

**Zeitschrift:** Elemente der Mathematik  
**Herausgeber:** Schweizerische Mathematische Gesellschaft  
**Band:** 31 (1976)  
**Heft:** 2

**Rubrik:** Aufgaben

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 14.04.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

## Aufgaben

**Aufgabe 737.** (Für die Zwecke dieser Aufgabe wird 1 zu den Primzahlen gerechnet.) Eine Nichtprimzahl  $k$  heisse eine P-Zahl, wenn sie die folgende Eigenschaft hat: Jede Primzahl lässt, durch  $k$  dividiert, als kleinsten positiven Rest wieder eine Primzahl. Man bestimme alle P-Zahlen. P. Wilker, Bern

*Lösung:* Es sei  $\mathbf{P}$  die Menge der Primzahlen,  $\mathbf{P}^* = \mathbf{P} \cup \{1\}$ ,  $k \in \mathbf{N} \setminus \mathbf{P}^*$ ,  $P_k$  die Menge der Elemente von  $\mathbf{P}^*$  mit der Eigenschaft, dass ihr kleinster positiver Rest (mod.  $k$ ) in  $\mathbf{P}^*$  liegt. Gesucht sind alle  $k$  mit  $P_k = \mathbf{P}^*$ .

*Beh.:* Die Aussage (A):  $P_k = \mathbf{P}^*$  ist äquivalent mit der Aussage (B): Die kleinste positive Zahl jeder teilerfremden Restklasse (mod.  $k$ ) liegt in  $\mathbf{P}^*$ .

*Beweis:* 1. (B) folgt aus (A), weil jede teilerfremde Restklasse (mod.  $k$ ) Primzahlen enthält (sogar unendlich viele nach Dirichlet). 2. (A) folgt aus (B). Denn zerlegt man  $\mathbf{P}^*$  in die Teilmengen  $\mathbf{P}_1^*$  und  $\mathbf{P}_2^*$ , wo  $\mathbf{P}_1^*$  genau aus den Primteilern von  $k$  besteht und  $\mathbf{P}_2^*$  alle übrigen Elemente von  $\mathbf{P}^*$  enthält, so gehört jede Primzahl von  $\mathbf{P}_1^*$  trivialerweise zu  $P_k$ ; ferner liegt jede Primzahl aus  $\mathbf{P}_2^*$  in einer (mod.  $k$ ) teilerfremden Restklasse, d. h. sie gehört auf Grund der Voraussetzung (B) ebenfalls zu  $P_k$ . Somit sind alle Elemente von  $\mathbf{P}^*$  Elemente von  $P_k$ , w. z. b. w.

Die vorgelegte Aufgabe ist daher gleichbedeutend mit der Aufgabe, alle  $k$  zu finden, für die (B) erfüllt ist. Dies ist ein bekanntes Problem der elementaren Zahlentheorie; eine ausführliche und elementare Lösung findet man z. B. bei Rademacher-Toeplitz, *Von Zahlen und Figuren*, Thema 22. Aus dem dort hergeleiteten Ergebnis folgt: Die gesuchten P-Zahlen sind 4, 6, 8, 12, 18, 24, 30.

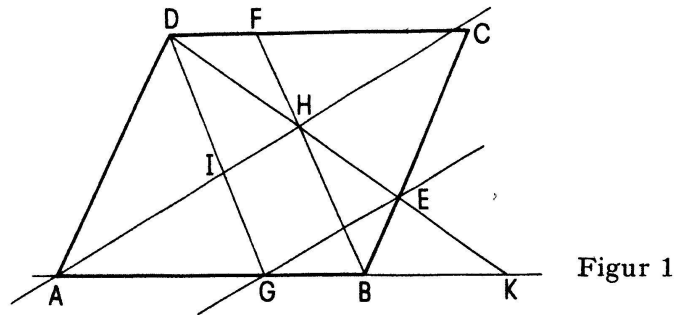
O. Buggisch, Darmstadt, BRD

Weitere Lösungen sandten R. Acampora (Zürich), C. Bindschedler (Küsnacht ZH), J. Binz (Bolligen BE; zwei Lösungen), P. Bundschuh (Köln, BRD), H. Harborth (Braunschweig, BRD; zwei Lösungen), P. Hohler (Olten), L. Kuipers (Mollens VS), O. P. Lossers (Eindhoven, Niederlande), Ch. Meier (Bern), Chr. A. Meyer (Bern), I. Paasche (München, BRD; zwei Lösungen), J. Schmid (Pasadena, California, USA), Hj. Stocker (Wädenswil ZH), K. Stoop (Bern), M. Straub (Karlsruhe, BRD), M. Vowe (Therwil BL), H. Warncke (Porto Alegre, Brasilien) und R. Wyss (Flumenthal SO).

**Aufgabe 738.** a) Es sei ein Parallelogramm  $ABCD$  gegeben, und  $E, F$  bezeichnen Punkte auf  $BC$  bzw.  $CD$ . Die Parallele durch  $D$  zu  $FB$  schneide  $AB$  im Punkt  $G$ . Der Schnittpunkt von  $DE$  mit  $BF$  sei  $H$ . Man zeige, dass  $AH$  und  $GE$  parallel sind. (Keine analytische Lösung!)

b) Man beweise mit Hilfe von a) den bekannten Satz, dass ein Dreieck mit zwei gleichlangen Winkelhalbierenden gleichschenkelig sei. G. Bercea, München, BRD

Lösung:



Figur 1

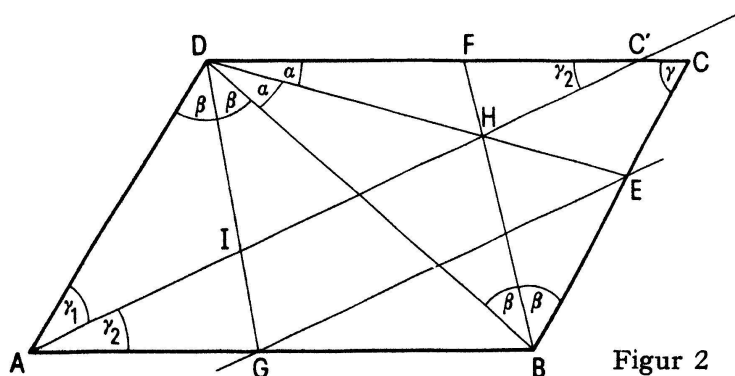
a) Die Gerade von  $DE$  schneide  $AB$  in  $K$ ;  $DG$  schneide  $AH$  in  $I$  (siehe Figur 1). Der 2. Strahlensatz liefert:  $\overline{AG}/\overline{AB} = \overline{GI}/\overline{HB}$ ;  $\overline{KH}/\overline{KD} = \overline{KB}/\overline{KG} = \overline{HB}/\overline{DG}$ ;  $\overline{KB}/\overline{KA} = \overline{KE}/\overline{KD}$ . Ausserdem gilt:  $\overline{AG} = \overline{KA} - \overline{KG}$  und  $\overline{AB} = \overline{KA} - \overline{KB}$ .

$$\frac{\overline{DI}}{\overline{DG}} = \frac{\overline{DG} - \overline{GI}}{\overline{DG}} = 1 - \frac{\overline{GI}}{\overline{DG}} = 1 - \frac{\overline{AG} \overline{HB}}{\overline{AB} \overline{DG}} = 1 - \frac{\overline{AG} \overline{KB}}{\overline{AB} \overline{KG}} =$$

$$\frac{(\overline{KA} - \overline{KB})\overline{KG} - (\overline{KA} - \overline{KG})\overline{KB}}{\overline{AB} \overline{KG}} = \frac{\overline{KA}(\overline{KG} - \overline{KB})}{\overline{AB} \overline{KG}} = \frac{1 - \overline{KB}/\overline{KG}}{1 - \overline{KB}/\overline{KA}}$$

$$= \frac{1 - \overline{KH}/\overline{KD}}{1 - \overline{KE}/\overline{KD}} = \frac{\overline{KD} - \overline{KH}}{\overline{KD} - \overline{KE}} = \frac{\overline{DH}}{\overline{DE}} \quad ; \quad \text{damit ist nach der Umkehrung des}$$

1. Strahlensatzes  $AH$  parallel zu  $GE$ .



Figur 2

b) (siehe Figur 2). Das zu untersuchende Dreieck möge  $DBC$  bzw. das dazu kongruente  $DBA$  sein. Die gleichlangen Winkelhalbierenden seien  $\overline{DE}$  und  $\overline{FB}$  bzw.  $\overline{DG}$ . Sei  $\sphericalangle ADB = \sphericalangle DBC = 2\beta$  und  $\sphericalangle BDC = 2\alpha$ ; zu zeigen:  $\alpha = \beta$ .

Da nach a)  $AH$  parallel  $GE$  und nach Voraussetzung  $\overline{DG} = \overline{DE}$ , ist  $\overline{DH} = \overline{DI}$ ,  $\triangle DIH$  gleichschenkelig und  $\sphericalangle DIH = \sphericalangle DHI = (1/2)(\alpha + \beta + \gamma)$ .

Sei  $C'$  der Schnittpunkt von  $AH$  mit der Geraden  $DC$ .  $\sphericalangle BAC' = \sphericalangle DC'A = \gamma_2$  und  $\sphericalangle DAC' = \gamma_1$ .

Im Dreieck  $DIC'$  ergibt sich mit der Winkelsumme  $\gamma_2 = (1/2)(\gamma + \beta - \alpha)$ . O. B. d. A. sei  $\beta > \alpha$ , d. h.  $\overline{AD} < \overline{AB}$  und  $\overline{HB} < \overline{DH} = \overline{DI}$ ,  $\gamma_2 > \gamma/2$ ,  $\gamma_1 < \gamma/2$ , also  $\gamma_1 < \gamma_2$ . Somit ist  $\overline{DC'} < \overline{AD} < \overline{AB} = \overline{DC}$ , also  $\overline{DC'} < \overline{DC}$ .

Da  $\Delta AIG \sim \Delta FHC'$ , folgt  $\overline{AG}/\overline{IG} = \overline{FC'}/\overline{FH}$  und (da  $\overline{AG} = \overline{FC}$ )  $\overline{FC}/\overline{FC'} = \overline{IG}/\overline{FH}$ , also  $\overline{FH} < \overline{IG}$ .

Damit haben wir  $\overline{FB} = \overline{HB} + \overline{FH} < \overline{DI} + \overline{FH} < \overline{DI} + \overline{IG} = \overline{DG}$ , im Widerspruch zur Voraussetzung; also ist  $\alpha = \beta$ .  
M. Vowe, Therwil BL

Weitere Lösungen sandten P. Addor (Bern), J. T. Groenman (Groningen, Niederlande), K. Grün (Linz, Österreich), L. Kuipers (Mollens VS) und O. P. Lossers (Eindhoven, Niederlande).

**Aufgabe 739.** Es seien  $M$  eine endliche Menge und  $f$  eine Abbildung von  $M$  in sich. Ferner seien  $k$  die kleinste natürliche Zahl mit  $f^k(M) = f^{k+1}(M)$  und  $i$  die kleinste natürliche Zahl mit  $f^{i+1} \in \{f, f^2, \dots, f^i\}$ . Setzt man  $f^k(M) = X$ , so ist die Einschränkung  $g$  von  $f$  auf  $X$  eine Permutation von  $X$ . Man beweise: Ist  $r$  die Ordnung von  $g$ , so gilt  $i = k + r - 1$  und  $f^{i+1} = f^k$ .  
H. Lüneburg, Kaiserslautern, BRD

*Lösung:* Für  $s \leq k$  gilt  $f^{s-1}(M) \supset f^s(M)$ , und es gibt somit  $x_0 \in M$  mit  $f^{s-1}(x_0) = y_0 \notin f^s(M)$  und  $f^s(x_0) = f(y_0) \in f^s(M)$ ; dies zieht automatisch nach sich, dass auch  $x_0, f(x_0), \dots, f^{s-2}(x_0)$  nicht zu  $f^s(M)$  gehören.

Somit gilt  $f^s \notin \{f, f^2, \dots, f^{s-1}\}$ .

$f^k$  und somit auch  $f^{k+s}$  ( $s \geq 1$ ) sind surjektive Abbildungen von  $M$  auf  $X$ .  $f^{k+s}$  lässt sich in  $g^s \circ f^k$  zerlegen, wo  $g$  als Restriktion von  $f$  auf  $X$  bijektiv ist. Da  $g, g^2, \dots, g^{r-1}$  paarweise verschieden sind, sind auch die  $f^{k+s}$  ( $1 \leq s \leq r-1$ ) untereinander und trivialerweise von den  $f^s$  ( $1 \leq s \leq k$ ) verschieden. Wegen  $g^r = id_X$  gilt erstmals für  $s = r$   $f^{k+r} \in \{f, f^2, \dots, f^{k+r-1}\}$ . Damit wird  $i = k + r - 1$  und  $f^{i+1} = f^k$ .

J. Binz, Bolligen BE

Weitere Lösungen sandten R. Fischer (Klagenfurt, Österreich), O. P. Lossers (Eindhoven, Niederlande) und Chr. A. Meyer (Bern).

**Aufgabe 740.** a) Dans un quadrilatère complet formé par les droites  $a_1, a_2, a_3, a_4$ , les tangentes en  $A_{12}$  aux cercles  $(\alpha_3)$  et  $(\alpha_4)$  [ $(\alpha_i)$  cercle circonscrit au triangle obtenu en supprimant la droite  $a_i$ ] rencontrent les droites  $a_3, a_4$  respectivement en des points  $R_{A_{12}(\alpha_3)a_3}$  et  $R_{A_{12}(\alpha_4)a_4}$  qui sont situés sur le cercle  $A_{12}MA_{34}$  [ $M$  (point de Miquel), le point commun aux cercles circonscrits aux quatre triangles que l'on peut former avec les quatre côtés].

b) Les cercles  $A_{12}MA_{34}, A_{13}MA_{24}, A_{14}MA_{23}$  coupent chacun en un second point différent de  $M$  les «droites de Steiner»  $\Delta$  et  $\Gamma$  [lignes des centres respectifs des deux groupes de cercles de Steiner et des deux groupes de trois cercles  $(\delta_1), (\delta_2), (\delta_3)$  et  $(\gamma_1), (\gamma_2), (\gamma_3)$ , dont les combinaisons d'équations indiquées en Aufgabe 415 a) fournissent les équations des cercles de Steiner proprement dits].  $\delta_1, \delta_2, \delta_3$  et  $\gamma_1, \gamma_2, \gamma_3$  désignant respectivement les seconds points d'intersection des trois cercles  $A_{12}MA_{34}, \dots$  avec les droites  $\Delta$  et  $\Gamma$ , les droites  $\delta_1\gamma_1, \delta_2\gamma_2, \delta_3\gamma_3$  qui joignent les points situés sur un même cercle sont les médiatrices de  $A_{12}A_{34}, A_{13}A_{24}$  et  $A_{14}A_{23}$ , et les six points  $\delta_1, \delta_2, \delta_3; \gamma_1, \gamma_2, \gamma_3$  sont les centres des cercles  $(\delta_1), (\delta_2), (\delta_3); (\gamma_1), (\gamma_2), (\gamma_3)$ .

c) Les tangentes en

$A_{23}$  au cercle  $(\alpha_1)$ , en  $A_{13}$  au cercle  $(\alpha_2)$ , en  $A_{12}$  au cercle  $(\alpha_3)$   
concourent en  $z_4$  sur  $(\alpha_4)$ .

J. Quoniam, St-Etienne, France

*Solution par l'auteur:*

a) Les tangentes des angles

$$\frac{A_{12}}{M; R_{A_{12}(\alpha_3)\alpha_3}; R_{A_{12}(\alpha_4)\alpha_4}; R_{A_{34}(\alpha_1)\alpha_1}; R_{A_{34}(\alpha_2)\alpha_2}}{A_{34}}$$

sont toutes égales en valeur absolue à

$$\left| \frac{\mu^3 \Sigma \alpha - \mu \Sigma \alpha \beta \gamma + 2\mu (\gamma + \delta) (\alpha \beta - \mu^2)}{\mu^2 \Sigma \alpha \beta + \Pi + \mu^4 - 2\mu^2 (\alpha \beta + \gamma \delta)} \right|.$$

b) L'équation du cercle  $A_{12}MA_{34}$  peut se mettre sous la forme:

$$\Delta_{\alpha\beta} \cdot (x^2 + y^2) - \Phi_{\alpha\beta} \cdot x - \Psi_{\alpha\beta} \cdot y - \chi_{\alpha\beta} = 0$$

avec:

$$-2\mu\Delta_{\alpha\beta} = \frac{1}{\mu^3} \{2\mu^3(\alpha\beta\gamma + \alpha\beta\delta - \alpha\gamma\delta - \beta\gamma\delta) + 2\mu^5(\alpha + \beta - \gamma - \delta)\}$$

$$\begin{aligned} \Phi_{\alpha\beta} &= \frac{1}{\mu^3} \{ \Pi(\alpha\beta - \gamma\delta) + \mu^2(\alpha^2\gamma\delta + \beta^2\gamma\delta + \gamma^2\delta^2 - \alpha\beta\gamma^2 - \alpha\beta\delta^2 - \alpha^2\beta^2) \\ &\quad + \mu^4(-\alpha^2 - \beta^2 + \gamma^2 + \delta^2 - \alpha\beta + \gamma\delta) \}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Psi_{\alpha\beta} &= \frac{1}{\mu^3} \{ \mu(\alpha\gamma^2\delta^2 + \beta\gamma^2\delta^2 - \gamma\alpha^2\beta^2 - \delta\alpha^2\beta^2) + \mu^3(\alpha\gamma^2 + \alpha\delta^2 + 2\alpha\gamma\delta + \beta\gamma^2 \\ &\quad + \beta\delta^2 + 2\beta\gamma\delta - \alpha^2\gamma - \beta^2\gamma - 2\alpha\beta\gamma - \alpha^2\delta - \beta^2\delta - 2\alpha\beta\delta) \\ &\quad + \mu^5(-\alpha - \beta + \gamma + \delta) \}. \end{aligned}$$

$\chi_{\alpha\beta}$  n'intervient pas dans la suite du calcul.

Les coordonnées des points d'intersection des axes de Steiner  $y = \mu + (N/D)x$  et  $y = \mu + (N'/D)x$  avec le cercle  $A_{12}MA_{34}$  sont:

$$x_{(N/D)} = \frac{\Phi_{\alpha\beta} + (N/D)(\Psi_{\alpha\beta} - 2\mu\Delta_{\alpha\beta})}{[1 - (N/N')] \Delta_{\alpha\beta}}, \quad y_{(N/D)} = \mu + (N/D) \cdot x_{(N/D)},$$

$$x_{(N'/D)} = \frac{\Phi_{\alpha\beta} + (N'/D)(\Psi_{\alpha\beta} - 2\mu\Delta_{\alpha\beta})}{[1 - (N'/N)] \Delta_{\alpha\beta}}, \quad y_{(N'/D)} = \mu + (N'/D) \cdot x_{(N'/D)}.$$

Le coefficient angulaire de la droite qui joint les points d'intersection des axes de Steiner et du cercle  $A_{12}MA_{34}$  est égal à:

$$\frac{D\Phi_{\alpha\beta} + (1/2)(N + N')(\Psi_{\alpha\beta} - 2\mu\Delta_{\alpha\beta})}{(\Psi_{\alpha\beta} - 2\mu\Delta_{\alpha\beta}) \cdot D - (1/2)(N + N')\Phi_{\alpha\beta}} \quad (D, N, N' \text{ notations antérieures})$$

et pour que cette droite soit perpendiculaire à  $A_{12}A_{34}$ , l'expression ci-dessus doit

être égale à  $-\mu \frac{(\alpha + \beta - \gamma - \delta)}{\alpha\beta - \gamma\delta}$ .

En développant le calcul, on obtient un polynôme du 12<sup>e</sup> degré  $\mu P_{(11)} + \mu^3 P_{(9)} + \mu^5 P_{(7)} + \mu^7 P_{(5)} + \mu^9 P_{(3)}$  qui doit être = 0, les  $P$  désignent des polynômes en  $\alpha, \beta, \gamma, \delta$  d'ordre indiqués par les indices, qui sont tous identiquement nuls.

c) En posant  $H = \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha$  et  $H_1 = \alpha + \beta + \gamma - \alpha\beta\gamma/\mu^2$  l'équation du cercle ( $\alpha_4$ ) s'écrit:  $x^2 + y^2 - H_1 \cdot x - [\mu + (H/\mu)] \cdot y + H = 0$  et les coordonnées du point  $z_4$  sont:

$$x = \frac{1}{\mu^2 + \delta^2} (\mu^2 H_1 + \delta H - \mu^2 \delta) ; \quad y = \frac{\mu}{\mu^2 + \delta^2} (H - \delta H_1 + \delta^2)$$

d'où on tire  $H_1 = \delta + x - (\delta/\mu) y$  et  $H = \delta x + \mu y$

en portant ces valeurs dans l'équation de ( $\alpha_4$ ), le terme de gauche s'annule identiquement.

Eine weitere Lösung sandte J. T. Groenman (Groningen, Niederlande).

## Neue Aufgaben

Die Lösungen sind getrennt nach den einzelnen Aufgaben in Maschinenschrift erbeten bis **10. Oktober 1976** an **Dr. H. Kappus**. Dagegen ist die Einsendung von Lösungen zu den mit **Problem ... A, B** bezeichneten Aufgaben an keinen Termin gebunden.

Bei Redaktionsschluss dieses Heftes sind noch ungelöst: Problem 601A (Band 25, p. 67), Problem 625B (Band 25, p. 68), Problem 645A (Band 26, p. 46), Problem 672A (Band 27, p. 68), Aufgabe 680 (Band 27, p. 116), Problem 724A (Band 30, p. 91).

**Aufgabe 761.** In einer Ebene seien ein Dreieck  $ABC$  sowie ein Punkt  $P$  gegeben.  $A'B'C'$  bezeichne das aus  $ABC$  durch Punktspiegelung an  $P$  entstehende Dreieck. Eine durch  $P$  verlaufende Gerade schneide  $B'C'$  in  $A_1$ ,  $C'A'$  in  $B_1$ ,  $A'B'$  in  $C_1$ . Man zeige, dass sich die Geraden  $AA_1$ ,  $BB_1$ ,  $CC_1$  in einem Punkt schneiden.

G. Bercea, München, BRD

**Aufgabe 762.** Man zeige für alle  $n \in \mathbf{N}$ : Es gibt kein  $n$ -tupel  $(f_1(x), \dots, f_n(x))$  nichtkonstanter Polynome mit reellen Koeffizienten derart, dass für jede natürliche Zahl  $x_0$  mindestens eine der Zahlen  $f_1(x_0), \dots, f_n(x_0)$  eine Primzahl ist.

E. Teuffel, Korntal, BRD

**Aufgabe 763.** Man zeige für alle  $n \in \mathbf{N}$ : Es gibt kein  $n$ -tupel  $(f_1(x), \dots, f_n(x))$  von Polynomen mindestens 2. Grades mit reellen Koeffizienten derart, dass jede Primzahl  $p$  eine Darstellung  $p = f_i(x_0)$  mit  $1 \leq i \leq n$  und  $x_0 \in \mathbf{N}$  besitzt.

E. Teuffel, Korntal, BRD

**Aufgabe 764.** Man bestimme den Rang der  $(p-1)$ -reihigen zirkulanten Matrix

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & \dots & p-2 & p-1 \\ 2 & 3 & \dots & p-1 & 1 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ p-1 & 1 & \dots & p-3 & p-2 \end{pmatrix}$$

im Primkörper der Charakteristik  $p$ ,  $p \geq 3$ . K. Spindelböck, Graz, Österreich

**Problem 764A.** Man bestimme den Rang der  $(p-1)$ -reihigen zirkulanten Matrix

$$\begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \dots & \frac{1}{p-2} & \frac{1}{p-1} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \dots & \frac{1}{p-1} & 1 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \frac{1}{p-1} & 1 & \dots & \frac{1}{p-3} & \frac{1}{p-2} \end{pmatrix}$$

im Primkörper der Charakteristik  $p$ ,  $p \geq 3$ . K. Spindelböck, Graz, Österreich

## Literaturüberschau

*The Ábacus.* Von P. MOON. 197 Seiten mit 81 Figuren. £2.05. Gordon and Breach Science Publishers, New York-London-Paris 1971.

Dieses Buch ist eine umfassende Studie über Zählrahmen und Rechenbretter. Der Autor – ein emeritierter Professor am MIT – hat offenbar die Auseinandersetzung mit dieser Sorte von Rechenprothesen als lebenslängliches Hobby betrieben. Die Studie beginnt mit einem historischen Abriss. Anschliessend werden die in den verschiedenen Kulturkreisen entwickelten Typen von Zählrahmen beschrieben und eingehend analysiert. Der zahlentheoretische Hintergrund ist in mehreren Zwischenkapiteln gut herausgestellt. Der Leser weiss nach der Lektüre dieses amüsanten Buches allerhand über Zählrahmen; er hat aber sicher auch noch einiges an elementarer Zahlentheorie mitbekommen, das sich im Unterstufen-Unterricht gut verwerten lässt (Rechnen in verschiedenen Positions-Systemen, Rechenkniffe). M. JEGER

*World Dictionary of Historians of Mathematics.* Edited by KENNETH O. MAY and CONSTANCE MOORE GARDNER, for the Commission on History of Mathematics of the Division of the History of Science of the International Union for the History and Philosophy of Science (UNESCO). First Edition 1972, 44 Seiten. Historia Mathematica, University of Toronto, Canada. Can. \$4.00.

Verzeichnis von etwa 700 Mathematikhistorikern der ganzen Welt mit Angabe der Adresse und des Sachgebietes. In der Liste figuriert auch der Schweizer R. Fueter, der immerhin schon mehr als 20 Jahre tot ist. Diese Feststellung lässt gewisse Zweifel an der Zuverlässigkeit dieser Unesco-Publikation aufkommen. Ein geographischer Index beschliesst das Heft.

J. J. BURCKHARDT