

**Zeitschrift:** Elemente der Mathematik  
**Herausgeber:** Schweizerische Mathematische Gesellschaft  
**Band:** 17 (1962)  
**Heft:** 1

**Rubrik:** Bemerkung der Redaktion

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 14.04.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

kelhalbierenden  $w_i$  von  $2\varphi_i$  wie in (3) auch die von  $O$  ausgehende Seitenhalbierende  $m_i$  von  $a_i$  gesetzt werden darf, was verneint werden muss! Vielmehr gilt

$$\sum R_i > \sum m_i, \quad (5)$$

eine Ungleichung, die nicht verschärft werden kann. Bei (5) handelt es sich fast um eine Trivialität. Ergänzt man  $\triangle$  zum Parallelogramm mit den Seiten  $R_i$  und  $R_{i+1}$ , so gilt die Dreiecksungleichung

$$R_i + R_{i+1} > 2m_i$$

und (5) ergibt sich durch Summation von  $n$  solchen Ungleichungen. Dass für  $n = 3$  keine Verschärfung möglich ist, sieht man sofort, wenn man etwa die Basis eines gleichschenkligen Dreiecks gegen Null und simultan  $O$  gegen die Spitze streben lässt. Für beliebiges  $n$  kann man ähnlich vorgehen. Dem Beweisgang entnimmt man zudem, dass für die Gültigkeit von (5)  $O$  nicht einmal innerer Punkt des Polygons sein muss und die Eckpunkte desselben ebensowenig in ein und derselben Ebene zu liegen haben. Von Konvexität erst ist gar keine Rede.

Ist  $O$  dagegen innerer Punkt eines ebenen konvexen  $n$ -Ecks, so gilt für die geometrischen Mittel [8]

$$G(R_i) \geq \sec \frac{\pi}{n} G(w_i), \quad (6)$$

was von FEJES TÓTH [9] verdeckt (wie bei FLORIAN) im Grunde genommen schon bewiesen wurde. Auch hier darf  $w_i$  nicht durch  $m_i$  ersetzt werden.

Diese Bemerkungen mögen dazu dienen, die Solidarität der Höhen und Winkelhalbierenden gegenüber den Seitenhalbierenden darzutun, wobei wir hier auf eine tiefere Begründung verzichten.

F. LEUENBERGER, ZUOZ

#### LITERATURVERZEICHNIS

- [1] P. ERDÖS, Aufgabe 3740, Amer. Math. Monthly 42 (1935).
- [2] L. J. MORDELL, Lösung zu Aufgabe 3740, Amer. Math. Monthly 44 (1937).
- [3] H. G. EGGLESTON, Math. Gaz. 42, 54–55 (1958). Die Kenntnis dieses Beweises verdankt der Verfasser freundlichen Mitteilungen von H. HADWIGER und E. TROST.
- [4] A. OPPENHEIM, *The Erdős Inequality and Other Inequalities for a Triangle*, Amer. Math. Monthly 68, 226–230 (1961).
- [5] BARROW, Lösung zu Aufgabe 3740, Amer. Math. Monthly 44 (1937).
- [6] L. FEJES TÓTH, *Inequalities Concerning Polygons and Polyhedra*, Duke Math. J. 15, 817–822 (1948).
- [7] A. FLORIAN, *Zu einem Satz von P. ERDÖS*, El. Math. 13, 55–58 (1958).
- [8] Einfacher Beweis ohne Logarithmierung erscheint in Amer. Math. Monthly, *On a polygonal inequality due to L. FEJES TÓTH*.
- [9] L. FEJES TÓTH, *Lagerungen in der Ebene, auf der Kugel und im Raum* (Springer, Berlin 1953), S. 33.

*Anmerkungen bei der Korrektur:* Ein Beweis der Ungleichung (3) erscheint von H. CHR. LENHARD tatsächlich unter dem Titel «Verallgemeinerung und Verschärfung der ERDÖS-MORDELLSCHEN Ungleichung für Polygone» im Archiv d. Math., ohne dass Herr LENHARD etwa von des Verf. Vermutung Kenntnis gehabt hätte. Ferner bemerkte der Verf. während der Drucklegung des Manuskriptes, dass L. BANKOFF in Amer. Math. Monthly 65, 521 (1958) ganz ähnliche Überlegungen wie bei unserem «einfachen Beweis» anstellte (ohne Winkelfunktionen) und D. K. KARINOFF in Mich. Math. J. 4, 97–98 (1957) einen weiteren Beweis für diese spezielle Dreiecksungleichung brachte.

## Bemerkung der Redaktion

Der in der kleinen Mitteilung von N. KRITIKOS über den vektoriellen Beweis eines elementargeometrischen Satzes [El. Math. 16, 132 (1961)] behandelte Satz samt Beweis findet sich in der Rubrik «Aufgaben für die Schule» in El. Math. 12, 135 (1957). Wie uns W. LÜSSY mitteilt, stammt der Beweis wohl von H. VAN AUBEL, Mathesis 1895. W. JÄNICHE berichtet, dass derselbe Beweis auch in den Vorlesungen über Vektorenrechnung von E. JAHNKE (Leipzig 1905, Seite 55) zu finden ist.