

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 11 (1965)
Heft: 2-3: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: SUR UNE ÉQUATION DIFFÉRENTIELLE LINÉAIRE A
COEFFICIENTS VARIABLES
Autor: Badesco, Radu / Dumitresco, Eugeniu / Saulesco, Constantin
Kapitel: 3. RÉOLUTION DE L'ÉQUATION HOMOGÈNE $T(y) = 0$.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-39970>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 17.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

3. RÉOLUTION DE L'ÉQUATION HOMOGÈNE $T(y) = 0$.

Considérons l'équation homogène $T(y) = 0$ et écrivons que le polynome arbitraire $y_0 = Q_n(x)$ vérifie cette équation. Nous aurons, utilisant la représentation (8) des $P_m(x)$,

$$T(y_0) = \int_0^1 g(t) \sum_{i=0}^n \frac{(t-x)^i}{i!} y_0^{(i)}(x) dt \equiv 0$$

et comme la somme n'est autre que le développement taylorien de $y_0(t)$ au voisinage de $t = x$, cette condition, *indépendante de x* , devient

$$\int_0^1 g(t) y_0(t) dt = 0 \quad (13)$$

ou bien, tenant compte de (12) et de (9),

$$\sum_{i=0}^n C_i \gamma_{n-i} = 0, \quad (\gamma_0 \neq 0). \quad (14)$$

Le coefficient C_n s'exprime donc linéairement en fonction des n coefficients arbitraires C_i ($i = 0, 1, \dots, n-1$).

4. RÉOLUTION DE L'ÉQUATION NON-HOMOGÈNE $T(y) = f(x)$

Passons à l'équation non-homogène (3) et observons qu'elle peut être obtenue en intégrant l'équation (10) multipliée par $\frac{P_n(x)}{n!}$, de sorte que nous pourrions écrire pour la solution particulière $Y(x)$ donnée par (11) [où l'on pose $Q_n(x) \equiv 0$]

$$T(Y) = f(x) - f(a) \quad (15)$$

La constante d'intégration doit être égale à $-f(a)$ car, d'après les conditions (6), l'expression $T(Y)$ s'annule pour $x = a$.

Ceci précisé, cherchons une solution particulière $Y_p(x)$ de (3) qui soit de la forme $Y_p = Y + h$, avec h constante. Nous aurons, grâce à la linéarité de $T(y)$,

$$T(Y+h) = T(Y) + T(h) = f(x)$$