Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique

Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique

Band: 5 (1959)

Heft: 4: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: QUELQUES TENDANCES ACTUELLES EN ANALYSE NUMÉRIQUE

Autor: Blanc, Charles Kapitel: Conclusions.

DOI: https://doi.org/10.5169/seals-35493

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

Download PDF: 16.10.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch

une suite de calculs, selon une règle prescrite, cette règle (une « stratégie ») pouvant du reste comporter, en cours de calcul, des choix entre deux possibilités (des «tactiques») selon des résultats intermédiaires; dès lors, la recherche d'une stratégie optimum consiste à rechercher celle qui, au sens de la théorie des jeux, donnera le meilleur résultat pour une quantité de travail donnée. On peut, par exemple, poser ceci (voir Gross et Johnson, MTAC, 13, 1959, pp. 44 et suiv.): on sait que f(x)est continue et convexe dans (a, b), positive pour x = a, négative pour x = b; déterminer la stratégie optimum pour localiser la racine comprise entre x = a et x = b, sachant que l'on aura le droit de calculer f(x) pour n valeurs de x, ces valeurs étant à choisir au fur et à mesure des calculs; la théorie des jeux conduit alors au choix d'une stratégie qui est la meilleure possible dans l'hypothèse que l'« adversaire » (celui qui a choisi f(x) (a luimême basé son choix de façon à nous placer dans des conditions aussi défavorables que possible.

Conclusions.

Un problème d'analyse numérique peut faire appel aux théories mathématiques les plus diverses. Reprenons, par exemple, le problème de l'approximation.

En termes généraux, il se présente comme relevant de l'analyse fonctionnelle, le plus souvent dans des espaces de Banach; des théorèmes comme celui du point fixe ont permis de préciser la signification de certaines méthodes.

La recherche d'une approximation au sens de Tchébicheff revient à rendre minimum le maximum d'une certaine expression: déterminer les a_i de façon que

$$\max | f(x) - g(x, a_1, ... a_n) | = \min;$$

il s'agit donc d'un problème dit de minimax, fondamental en théorie des jeux; or cette théorie fait un emploi systématique de la théorie des inégalités linéaires, liée elle-même à celle des corps convexes.

La géométrie algébrique peut également jouer un rôle dans la théorie de l'approximation; considérons la recherche, au moyen d'une fonction algébrique d'un type donné, d'une approximation d'une fonction donnée sur un ensemble fini A de R_n ; selon les propriétés de cet ensemble A relativement à l'ensemble de fonctions de la forme donnée, le problème peut dégénérer; la géométrie algébrique permet d'examiner, l'ensemble A étant donné, quels seront les choix favorables pour la forme de fonctions à adopter.

Ces quelques indications montrent assez, je pense, combien il est nécessaire, pour celui qui désire poursuivre des recherches en analyse numérique, ou tout au moins suivre celles qui se font, de posséder une information aussi solide que possible dans les domaines les plus variés des mathématiques. Cette information ne suffira pas, toutefois, s'il n'est pas pourvu d'un certain sens du concret, plus précisément d'une aptitude à voir les multiples aspects d'un même problème. L'analyse numérique lui procurera, par contre, les satisfactions que donne une science qui réunit dans un ensemble cohérent les spéculations abstraites et leurs applications, la libération du formalisme parfois stérile des théories synthétiques et l'exercice des facultés inventives.