

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 8 (1962)
Heft: 1-2: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: BIBLIOGRAPHIE DE L'ARITHMÉTIQUE
Autor: Chatelet, Albert
Kapitel: 4. Equations diophantiennes de degré supérieur
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-37965>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 25.04.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

3. ANALYSE INDÉTERMINÉE DU PREMIER DEGRÉ

L'arithmétique de Diophante a introduit un symbolisme algébrique et l'usage d'équations. La résolution de ces équations était dominée par la préoccupation de *tomber juste*.

Ce traité a eu une longue influence sur le développement des mathématiques, grâce à l'édition de BACHET DE MEZIRIAC (1621); cet auteur a également publié un ouvrage personnel consacré à des questions analogues: Problèmes plaisants et délectables qui se font par les nombres. Quelques années plus tard (1670), le fils de Pierre de FERMAT publiait les annotations transcrites dans les marges d'un exemplaire de l'Arithmétique de Diophante par son père; elles comportaient des énoncés de propriétés nouvelles et parfois des solutions de problèmes.

Quoiqu'il en soit, on appelle *problèmes diophantiens* (ou diophantiques) la recherche des solutions en nombres entiers ou en nombres rationnels des équations à coefficients entiers ou rationnels.

On appelle aussi l'ensemble de ces problèmes *analyse indéterminée*.

Le cas d'une équation, ou d'un système d'équations, du premier degré est presque complètement résolu.

L'étude de $ax+by=c$, a, b, c , entiers donnés, x, y entiers inconnus, est liée à la divisibilité, mais aussi à l'ensemble des nombres de la forme $ax+by$, qui sont des multiples du p.g.c.d. de a et b . On peut aussi interpréter l'étude de ce dernier ensemble par celle des *réseaux de points*, ce qui conduit aux *fractions continues et aux substitutions unimodulaires*. Ces questions ont été abordées par BACHET, FERMAT, EULER, LAGRANGE.

L'étude des systèmes d'équations peut être faite par des méthodes analogues; elle a été développée par Gauss, Poincaré, Smith, Frobenius, Heger.

Bibliographie: 7, 8, 9, 12, 41.

4. EQUATIONS DIOPHANTIENNES DE DEGRÉ SUPÉRIEUR

Les équations diophantiennes de degré supérieur sont de types très divers; par exemple (équations non homogènes):

$$p = x^2 + y^2; \quad x^2 - dy^2 = 1; \quad x^2 + y^2 + z^2 + t^2 = 1$$

ou (équations homogènes):

$$x^2 + y^2 = z^2, \quad y^2 z - x^3 = 0, \dots$$

Une première catégorie de problèmes est la recherche des *points à coordonnées entières*, ou à *coordonnées rationnelles* (en abrégé points entiers, ou points rationnels) sur des courbes algébriques à coefficients entiers.

Par exemple: recherche de x, y, z entiers tels que:

$$x^2 + y^2 = z^2$$

(points rationnels sur un cercle); $x/y = t$ est rationnel et $x/z, y/z$ s'en déduisent par les formules:

$$\frac{x}{z} = \frac{1 - t^2}{1 + t^2} \quad \frac{y}{z} = \frac{2t}{1 + t^2}$$

ou encore x, y, z sont proportionnels à

$$\lambda^2 - \rho^2, \quad 2\lambda\rho, \quad \lambda^2 + \rho^2$$

avec λ, ρ entiers premiers entre eux.

Plus généralement, on peut chercher les points entiers, ou les points rationnels, sur des *surfaces*, ou sur des *variétés algébriques* déterminées par des relations à coefficients entiers.

Ces problèmes ont donné lieu à de nombreuses recherches dispersées et à des solutions de fortune, notamment de FERMAT, EULER, LAGRANGE. Des recherches plus systématiques ont été entreprises dans ces dernières années, surtout par H. POINCARÉ et A. WEIL.

Bibliographie: 4, 12, 15, 23, 29, 33, 38, 41.

5. CONGRUENCES ET CORPS FINIS

L'étude du problème de Fermat ont conduit EULER, LAGRANGE, LEGENDRE, JACOBI à établir une théorie qui a été mise au point par GAUSS. Elle a été exposée dans les *Disquisitiones arithmeticae* parus en latin en 1801 et traduite depuis en français.