Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique

Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique

**Band:** 3 (1901)

Heft: 1: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: SUR L'EXPRESSION SIMILITUDE INVERSE EN GÉOMÉTRIE PLANE

Autor: Dellac, H.

**DOI:** https://doi.org/10.5169/seals-4639

### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

#### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

**Download PDF:** 30.11.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch

# SUR L'EXPRESSION SIMILITUDE INVERSE

# EN GÉOMÉTRIE PLANE

I. Supposons que l'on ait deux figures planes semblables, situées d'une manière quelconque dans l'espace. Si on les place dans un même plan, de manière que les angles homologues tournent dans le même sens de rotation, on obtient une similitude ordinaire. On peut ramener cette similitude à l'homothétie en faisant tourner l'une des figures dans le plan commun.

Si on place les deux mêmes figures dans un même plan, de manière que les angles homologues tournent en sens contraires, on obtient une autre espèce de similitude, que la plupart des auteurs nomment similitude inverse.

Cette expression est impropre, car elle donne à penser que cette similitude peut se ramener à l'homothétie inverse, ce qui est inexact tant que les deux figures ne peuvent que glisser dans le plan commun.

Je propose de dire que les deux figures sont virtuellement semblables et forment une similitude virtuelle, pour rappeler qu'ils ne peuvent être ramenés à l'homothétie qu'à la condition de faire sortir l'une d'elles du plan commun, ce qui, dans cette partie de la Géométrie plane, constitue une espèce d'imaginaire.

On peut étudier séparément ces deux espèces de similitude, et on arrive à des propriétés toutes différentes. Mais il vaut mieux ramener ces deux théories à une seule, en regardant les figures planes comme cas particulier des figures solides, car on sait que dans l'espace il n'y a qu'une seule espèce de similitude.

Les propriétés générales de la similitude des figures solides se réduisent à ces trois points : 1° il y a un point double ou centre de similitude; 2° il y a une droite double ou axe de similitude; 3° il y a un plan double ou plan de similitude. Dans le cas de la similitude plane ordinaire ou réelle, le plan double se confond avec le plan de la figure. Il en résulte que l'intersection de ces deux plans est indéterminée et ne fait pas connaître les propriétés du système semblable. Dans le cas de la similitude plane virtuelle le plan double est perpendiculaire au plan de la figure, et l'intersection de ces deux plans détermine les propriétés de ce système semblable.

L'ordre à suivre pour exposer une théorie générale de la simi-

litude doit donc être le suivant :

1° Étude de la similitude plane ordinaire ou réelle;

2º Étude de la similitude dans l'espace;

3° Étude de la similitude plane virtuelle considérée comme cas particulier de la similitude dans l'espace.

II. Si l'expression similitude inverse est impropre en Géométrie plane avec le sens qu'on lui attribue ordinairement, elle doit néanmoins y être introduite avec un autre sens déduit de la Géométrie dans l'espace, où il y a une véritable homothétie inverse et une véritable similitude inverse.

Pour cela il suffit de regarder les deux figures planes placées dans un même plan comme bases de deux pyramides semblables de hauteurs infiniment petites représentées par des flèches perpendiculaires au plan commun. On peut aussi remplacer ces hauteurs par deux observateurs regardant chacun les éléments de l'une des figures. Dans le cas de la similitude réelle, si les deux observateurs sont d'un même côté du plan commun pour regarder les éléments homologues en tournant de droite à gauche, cette similitude est dite directe; elle est dite inverse si les deux observateurs sont de côtés différents. Dans le cas de la similitude virtuelle, c'est le contraire.

Il résulte de là que, si l'on a deux figures planes semblables, on peut, en les mettant dans un même plan, constituer quatre systèmes semblables, donnant lieu chacun à des propriété différentes.

Cette considération de la similitude directe et inverse permet d'expliquer certaines anomalies.

Exemple. Étant données deux circonférences o, o' dans un même.

plan, on peut faire correspondre à un point donné de la première successivement tous les points de la seconde. De là résulte une infinité de systèmes semblables, et le lieu des centres de similitude est le cerele conjugué aux points o, o' suivant le rapport  $\frac{r'}{r}$ . Aux points s, s' situés sur la ligne des centres le rapport de similitude devient rapport d'homothétie. On a l'habitude de dire que, au point s, comprisentre o et o', le rapport d'homothétie est  $\frac{r'}{r}$  et au point s' il est  $\frac{r'}{r}$ . D'où vient ce changement de signe? En réalité il n'y a pas changement de signe : suivant la manière dont on place les observateurs le rapport de similitude est toujours positif ou toujours négatif.

Ces considérations sont tirées d'un mémoire sur la Similitude des figures solides qui a paru dans les Annales de la Faculté des sciences de Marseille, t. IX, 1899.

H. Dellac (Marseille).