

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 7 (1905)
Heft: 1: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: MÉTHODE RAPIDE POUR RETROUVER LES FORMULES FONDAMENTALES DES TRIANGLES SPÉRIQUES
Autor: Brand, E.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-8454>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 06.02.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

MÉTHODE RAPIDE POUR RETROUVER LES FORMULES FONDAMENTALES DES TRIANGLES SPÉRIQUES

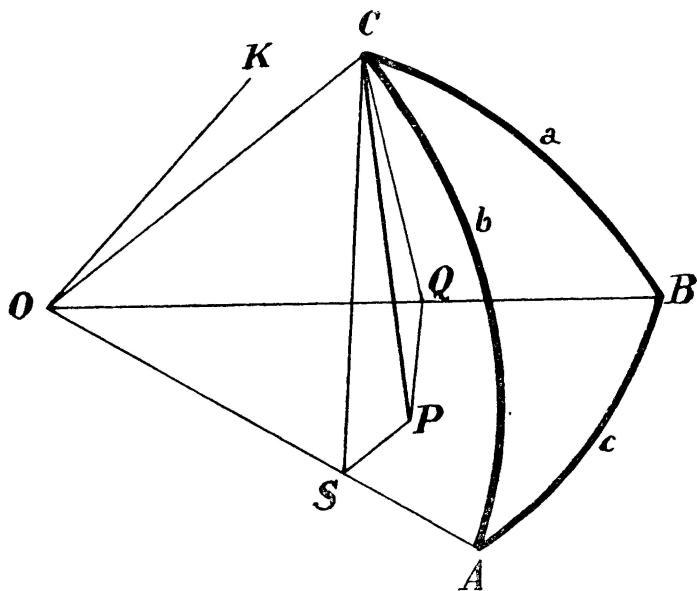
Soit A B C un triangle sphérique tracé sur la sphère de rayon égal à l'unité. On désigne par a, b, c les côtés BC, AC, AB du triangle.

Du point C, on abaisse la perpendiculaire C P sur le plan A O B ; du point P, on abaisse les perpendiculaires PQ et PS sur OB et OA respectivement et on joint le point C aux points Q et S :

$$\widehat{PSC} = A \quad \text{et} \quad \widehat{PQC} = B .$$

L'examen de la figure conduit aux valeurs :

$$\begin{array}{ll} OQ = \cos a & (1) \\ OS = \cos b & (3) \end{array} \quad \begin{array}{ll} CQ = \sin a & (2) \\ CS = \sin b & (4) \end{array}$$



$$PS = CS \cos \widehat{PSC} = \sin b \cos A \quad (5)$$

$$PQ = CQ \cos \widehat{PQC} = \sin a \cos B \quad (6)$$

$$CP = CQ \sin \widehat{PQC} = \sin a \sin B \quad (7)$$

$$CP = CS \sin \widehat{PSC} = \sin b \sin A \quad (8)$$

1. — Des valeurs (7) et (8), on déduit :

$$\frac{\sin A}{\sin a} = \frac{\sin B}{\sin b},$$

et, permutant, dans la fig., B et b avec C et c ,

$$\frac{\sin A}{\sin a} = \frac{\sin C}{\sin c},$$

d'où

$$(I) \quad \frac{\sin A}{\sin a} = \frac{\sin B}{\sin b} = \frac{\sin C}{\sin c},$$

2. — Si on projette, sur OQ, le contour rectiligne OSPQ, on obtient :

$$OQ = (OS)_{OQ} + (SP)_{OQ} + (PQ)_{OQ} = OS \cos c + SP \sin c,^1$$

et, à cause de (1), (3) et (5),

$$(II) \quad \cos a = \cos b \cos c + \sin b \sin c \cos A.$$

3. — En projetant le même contour rectiligne OSPQ sur OK perpendiculaire à OS, il vient :

$$(OQ)_{OK} = (OS)_{OK} + (SP)_{OK} + (PQ)_{OK}$$

ou

$$OQ \sin c = SP + PQ \cos c$$

et, à cause de (1), (5) et (6),

$$(III) \quad \cos a \sin c = \sin b \cos A + \sin a \cos c \cos B.$$

4. — Divisant les deux membres de la relation (III) par $\sin a$ et remplaçant $\frac{\sin b}{\sin a}$ par $\frac{\sin B}{\sin A}$ (form. I), $\frac{\cos a}{\sin a}$ par $\cotg a$ et $\frac{\cos A}{\sin A}$ par $\cotg A$, on a :

$$(IV) \quad \cotg a \sin c = \cos c \cos B + \sin B \cotg A$$

5. — L'application des formules (II) et (III) au triangle polaire de ABC donne immédiatement :

$$(V) \quad \cos A = -\cos B \cos C + \sin B \sin C \cos a,$$

$$(VI) \quad \cos A \sin C = -\sin A \cos C \cos b + \sin B \cos a.$$

E. BRAND (Bruxelles).

¹ La notation $(OS)_{OQ}$ exprime la projection de OS sur OQ.