Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique

Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique

Band: 21 (1920-1921)

Heft: 1: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: SUR LA THÉORIE DES VECTEURS ESSAI DE CALCUL

SYMBOLIQUE.

Autor: Rousseau, Th.

Kapitel: deuxième espèce de multiplication **DOI:** https://doi.org/10.5169/seals-515713

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

Download PDF: 30.11.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch

15. On vérifie de même que les droites communes à deux complexes linéaires Γ et Γ' rencontrent deux droites fixes; le système formé par les équations des deux complexes

$$\vec{\mathbf{v}} \cdot \vec{\mathbf{s}} = 0 , \qquad \vec{\mathbf{v}} \cdot \vec{\mathbf{s}}' = 0 , \qquad (7)$$

équivaut, en effet, aux deux équations

$$\vec{V} \cdot (\vec{S} + \lambda_1 \vec{S}') = 0 , \quad V \cdot (S + \lambda_2 S') = 0 , \quad (8)$$

 λ_1 et λ_2 étant racines de l'équation

$$(\vec{S} + \lambda \vec{S}')^2 = 0 . \tag{9}$$

16. Soient trois complexes linéaires Γ , Γ' , Γ'' , définis par trois systèmes de vecteurs \vec{S} , \vec{S}' , \vec{S}'' . Il existe une infinité de systèmes de la forme $\vec{S} + \overline{\lambda'}\vec{S}' + \overline{\lambda''}\vec{S}''$ égaux à un vecteur unique. La condition est, en effet,

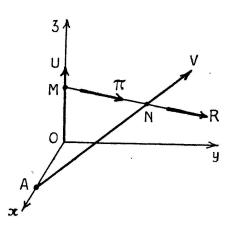
$$(S + \lambda'S' + \lambda''S'')^2 = 0 , (10)$$

c'est-à-dire

$$\lambda'^{2}\vec{S}'^{2} + 2\lambda'\lambda''\vec{S}'\cdot\vec{S}'' + \lambda''^{2}\vec{S}''^{2} + \dots = 0.$$
 (11)

Si l'on prend trois solutions $(\lambda'_1, \lambda''_1; \lambda'_2, \lambda''_2; \lambda'_3, \lambda''_3)$ de cette équation, on obtient ainsi trois systèmes $\vec{S} + \lambda' \vec{S}' + \lambda'' \vec{S}''$ réduits respectivement à des vecteurs $\vec{U}_1, \vec{U}_2, \vec{U}_3$. Les droites communes aux trois complexes rencontrent les trois droites supports de U_1, U_2, U_3 . Elles forment donc la moitié d'une quadrique. Les résultantes des systèmes $\vec{S} + \lambda' \vec{S}' + \lambda'' \vec{S}''$, qui vérifient l'équation (11), forment l'autre moitié.

Une deuxième espèce de multiplication.



17. DÉFINITION. — J'appelle produit de deuxième espèce de deux vecteurs \vec{U} et \vec{V} , et je désigne par la notation $\vec{U}^{\times}\vec{V}$, le système de vecteurs \vec{P} défini de la manière suivante :

Son axe central est la perpendiculaire commune MN à \vec{U} et \vec{V} .

Sa résultante \vec{R} est le produit vectoriel $\vec{U}_x \vec{V}$; son moment résultant $\vec{\Pi}$ porté par MN est le produit du vecteur \overrightarrow{MN} par le produit scalaire $\vec{U}.\vec{V}$.

$$\vec{R} \equiv \vec{U} \, \vec{x} \vec{V} \; ; \quad \vec{\Pi} \equiv (\vec{U} \, . \vec{V}) \, \overline{M} \vec{N} \; .$$

Je vais chercher les coordonnées de ce système \vec{P} . Je place \vec{U} suivant Oz, et je suppose que Ox rencontre \vec{V} en un point A $(\overrightarrow{OA} = a)$. Soient X, Y, Z, les projections de \vec{V} sur les axes.

Les coordonnées α , β , γ du point N sont définies par les équations

$$\alpha = \alpha + \rho X$$
 , $\beta = \rho Y$, $\gamma = \rho Z$, $\alpha X + \beta Y = 0$;

d'où l'on tire

$$\alpha = \frac{aY^2}{X^2 + Y^2}$$
; $\beta = -a\frac{XY}{X^2 + Y^2}$; $\gamma = \frac{-aXZ}{X^2 + Y^2}$.

On en déduit les six coordonnées du vecteur \vec{R} et les trois projections du moment $\vec{\Pi}$, d'où, pour le système \vec{P} , après réductions, les six coordonnées

$$-UY$$
 , UX , 0 , aUZ , 0 , 0 .

Etant donnés deux systèmes de vecteurs

$$\vec{S} = \vec{U}_1 + \vec{U}_2 + \ldots + \vec{U}_n ,$$

$$\vec{S} = \vec{V}_1 + \vec{V}_2 + \ldots + \vec{V}_n ,$$

j'appelle produit de deuxième espèce de ces deux systèmes, et je désigne par la notation $\vec{S} \times \vec{S}'$ le système de vecteurs \vec{P} formé par tous les produits de deuxième espèce des vecteurs \vec{U} par les vecteurs \vec{V} :

$$\vec{\mathbf{S}} \times \vec{\mathbf{S}}' = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^p \vec{\mathbf{U}}_i \times \vec{\mathbf{V}}_j .$$

Propriétés.

18. Dans un produit de deuxième espèce, on peut remplacer un facteur par un système égal. En effet, le transport du vecteur \vec{V}_j en \vec{V}_j' le long de son support ne change évidemment pas la définition du produit $\vec{U}_i^{\mathsf{x}} \vec{V}_j$. D'autre part, si l'on remplace deux vecteurs $\vec{A} \vec{V}_1$, $\vec{A} \vec{V}_2$ du système S' de même origine, par leur résultante $\vec{A} \vec{V}$, les coordonnées des trois systèmes $\vec{U}^{\mathsf{x}} \vec{V}_1$, $\vec{U}^{\mathsf{x}} \vec{V}_2$, $\vec{U}^{\mathsf{x}} \vec{V}_1$ par rapport aux axes particuliers utilisés au § 17 sont respectivement de la forme

On a donc évidemment

$$\vec{\mathbf{U}}^{\mathsf{x}}\vec{\mathbf{V}}_{_{1}} + \vec{\mathbf{U}}^{\mathsf{x}}\vec{\mathbf{V}}_{_{2}} = \vec{\mathbf{U}}^{\mathsf{x}}\vec{\mathbf{V}} \ .$$

La proposition en résulte.

19. Le produit de deuxième espèce est semi-commutatif:

$$\vec{s} = \vec{s}' = - \vec{s}' = \vec{s} .$$

20. Le produit de deuxième espèce est distributif par rapport à l'addition :

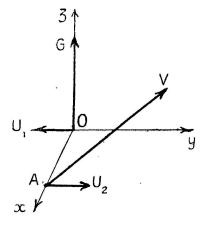
$$\vec{S} \times (\vec{S}' + \vec{S}'') = \vec{S} \times \vec{S}' + \vec{S} \times \vec{S}''.$$

Les règles de calcul sont donc celles des produits algébriques de deux facteurs, sous la réserve de la semi-commutativité.

APPLICATIONS.

21. Il résulte de la semi-commutativité que le carré d'un système de vecteurs est nul:

$$\vec{S}^2 = \vec{S} \times \vec{S} = - \vec{S} \times \vec{S} = 0$$
.



22. Produit d'un couple par un vecteur. Soit \vec{G} l'axe du couple, porté par Oz; je prends pour Ox la perpendiculaire commune à \vec{G} et au vecteur donné \vec{V} ; je représente le couple par deux vecteurs \vec{U}_1 et \vec{U}_2 parallèles à Oy, dans le plan xOy (\vec{U}_1 issu de O, \vec{U}_2 issu de A

origine de V). Cela posé, on a

$$[G]^{\mathbf{X} \vec{\mathbf{V}}} = \vec{\mathbf{U}}_{_{\mathbf{1}}}{^{\mathbf{X}} \vec{\mathbf{V}}} + \vec{\mathbf{U}}_{_{\mathbf{2}}}{^{\mathbf{X}} \vec{\mathbf{V}}} \ .$$

Les deux produits $\vec{U}_1^{\times}\vec{V}$ et $\vec{U}_2^{\times}\vec{V}$ ont même axe central Ox; les résultantes générales, qui sont $\vec{U}_1^{\times}\vec{V}$ et $\vec{U}_2^{\times}\vec{V}$, se détruisent; il ne reste que le couple ayant pour axe $(\vec{U}_2,\vec{V})OA$. On reconnaît dans cet axe le produit vectoriel $\vec{G}_{\times}\vec{V}$. On a donc

$$[\vec{G}] \times V = [\vec{G} \times \vec{V}] .$$

On aurait de même

$$\vec{\mathbf{V}}^{\mathsf{x}}[\mathbf{G}] = [\vec{\mathbf{V}}_{\mathsf{x}}\vec{\mathbf{G}}] \ .$$

Le produit d'un couple par un vecteur est donc un couple, dont l'axe est le produit vectoriel de l'axe du couple par le vecteur.

23. Produit de deux couples. Ce produit est nul, car de l'égalité

$$[G'] = \vec{V}_1 + \vec{V}_2 ,$$

je déduis

$$[G]^{\mathsf{x}}[G'] = [G]^{\mathsf{x}} \vec{\mathsf{V}}_1 + [G]^{\mathsf{x}} \vec{\mathsf{V}}_2$$

Les deux couples du second membre ont une somme nulle d'après le § 22.

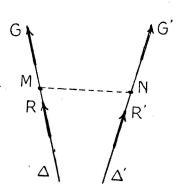
24. Produit de deux systèmes en fonctions de leurs éléments de réduction \vec{R} , \vec{G} , \vec{R}' , \vec{G}' en un point. On a

$$\vec{S} \times \vec{S}' = (\vec{R} + [G]) \times (\vec{R}' + [G']) = \vec{R} \times \vec{R}' + \vec{R} \times [G'] + [G] \times \vec{R}'.$$

Le produit a pour résultante générale le produit vectoriel $\vec{R}_{x}\vec{R}'$, issu du point donné O; le couple de réduction a pour axe

$$(\vec{R} \, \mathsf{x} \, \vec{G}') \, + \, (\vec{G} \, \mathsf{x} \, \vec{R}') \ .$$

25. Produit de deux systèmes en fonction des éléments \vec{R} , \vec{G} , \vec{R}' , \vec{G}' de leurs réductions canoniques. Soient Δ et Δ' les axes centraux des deux systèmes donnés \vec{S} , \vec{S}' ; MN = d leur plus courte distance; φ l'angle de \vec{R} avec \vec{R}' , positif si les deux vecteurs ont le sens direct



l'un par rapport à l'autre, négatif dans le cas contraire. Je pose

$$\overline{G} = h\overline{R}$$
; $\overline{G}' = h'\overline{R}'$.

Une rotation de 180° autour de MN change de sens les deux systèmes \vec{S} et \vec{S}' , donc ne change pas leur système produit; MN est, par suite, l'axe central de ce système. D'ailleurs, on a

$$\vec{S} \times \vec{S}' = \vec{R} \times \vec{R}' + [\vec{G}_{x} \vec{R}'] + [\vec{R}_{x} \vec{G}'] ;$$

la résultante générale est celle du produit $\vec{R} \times \vec{R}'$, soit $\vec{R}_{\times} \vec{R}'$. Le moment résultant, mesuré avec le sens positif MN, a pour valeur

$$(\vec{R}.\vec{R}')d + (\vec{G}\vec{R}' + \vec{R}\vec{G}')\sin\varphi$$
.

ou

$$RR'(d\cos\varphi + (h + h')\sin\varphi)$$
.

Pour que le produit $\vec{S} \times \vec{S}'$ de deux systèmes soit égal à zéro, il faut et il suffit, ou bien que l'un des facteurs \vec{S} ou \vec{S}' soit égal à zéro, ou que \vec{S} et \vec{S}' aient même axe central, ou que \vec{S} et \vec{S}' soient égaux à deux couples.

26. Exercice. — Un système \vec{S} peut se réduire à deux vecteurs \vec{U}_1 et \vec{U}_2 . De l'égalité

$$\vec{S} = \vec{U}_1 + \vec{U}_2$$

je déduis

$$\vec{\mathbf{S}} \,{}^{\mathbf{x}} \vec{\mathbf{U}}_{\!\scriptscriptstyle 2} = \vec{\mathbf{U}}_{\!\scriptscriptstyle 1} {}^{\mathbf{x}} \vec{\mathbf{U}}_{\!\scriptscriptstyle 2}$$
 ,

puisque le carré d'un vecteur \vec{U}_2 est nul. En exprimant que les deux produits $\vec{S} \times \vec{U}_2$ et $\vec{U}_1 \times \vec{U}_2$ ont même axe central, j'obtiens la propriété connue: La perpendiculaire commune à \vec{U}_1 et à \vec{U}_2 rencontre à angle droit l'axe central du système que forment ces deux vecteurs. En étudiant de plus près l'égalité des deux produits $\vec{S} \times \vec{U}_2$ et $\vec{U}_1 \times \vec{U}_2$, on aurait des relations intéressantes entre \vec{U}_1 et \vec{U}_2 d'une part, et, d'autre part, les éléments \vec{R} , \vec{G} de la réduction canonique.

27. Exercice proposé. — Démontrer l'égalité

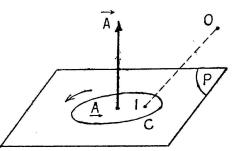
$$\vec{S}^{\times}(\vec{S}'^{\times}\vec{S}'') + \vec{S}'^{\times}(\vec{S}''^{\times}\vec{S}) + \vec{S}''(\vec{S}^{\times}\vec{S}') = 0.$$

(On établira d'abord la propriété pour trois vecteurs de même origine; il sera commode de décomposer l'un des deux vecteurs en deux vecteurs perpendiculaires, dont l'un soit perpendiculaire au plan des deux autres vecteurs donnés; dans le cas de trois systèmes, on utilisera leurs éléments de réduction en un même point.)

Vecteurs aires.

28. Soit A une aire plane limitée à un contour C orienté, c'est-à-dire sur lequel un sens de parcours est choisi. Je considère cette aire comme une grandeur géométrique que

j'appellerai vecteur-aire, et que je désignerai par la notation A; cette grandeur sera caractérisée par les définitions de l'égalité et de l'addition qui seront données plus loin.



Je désigne par \vec{A} un vecteur linéaire perpendiculaire au plan P qui contient l'aire, dirigé dans un sens tel que le sens de parcours choisi le long de C soit le sens de droite à gauche pour un observateur placé suivant \vec{A} , et mesuré par le même nombre que l'aire A ellemême.

S'il s'agit d'une aire polygonale abcd ... k, le vecteur linéaire \vec{A} est la moitié de l'axe du couple représenté par le système de vecteurs \vec{ab} , \vec{bc} , \vec{cd} , ..., \vec{ka} .

29. Moment d'un système de vecteurs-aires. — Etant donné un vecteur-aire A et un point O, je prends dans le plan P du vecteur-aire un point I arbitraire; j'appelle moment du vecteur-aire A par rapport au point O le produit scalaire

$$\mathbf{M}_{\mathbf{0}}^{t}\mathbf{A}=\vec{\mathbf{O}}\mathbf{I}.\vec{\mathbf{A}}$$
.

Ce produit est évidemment indépendant de la position du point I dans le plan P.

Le moment d'un vecteur-aire est nul, si le point O est dans le plan P du vecteur-aire.

La somme algébrique des moments par rapport à un point O des vecteurs-aires d'un système S est le moment du système S par rapport au point O.

30. Egalité. — On dit que deux systèmes S et S' de vecteurs-aires sont égaux, si les vecteurs linéaires $\vec{A}_1, \vec{A}_2, \dots, \vec{A}_n$ et $\vec{B}_1, \vec{B}_2, \dots, \vec{B}_p$, correspondant aux vecteurs-aires de chacun d'eux ont même résultante générale, et si, d'autre part, les deux systèmes ont même moment en un point O.

Justification: Si les deux systèmes ont même moment en un point O, ils ont même moment en tout autre point O'; on a, en effet, pour l'un des vecteurs-aires,

$$\vec{O}'\vec{I}.\vec{A} = \vec{O}\vec{I}.\vec{A} = \vec{O}'\vec{O}.\vec{A}$$
,

et, pour le système donné S,

$$\mathbf{M}_{o'}^t \stackrel{\mathbf{S}}{\to} - \mathbf{M}_{o}^t \stackrel{\mathbf{S}}{\to} = \sum_{i=1}^n \overrightarrow{\mathbf{O'O}} \cdot \overrightarrow{\mathbf{A}}_i$$
.

Ce second membre est le produit scalaire de $\overrightarrow{O'O}$ par la résultante générale des vecteurs linéaires \overrightarrow{A}_1 , \overrightarrow{A}_2 , ..., \overrightarrow{A}_n . Cette résultante étant la même pour les systèmes \overrightarrow{S} et $\overrightarrow{S'}$, on voit que la définition de l'égalité est bien indépendante du point O.

31. Addition. — Je désigne par S + S' le système formé par les vecteurs-aires du système S et ceux du système S'. On peut écrire, conformément à cette définition,

$$S = A_1 + A_2 + \ldots + A_n ,$$

si $\underline{A_1}, \underline{A_2}, \dots, \underline{A_n}$ sont les vecteurs-aires qui constituent le système S.

APPLICATIONS.

- 32. Egalité de deux vecteurs-aires. Deux vecteurs-aires sont égaux, s'ils ont même plan, même orientation dans ce plan et si leur aire est mesurée par le même nombre. Cette proposition résulte immédiatement du § 30, si l'on choisit le point O dans le plan de l'un des vecteurs-aires.
 - 33. Un vecteur-aire $\underline{\underline{A}}$ est égal à la somme $\underline{\underline{\Lambda}}_1 + \underline{\underline{A}}_2$ de deux

vecteurs-aires, si le plan P de A passe par l'intersection des plans P_1 et P_2 des vecteurs-aires A_1 et A_2 , et si, en outre, le vecteur linéaire \vec{A} est la somme géométrique des vecteurs linéaires \vec{A}_1 et \vec{A}_2 . Cette proposition est évidente, si l'on choisit le point O (§ 30) sur l'intersection des plans P_1 et P_2 .

Ceci suppose que les plans P_1P_2 ne sont pas parallèles. S'ils sont parallèles, les vecteurs-aires A_1 et A_2 forment un système égal à un seul vecteur-aire A_1 dont le plan P est parallèle à P_1 et P_2 et divise une perpendiculaire I_1I_2 à ces plans dans le rapport défini par

$$\overline{\Pi}_1 \times \overline{\Lambda}_1 + \overline{\Pi}_2 \times \overline{\Lambda}_2 = 0 \ .$$

Le vecteur linéaire \vec{A} est, ici encore, la somme géométrique des vecteurs \vec{A}_1 et \vec{A}_2 . Il suffit, pour établir ces propriétés, d'exprimer au point I l'égalité des deux systèmes (A_1, A_2) et A.

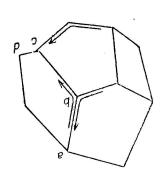
- 34. Si les deux aires A_1 et A_2 sont situées dans deux plans parallèles, ont même mesure, et des sens opposés, les vecteurs-aires correspondants forment un couple de vecteurs-aires; il n'existe aucun vecteur-aire égal à un couple. Le moment d'un couple par rapport à un point O est le même dans tout l'espace. Un déplacement quelconque effectué sur un couple donne un couple égal.
- 35. Réduction d'un système de vecteurs-aires. Un système de vecteurs-aires S est égal à un vecteur-aire unique, ou, exceptionnellement, à un couple. Si, en effet, la résultante générale des vecteurs linéaires \vec{A}_1 , \vec{A}_2 , ..., \vec{A}_n n'est pas nulle, il est facile de construire un vecteur-aire A ayant même moment que le système S en un point O, et tel que le vecteur linéaire \vec{A} soit cette résultante générale.

Si cette résultante générale est nulle, on peut construire un couple égal au système donné.

36. Notion de volume. — Soit un polyèdre fermé, limitant une portion E d'espace. Sur le contour de chaque face, je choisis, comme sens de parcours, le sens contraire des aiguilles d'une montre, pour un observateur placé à l'exté-

rieur du polyèdre. Les différentes faces du polyédre constituent, ainsi orientées, un système de vecteurs-aires S.

Ce système S est égal à un couple de vecteurs-aires. En effet, les vecteurs linéaires \vec{A}_1 , \vec{A}_2 , ..., \vec{A}_n correspondant à ces vecteurs-aires représentent, au facteur 2 près (§ 28), les axes des couples constitués par les vecteurs \vec{ab} , \vec{bc} , \vec{cd} , ...



qui limitent chaque face. Ces couples forment un système égal à zéro, car les vecteurs dont ils sont formés sont deux à deux égaux et directement opposés $(\overrightarrow{ab}$ et \overrightarrow{ba} , \overrightarrow{bc} et \overrightarrow{cb} , ...); la somme géométrique des vecteurs linéaires \overrightarrow{A}_1 , \overrightarrow{A}_2 , ..., \overrightarrow{A}_n étant nulle, le système S est bien égalà un couple.

Cela posé, on dit que les volumes de deux polyèdres sont égaux, si les couples de vecteurs-aires constitués par les faces de ces deux polyèdres sont égaux.

Le volume d'un polyèdre E est la somme des volumes de deux polyèdres E_1 et E_2 , si le couple de vecteurs-aires constitué par les faces de E est égal à la somme des couples de vecteurs-aires constitués par les faces de E_1 et de E_2 .

Le polyèdre constitué par la juxtaposition de deux polyèdres E_1 et E_2 , avec suppression de la cloison qui les sépare, a pour volume la somme des volumes des polyèdres E_1 et E_2 . En effet, le système de vecteurs-aires formé par les faces de E_1 et de E_2 n'est pas altéré par la suppression de cette cloison qui figure deux fois dans ce système avec des orientations opposées.

La grandeur volume d'un polyèdre E est ainsi parfaitement définie; le moment du couple S de vecteurs-aires formé par les faces de ce polyèdre est constant dans tout l'espace. La valeur de cette constante est une mesure directe de ce volume; car, à des volumes égaux correspondent des moments égaux; et, d'autre part, si un volume est la somme de deux autres, le moment correspondant au premier est la somme des moments correspondant aux deux autres. Tout autre nombre proportionnel à ce moment est aussi une mesure directe.

Si on prend comme volume-unité celui du cube construit

sur l'unité de longueur, le moment de ses faces est 3, comme on le vérifie immédiatement en prenant ce moment en l'un des sommets. Il en résulte que le volume d'un polyèdre quelconque est mesuré, avec cette unité, par le tiers du moment du système de vecteurs-aires formé par ses faces.

On conçoit facilement que cette théorie peut s'étendre à

des volumes de forme quelconque.

CALCUL DES RACINES RÉELLES D'UNE ÉQUATION ALGÉBRIQUE ou TRANSCENDANTE PAR APPROXIMATIONS SUCCESSIVES

PAR

Mladen-T. ВÉRITCH (Belgrade).

Le procédé par approximations successives appliqué à l'extraction de la n^{me} racine d'un nombre réel et indiqué dans une Note précédente peut être, sous certaines conditions, généralisé et appliqué au calcul des racines réelles d'une équation algébrique ou transcendante.

Soit f(x) = 0 l'équation donnée, algébrique ou transcendante, dont on cherche une racine réelle simple, que nous désignerons par a. Considérons deux fonctions :

$$\Phi\left(x\right) = x - \frac{f(x)}{f'(x)} - \frac{1}{2} \frac{f''(x)}{f'(x)} \left[\frac{f(x)}{f'(x)}\right]^2 \quad \text{et} \quad \Psi\left(x\right) = x - \frac{f(x)}{f'(x)} \ .$$

(Ces deux fonctions se réduisent aux fonctions $\varphi(x)$ et $\psi(x)$ de la Note citée en remplaçant f(x) par t^n — A.)

Supposons que la racine cherchée a soit dans un intervalle (m, M) dans lequel : 1° la fonction f(x) n'a pas de singularités ;

¹ M.-T. BERITCH, Enseign. mathém., T. XX, 1918, p. 194-198.