(A_\phi, \mathcal{A}_\phi)$ est donc faiblement hensélien. On laisse au lecteur le soin de voir que $(A_\phi, \mathcal{A}_\phi)$ est hensélien si (A, \mathcal{A}) l'est.

3. — On considère la catégorie (Cou) dont les objets sont les couples (A, \mathcal{A}) d'un anneau A et d'un idéal \mathcal{A} de A , un morphisme $u : (A, \mathcal{A}) \rightarrow (B, \mathcal{L})$ étant un homomorphisme $u : A \rightarrow B$ d'anneaux tel que $u^{-1}(\mathcal{L}) = \mathcal{A}$. On sait alors [2] que si $((A_i, \mathcal{A}_i)_{i \in I}, u_{ij})$ est un système inductif dans (Cou) indexé par un ensemble I filtrant, il a une limite inductive (A, \mathcal{A}) dans (Cou) où A est la limite inductive des A_i dans la catégorie des anneaux et où \mathcal{A} est la limite inductive des idéaux \mathcal{A}_i . Si, de plus, les couples (A_i, \mathcal{A}_i) sont faiblement henséliens, ou henséliens, il en est de même de (A, \mathcal{A}) [On adapte sans difficulté la démonstration de Lafon aux définitions ci-dessus].

4. — En particulier, si (A, \mathcal{A}) est un couple faiblement hensélien, on considère le système inductif filtrant des $(A_\phi, \mathcal{A}_\phi)$ où ϕ parcourt la partie multiplicative S de A formée des éléments inversibles modulo \mathcal{A} , alors sa limite inductive (A_S, \mathcal{A}_S) sera faiblement hensélienne, et même hensélienne, puisque \mathcal{A}_S est contenu dans le radical de A_S .

Cela entraîne en particulier que si $f_\phi = gh$ et $f_\psi = g_1 h_1$ sont deux décompositions d'un polynôme $f \in A[X]$ dans A_ϕ et A_ψ respectivement et vérifiant les hypothèses de (1), prop. 1, alors, en prenant θ « assez grand » de reste inversible, ces deux décompositions ont la même image dans A_θ , ce que l'on aurait pu voir directement.

En résumé, dire que (A_S, \mathcal{A}_S) est hensélien équivaut à dire que (A, \mathcal{A}) est faiblement hensélien. On reconnaît une généralisation de [1] chap. VII prop. 43; 2). Nous rappelons que pour Nagata, un anneau local A , d'idéal maximal \mathcal{M} est hensélien si le couple (A, \mathcal{M}) est faiblement hensélien au sens où nous l'entendons ci-dessus.

BIBLIOGRAPHIE

- [1] NAGATA, M. *Local rings*. Interscience Publishers.
- [2] LAFON, J. P. *Anneaux henséliens*. Bull. Soc. Math. France (1964).
- [3] ARTIN, M. *Grothendieck Topologies*. Harvard University (1962).

E. Crépeaux
Faculté des Sciences de Lille

(Reçu le 1^{er} juin 1968)

Vide-leer-empty