

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 6 (1904)
Heft: 1: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: LIMITE ASSIGNÉE ET LIMITE ASSIGNABLE
Autor: Vidal, C.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-7576>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 27.04.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

$$\text{Si } n \text{ est pair on a : } S_1 = \frac{1}{2} \left[1 + e^{-u} \right],$$

$$\text{Si } n \text{ est impair on a : } S_2 = \frac{1}{2} \left[1 - e^{-u} \right].$$

Si $\lim u = \infty$, on a $S_1 = S_2 = \frac{1}{2}$, ce qui arrive p. ex. si $u = \sqrt{n}$ ou $u = \text{Ln } n$.

Remarque géométrique. — Si l'on considère :

$$y = \frac{1}{1+x}; y = 1 - x + x^2 - \dots + (-1)^n x^n$$

comme deux fonctions distinctes, elles représentent *deux courbes qui ont un arc commun* compris entre $x = 1 + \varepsilon$ et $x = -1 + \varepsilon$, ε étant une quantité si petite que l'on veut, mais finie.

C. POPOVICI (Paris).

LIMITE ASSIGNÉE ET LIMITE ASSIGNABLE

Il semble que, pour certains mathématiciens, dire d'un nombre qu'il peut être supérieur ou inférieur à *toute* limite assignée, c'est dire équivalentement que ce nombre peut être supérieur ou inférieur à *toute* limite assignable.

Il y a là une équivoque que l'on peut aisément dissiper en observant tout d'abord que le nombre des nombres assignés, variable tant qu'on voudra mais toujours fini, ne peut jamais épuiser le nombre des nombres assignables qui est infini. D'où cette double conséquence :

1° Il existe toujours un nombre fini supérieur à tout nombre assigné, tandis qu'il n'existe pas de nombre fini supérieur à tout nombre assignable, ou, ce qui revient au même, il n'y a que l'infini qui soit supérieur à tout nombre assignable.

2° Il existe toujours un nombre non nul inférieur à tout

nombre *assigné*, tandis qu'il n'existe pas de nombre *non nul* inférieur à *tout* nombre *assignable*, ou, ce qui revient au même, il n'y a que zéro qui soit inférieur à *tout* nombre *assignable*.

D'après cela, s'il est vrai que la possibilité, pour un nombre, d'être supérieur ou inférieur à *tout* nombre *assignable* implique nécessairement pour ce nombre la possibilité d'être supérieur ou inférieur à *tout* nombre *assigné*, il n'est pas vrai réciproquement, ou du moins pas certain *a priori*, que la seconde possibilité implique nécessairement la première.

Notons encore les conclusions suivantes trop peu soulignées peut-être dans l'enseignement courant.

Si l'on peut affirmer d'un nombre variable x qu'il ne peut être supérieur à *tout* nombre *assignable* ou, ce qui revient au même, qu'il ne peut être *infini*, on peut affirmer aussi qu'il ne peut être supérieur à un certain nombre aussi grand qu'on le voudra mais *fini*; car autrement, et puisque *tout* nombre *assignable* est *fini*, on ne pourrait pas dire que le nombre x ne peut être supérieur à *tout* nombre *assignable*.

De même, si l'on peut affirmer d'un nombre variable x qu'il ne peut être inférieur à *tout* nombre *assignable* ou, ce qui revient au même, qu'il ne peut être *nul*, on peut affirmer aussi qu'il ne peut être inférieur à un certain nombre aussi petit que l'on voudra mais *non nul*; car autrement, et puisque *tout* nombre *assignable* est *non nul*, on ne pourrait pas dire que le nombre x ne peut être inférieur à *tout* nombre *assignable*.

Voici maintenant quelques applications des observations précédentes.

Le n^{e} terme d'une progression géométrique croissante peut, *tout en restant fini*, devenir supérieur à *tout* nombre *assigné* mais non pas à *tout* nombre *assignable*.

Le n^{e} terme d'une progression géométrique décroissante peut, *sans devenir nul*, être inférieur à *tout* nombre *assigné* mais non pas à *tout* nombre *assignable*. On sait d'ailleurs que, pour $n = \infty$, et pour ce cas seulement, le n^{e} terme d'une progression géométrique décroissante est, non pas à *peu près*, mais *rigoureusement nul*: la formule générale

qui donne la somme des n termes d'une progression géométrique ne peut laisser aucun doute à cet égard.

On peut très bien dire d'une branche d'hyperbole et de son asymptote qu'elles *se rencontrent à l'infini*, parce que la distance d'un point de la courbe à l'asymptote peut devenir inférieure à *tout* nombre assignable si la distance de ce point au sommet de la courbe devient (et c'est possible) supérieure à *tout* nombre assignable.

On ne peut pas dire, en géométrie classique, que deux droites parallèles *se rencontrent à l'infini*. La locution, je le sais bien, est d'un usage courant, mais cela ne signifie pas nécessairement qu'elle est exacte. On essaie, pour la justifier, de recourir à l'exemple d'une perpendiculaire OA et d'une oblique OC menées du même point O à une droite AB. Il est certain que lorsque la distance AC augmente de plus en plus l'angle AOC diffère de moins en moins d'un angle droit. Mais si l'on continue à faire tourner OC autour du point O de manière que l'angle AOC devienne droit, il ne s'ensuit pas que OC rencontre alors AB *même à l'infini*. On est même sûr du contraire, puisque OC et AB étant alors parallèles sont par le fait équidistantes, et que l'équidistance des parallèles ou n'existe pas ou se maintient *partout*, à l'infini comme ailleurs. La distance AC peut donc bien devenir, *sur la droite AB*, supérieure à *tout* nombre assigné mais non pas supérieure à *tout* nombre assignable. Donc, l'idée géométrique d'une *rencontre à l'infini*, parfaitement exacte pour une branche d'hyperbole et son asymptote, est radicalement fautive pour deux droites parallèles.

De tout ce qui précède il résulte assez clairement, ce me semble, que l'atomisme géométrique de M. Bonnel est insoutenable, puisque cette singulière théorie pose en principe qu'un nombre peut, *sans être nul*, être inférieur à *tout* nombre assignable.

On voit aussi avec quelle circonspection il faut introduire dans les raisonnements mathématiques les deux notions corrélatives de zéro et d'infini.

C. VIDAL (Paris).