

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 24 (1924-1925)
Heft: 1: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: MÉTHODE NOUVELLE DE PROJECTION DE L'HYPERESPACE A QUATRE DIMENSIONS
Autor: Hlavaty, V.
Kapitel: I. — Notions préliminaires;
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-515769>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 13.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

MÉTHODE NOUVELLE DE PROJECTION DE L'HYPERESPACE A QUATRE DIMENSIONS

PAR

V. HLAVATÝ (Prague).

Dans ce mémoire, nous allons exposer les principes de projection de l'hyperespace (à quatre dimensions) sur un plan, à l'aide de deux projections seulement. Nous n'y traiterons que des problèmes fondamentaux, dont la connaissance permet de résoudre les problèmes spéciaux. Nous supposons la connaissance

A. de la géométrie projective dans un plan,

B. de la méthode de projection d'un espace linéaire à trois dimensions sur un plan à l'aide de deux centres à l'infini, et

C. de la géométrie élémentaire de l'hyperespace linéaire à quatre dimensions.

I. — NOTIONS PRÉLIMINAIRES.

1. — *Terminologie.* Nous nous servons de lettres

a, b, c, \dots

A, B, C, \dots

$\alpha, \beta, \gamma, \dots$

$\mathbf{A}, \mathbf{B}, \mathbf{C}, \dots$

pour désigner les points a, b, c, \dots , les droites A, B, C, \dots , les plans $\alpha, \beta, \gamma, \dots$, et les espaces à trois dimensions $\mathbf{A}, \mathbf{B}, \mathbf{C}, \dots$ (brièvement les espaces) dans l'hyperespace (l'espace linéaire à quatre dimensions). Les éléments à l'infini seront dits *impropres*, et désignés par des lettres soulignées $\underline{a}, \underline{A}, \underline{\alpha} \dots$

Nous appelons *méthode élémentaire de projection* la méthode sub B. Le *rayon de rappel du point p* joint l'une à l'autre les

projections du point p . Les indices i, k , toujours distincts, se rapportent aux valeurs 1 ou 2.

2. — *Eléments fondamentaux.* Choisissons un plan quelconque π avec la droite impropre 0C pour plan de projection. Désignons par 2C la droite impropre du plan complètement orthogonal à π . Tous les plans, dont les deux angles extrêmes d'inclinaison à π sont de la valeur $+45^\circ$, se rencontrent suivant la droite 1C . Alors chaque droite du plan passant par 1C forme avec π l'angle $+45^\circ$.

II. — POINT.

1. — Un point quelconque a de l'hyperespace et la droite iC déterminent le plan projetant qui coupe le plan de projection π au point a_i . Nous le désignons comme la i -ième projection du point a . Les deux points a_1 et a_2 déterminent à leur tour le point a de l'espace, car les plans projetants $(a_1{}^1C)$ et $(a_2{}^2C)$ se rencontrent en un point a :

Le point est fixé par ses deux projections et ces deux projections déterminent à leur tour le point dans l'hyperespace.

Le point a et le plan π déterminent l'espace $\mathbf{A} \equiv (a\pi)$. On peut considérer le point a dans l'espace \mathbf{A} et on parvient à la méthode élémentaire de projection. Les centres de projection sont les points impropres des rayons projetants (aa_1) et (aa_2) . Cela nous permet aussitôt de trouver la distance $\overline{aa_2}$ du point a et du plan π . On l'obtient en rabattant le triangle aa_2a_1 dans π .

2. — *Positions exceptionnelles.* Les projections du point a se confondent en a , si ce point se trouve dans π . ($a_1 \equiv a_2 \equiv a$).

Soit u un point impropre dans l'unique espace impropre (${}^1C{}^2C$). Les projections $\underline{u}_1, \underline{u}_2$ sur 0C ne le déterminent pas d'une manière uniforme, parce que les plans $({}^1Cu)$ et $({}^2Cu)$ se rencontrent suivant une droite D . En ce cas \underline{u}_i est la i -ième projection de chaque point sur D . Les rayons projetants iC de hC engendrent un paraboloid hyperbolique. Si u est situé sur une génératrice projetante de ce paraboloid, on a $\underline{u}_i \equiv \underline{u}_k$. Le point u sur iC n'a pas la i -ième projection.

Pour la distance de deux points voir III, 3.