

**Zeitschrift:** Elemente der Mathematik  
**Herausgeber:** Schweizerische Mathematische Gesellschaft  
**Band:** 7 (1952)  
**Heft:** 5  
  
**Rubrik:** Aufgaben

#### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

#### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

#### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 23.02.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

Denkt man sich die geschilderte Konstruktion für andere Deklinationswerte  $\delta$ , jedoch unter Beibehaltung des Kreisradius  $a$  wiederholt, so erhält man offensichtlich lauter kongruente und gleichgestellte Ellipsen mit *kongruenten Markenpolygonen*. Es liegt daher nahe, diese durch Verschiebung in Nord-Süd-Richtung zur Deckung zu bringen: Dann muss aber der Zeigerstab von Tag zu Tag einen neuen Standort haben, und zwar hat er, wie aus der Figur abzulesen ist, jeweils in der Entfernung

$$d = a \operatorname{tg} \delta \cos \varphi \quad (2)$$

nördlich vom Ellipsenzentrum zu stehen. Die Konstruktion der entsprechenden *Kalenderskala* geht aus der Figur wohl zur Genüge hervor. Dass hierbei viele der nur zu Erklärungszwecken aufgenommenen Linien entbehrlich sind, liegt auf der Hand; auch die Ermittlung der Stundenskala kann mittels der Ellipsenkonstruktion von PROKLUS noch rationalisiert werden.

Abschliessend sei bemerkt, dass sich die geometrischen Überlegungen ohne weiteres auch auf eine Zifferblatteinbene beliebiger Stellung und einen Zeigerstab beliebiger Richtung übertragen lassen: An Stelle des Grundrisses hat dann eben die Parallelprojektion in Zeigerrichtung auf die Ziffernebene zu treten. W. WUNDERLICH, Wien.

## Aufgaben

**Aufgabe 131.** Man beweise

$$\sqrt{2} = 2 \prod_{k=1}^{\infty} \frac{(4k-3)(4k-1)}{(4k-2)(4k-2)}$$

und stelle eine entsprechende Produktentwicklung für  $\sqrt{n}$  auf.

K. SCHNEIDER, Oberdorf, BL.

Zu dieser Aufgabe schreibt uns Prof. W. SIERPIŃSKI (Warschau):

«Ce problème a été résolu par moi en 1908<sup>1</sup>). La formule pour  $\sqrt{n}$  trouvée par moi était

$$\sqrt{n} = \prod_k \frac{k + (-1)^{[k/n]}}{k}, \quad (1)$$

où le produit doit être étendu à toutes les valeurs  $k$  impaires et non divisibles par  $n$ . Pour  $n = 2$ , on trouve la formule bien connue de EULER<sup>2</sup>)

$$\sqrt{2} = \frac{2 \cdot 2}{1 \cdot 3} \cdot \frac{6 \cdot 6}{5 \cdot 7} \cdot \frac{10 \cdot 10}{9 \cdot 11} \cdots$$

déduite par lui du développement de  $\sin \pi x$  en produit infini pour  $x = 1/4$ . Cette formule donne tout de suite la formule du problème 131.

Pour  $n = 3$ , on trouve la formule de STERN<sup>3</sup>)

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{4 \cdot 8}{5 \cdot 7} \cdot \frac{10 \cdot 14}{11 \cdot 13} \cdot \frac{16 \cdot 20}{17 \cdot 19} \cdots$$

<sup>1</sup>) W. SIERPIŃSKI, C. r. Soc. Sci. Varsovie, Cl. III, 1908, 138–140.

<sup>2</sup>) L. EULER, *Introductio* (Lausanne 1748), p. 147. L. Euleri *Opera omnia*, Ser. I, Vol. 8, p. 198.

<sup>3</sup>) STERN, *Lehrbuch der algebraischen Analysis* (Leipzig 1860), p. 375.

Pour démontrer d'une façon élémentaire la formule (1), il suffit de remarquer que, en désignant par  $p_{nm}$  le produit de  $m$  premiers facteurs du produit infini (1), on a

$$p_{nm}^2 = \frac{n}{\prod_{k=m}^{nm-1} \left(1 + \frac{1}{2k(2k+2)}\right)}, \quad p_{nm}^2 = \frac{2nm+1}{2m+1} \prod_{k=m}^{nm-1} \left(1 + \frac{1}{(2k+1)(2k+3)}\right)^{-1},$$

d'où l'on trouve tout de suite

$$n > p_{nm}^2 > \frac{2nm+1}{2m+1},$$

ce qui donne

$$\lim_{m \rightarrow \infty} p_{nm} = \sqrt{n}.$$

Il est encore à remarquer qu'en 1907 j'ai démontré<sup>2)</sup> d'une façon élémentaire pour  $m$  et  $n$  naturels,  $n > 1$ , la formule

$$\sqrt[m]{n} = \prod_{k=1}^{\infty} \left(1 + \frac{\tau(n, k)}{m k - 1}\right), \quad (2)$$

où  $\tau(n, k)$  est égale à  $1 - n$  ou à 1 suivant que  $k$  est divisible par  $n$  ou ne l'est pas. Donc en particulier, pour  $n = 2$  et  $m$  naturel:

$$\sqrt[m]{2} = \left(1 + \frac{1}{m-1}\right) \left(1 - \frac{1}{2m-1}\right) \left(1 + \frac{1}{3m-1}\right) \left(1 - \frac{1}{4m-1}\right) \dots^3)$$

Pour  $m = 2$  on retrouve la formule citée de EULER. Or, pour  $m = 2$  la formule (2) donne la formule (1). La formule (2) peut être encore généralisée: on a pour  $x$  réel  $< 1$  et  $n$  naturel  $> 1$  la formule

$$n^x = \prod_{k=1}^{\infty} \left(1 + \frac{\tau(n, k) x}{k - x}\right),$$

mais la démonstration n'est pas élémentaire.»

Der Aufgabensteller sowie A. BAGER (Hjørring, Dänemark) verwenden die bekannte Formel

$$\prod_{r=1}^{n-1} \sin \frac{r \pi}{2n} = \frac{\sqrt{n}}{2^{n-1}}.$$

Der Aufgabensteller gibt die Formel

$$\sqrt[n]{n} = 2^{n-1} \frac{(2n-1)!}{n^{2n-1}} \cdot \frac{(4n-1)!}{(2n)!(3n)^{2n-1}} \cdot \frac{(6n-1)!}{(4n)!(5n)^{2n-1}} \dots$$

<sup>1)</sup> Aus den beiden Ausdrücken für  $p_{nm}^2$  ergibt sich

$$p_{nm} = \frac{2m+2}{2m+1} \cdot \frac{2m+4}{2m+3} \cdots \frac{2nm}{2nm-1}.$$

Aus (1) erhält man für  $n = 2t+1$ :

$$p_{nm} = \frac{2 \cdot 4 \cdots 2t(2t+2) \cdots 4t}{1 \cdot 3 \cdots (2t-1)(2t+1) \cdots (4t+1)} \cdot \frac{(4t+4) \cdots (6t+2)(6t+4) \cdots (8t+2)}{(4t+3) \cdots (6t+1)(6t+5) \cdots (8t+3)} \cdots$$

und für  $n = 2t$ :

$$p_{nm} = \frac{2 \cdot 4 \cdots (2t)(2t) \cdots (4t-2)}{1 \cdot 3 \cdots (2t-1)(2t+1) \cdots (4t-1)} \cdot \frac{(4t+2) \cdots (6t)(6t) \cdots (8t-2)}{(4t+1) \cdots (6t-1)(6t+1) \cdots (8t-1)} \cdots$$

woraus sich die Übereinstimmung leicht erkennen lässt (Red.).

<sup>2)</sup> W. SIERPIŃSKI, Bull. Acad. Sci. Cracovie, Cl. Sci. math., 1907, 1052—1057.

<sup>3)</sup> W. SIERPIŃSKI, Wiadom. Mat. 12 (1908).

Die Formel von A. BAGER lautet:

$$\sqrt{n} = 2^{n-1} \prod_{r=1}^{\infty} \prod_{s=1}^{2n-1} \frac{2n-r}{2n-s}.$$

Eine weitere Lösung sandte F. GOLDNER (London).

**Aufgabe 132.** Sind  $a_1, a_2, \dots, a_m; b_1, b_2, \dots, b_m, b_i \leq a_i$  natürliche Zahlen und wird

$$\sum_{i=1}^m a_i = A, \quad \sum_{i=1}^m b_i = B$$

gesetzt, so gilt

$$0 < \prod_{i=1}^m \binom{a_i}{b_i} \leq \binom{A}{B}.$$

Man beweise diese Ungleichung. Erwünscht wären noch andere Abschätzungen dieses Produkts von Binomialkoeffizienten.

ERWIN BAREISS, Zürich.

*Lösung:* Die zu beweisende Ungleichung folgt sogleich durch Vergleichung der Koeffizienten von  $x^B$  in der Identität

$$(1+x)^A = \prod_{i=1}^m (1+x)^{a_i} = \prod_{i=1}^m \left\{ 1 + \binom{a_i}{1} x + \dots + \binom{a_i}{b_i} x^{b_i} + \dots + x^{a_i} \right\}.$$

F. GOLDNER, London.

A. MÓR (Debrecen) beweist folgende Verallgemeinerungen, wo  $r, p_i, q_i$  natürliche Zahlen sind:

$$0 < \prod_{i=1}^m \binom{n_i}{q_i} \binom{a_i}{b_i} \leq \binom{A^*}{B^*}, \quad \text{wo} \quad A^* = \sum_{i=1}^m p_i a_i, \quad B^* = \sum_{i=1}^m q_i b_i. \quad (1)$$

$$0 < \prod_{i=1}^m \binom{a_i}{b_i} \leq \binom{A^r}{B^r}^{1/r}. \quad (2)$$

Eine weitere Lösung sandte R. LAUFFER (Graz).

**Aufgabe 133.** Eine Gerade bewegt sich so, dass sie stets durch einen festen Punkt  $O$  geht und einer ihrer Punkte stets auf einem festen Kreise liegt. Ein Punkt  $P$  dieser Gerade werde so gewählt, dass die von ihm beschriebene Kurve  $k$  durch  $O$  geht. Zeige, dass der Krümmungsradius von  $k$  in  $O$  gleich dem halben Abstand von  $O$  und dem zugehörigen Momentanzentrum ist.

R. SCHOECK, Winterthur.

*Lösung:* Der Zusatz: «und einer ihrer Punkte stets auf einem festen Kreis liegt» ist überflüssig.

$M$  sei der momentane Drehpol einer ebenen Bewegung ( $S_1$  = festes System,  $S_2$  = bewegtes System) und die bewegte Gerade  $g$  gehöre dem System  $S_2$  an. Die Gerade  $n$  durch  $M$  schneide den Wendekreis im Punkt  $W_2$  und den Wendekreis der reziproken Bewegung ( $S_2$  ist fest und  $S_1$  bewegt) im Punkt  $W_1$ . Es ist  $\overrightarrow{W_2 M} = \overrightarrow{M W_1}$ .

Ist der Punkt  $P_2$  auf der Geraden  $n$  Punkt von  $S_2$  und  $K_2$  der Krümmungsmittelpunkt der Bahn ( $P_2$ ), dann lautet die (vorzeichensichere) Gleichung von SAVARY

$$\frac{1}{\overrightarrow{M K_2}} = \frac{1}{\overrightarrow{M P_2}} - \frac{1}{\overrightarrow{M W_2}}. \quad (1)$$

Für die reziproke Bewegung sei  $P_1$  der augenblicklich mit  $P_2$  zusammenfallende Punkt von  $S_1$  und  $K_1$  der Krümmungsmittelpunkt der Bahn ( $P_1$  [( $P_1$ ) liegt in  $S_1$ ], und es ist wegen  $\overrightarrow{W_2 M} = \overrightarrow{M W_1}$ :

$$\frac{1}{\overrightarrow{M K_1}} = \frac{1}{\overrightarrow{M P_2}} + \frac{1}{\overrightarrow{M W_2}}. \quad (2)$$

Ist daher bei der reziproken Bewegung die Bahn ( $P_1$ ) die bewegte Gerade  $g$  und  $P_1 \equiv O$ , dann ist  $O \equiv W_1$ , da  $K_1$  unendlich fern ist. Aus den Gleichungen (1) und (2) erhält man

$$\overrightarrow{MK_2} = \frac{1}{2} \overrightarrow{MO},$$

das heisst, der Krümmungsmittelpunkt  $K_2$  der Bahn ( $P_2$ ) des Punktes  $P$  der Geraden  $g$ , welcher augenblicklich mit dem festen Punkt  $O$  zusammenfällt, ist der Halbierungspunkt der Strecke  $\overrightarrow{MO}$ .

R. LAUFFER, Graz.

Eine kinematische Lösung der Aufgabe findet sich auch bei TH. PÖSCHL, *Statik und Mechanik*, 3. Aufl. (Springer, Berlin 1949), S. 219. Weitere Lösungen sandten F. GOLDNER (London), W. LÜSSY (Winterthur), A. SCHWARZ (Seuzach), G. V. TORDION (Zürich).

**Aufgabe 134.** Der Radius  $OA$  eines Kreises werde in fünf gleiche Teile geteilt.  $B_1, B_2, B_3$  und  $B_4$  seien die Schnittpunkte der in den Teilpunkten auf  $OA$  errichteten Lote mit der Kreisperipherie. Man beweise, dass alle Winkel  $AOB_i$  ( $i = 1, 2, 3, 4$ ) mit dem rechten Winkel incommensurabel sind. VICENTE INGLADA, Madrid.

*Lösung:* Für den indirekten Beweis setzen wir

$$\nexists AOB_i = \vartheta_i = \frac{p}{q} \cdot \frac{\pi}{2}, \quad (p, q \text{ ganz})$$

wo  $i$  einen der Werte 1, 2, 3, 4 haben kann. Dann ist  $\cos \vartheta_i = i/5$ , und man erhält aus

$$\cos 2q \vartheta_i = \sum_{s=0}^q (-1)^s \binom{2q}{2s} (\cos \vartheta_i)^{2q-2s} (\sin \vartheta_i)^{2s}$$

durch Ersetzen von  $\sin \vartheta_i$  durch  $\cos \vartheta_i$

$$(-1)^p = \sum_{s=0}^q a_{2q-2s} \left(\frac{i}{5}\right)^{2q-2s} \quad (*)$$

Hier ist

$$a_{2q} = \binom{2q}{0} + \binom{2q}{2} + \cdots + \binom{2q}{2q} = 2^{2q-1},$$

und die übrigen  $a_{2q-2s}$  sind ganze Zahlen. Multiplizieren wir (\*) mit  $5^{2q-2}$ , so folgt, dass  $2^{2q-1} i^{2q}/25$  eine ganze Zahl sein müsste, was unmöglich ist. F. GOLDNER, London.

Eine weitere Lösung sandte A. BAGER (Hjørring, Dänemark).

**Aufgabe 135.** Gegeben zwei in bezug auf einen gemeinsamen Durchmesser zueinander symmetrisch liegende Parabeln  $P_1, P_2$  (Parameter  $p$ , Achsendistanz  $2k$ ). Dann hat die Aufgabe: «Ein Quadrat zu zeichnen, dessen Ecken abwechselnd auf  $P_1$  und  $P_2$  liegen» für  $k < p$  keine, für  $k = p$  unendlich viele und für  $k > p$  genau zwei Lösungen. Man berechne im letztern Fall die Quadratseite. C. BINDSCHEDLER, Küsnacht.

*Lösung:* a) Die beiden Parabeln können dargestellt werden durch

$$(y \pm k)^2 = 2p x. \quad (1)$$

Die auf die vorgeschriebene Art eingeschriebenen Vierecke seien zunächst einfach Parallelogramme mit den Mittelpunkten  $(u, v)$ . Ihre Diagonalen sind dann konjugiert zu  $y = v$  in bezug auf jede der beiden Parabeln und haben daher die Steigungsmasse

$$m = \frac{p}{v \pm k}, \quad (2)$$

unabhängig von  $u$ . Für  $v = 0$ , und nur für dieses, sind die beiden  $m$  entgegengesetzt gleich.

b) Aus (2) folgt sofort: *Die fraglichen Parallelogramme sind Rhomben dann und nur dann, wenn  $v^2 = k^2 - p^2$  ist.* Das ist der Fall für zwei oder ein oder kein reelles  $v$ , je

nachdem  $k$  grösser oder gleich oder kleiner als  $p$  ist. Allgemein erhält man für den Sinus des Winkels  $w$  zwischen den Diagonalen:

$$\sin w = \frac{2 k p}{\sqrt{4 k^2 p^2 + (v^2 - k^2 + p^2)^2}}. \quad (3)$$

c) Für die Schnittpunkte von  $(y - v) = p(x - u)/(v + k)$  mit der zugeordneten Parabel  $(y + k)^2 = 2 p x$  erhält man durch Elimination von  $x$ :

$$y^2 - 2 v y - 2 p u + 2 v (v + k) + k^2 = 0,$$

und daher

$$(y - v)^2 = 2 p u - (v + k)^2 \quad \text{und} \quad p^2 (x - u)^2 = (v + k)^2 (y - v)^2.$$

Für die Länge  $s$  der halben Sehne gilt daher:

$$\begin{aligned} p^2 s^2 &= \{(v + k)^2 + p^2\} \{2 p u - (v + k)^2\} \\ &= (v^2 + k^2 + p^2) (2 p u - v^2 - k^2) - 4 k^2 v^2 + 2 k v (-2 p u + 2 v^2 + 2 k^2 + p^2). \end{aligned} \quad (4)$$

Für die andern beiden Parallelogrammecken ist  $k$  durch  $-k$  zu ersetzen. Sollen also die fraglichen Parallelogramme Rechtecke sein, dann muss

$$v (-2 p u + 2 v^2 + 2 k^2 + p^2) = 0 \quad (5)$$

gelten. Das heisst:

*Die Mittelpunkte aller auf die vorgeschriebene Weise eingeschriebenen Rechtecke liegen entweder auf dem den beiden Parabeln gemeinsamen Durchmesser  $v = 0$ , mit den Seiten parallel und normal dazu, oder auf der Parabel  $v^2 = p \{u - (2 k^2 + p^2)/2 p\}$ .*

Die ersteren sind alle einander ähnlich und werden zufolge b) dann und nur dann Quadrate, wenn  $k = p$  ist. Bei den letzteren gilt für die Fläche  $F$  wegen (3), (4) und (5) mit  $v \neq 0$ :

$$F = 4 \frac{k}{p} \sqrt{4 k^2 p^2 + (v^2 - k^2 + p^2)^2} \geq 8 k^2. \quad (6)$$

d) Da nach b) die Mittelpunkte aller auf die vorgeschriebene Weise eingeschriebenen Rhomben auf den Geraden  $v^2 = k^2 - p^2$  liegen, so folgt schliesslich: *Für  $k > p$  gibt es genau zwei reelle Quadrate mit den Mittelpunkten  $\{(4 k^2 - p^2)/2 p, \pm \sqrt{k^2 - p^2}\}$ . Ihre Fläche ist  $8 k^2$  und bildet das Minimum der Rechtecksflächen.* A. STOLL, Zürich.

Weitere Lösungen sandten A. BAGER (Hjørring), F. GOLDNER (London), L. KIEFFER (Luxemburg), R. LAUFLER (Graz) (2 Lösungen).

### Neue Aufgaben

164. Calculer l'intégrale

$$\int_0^\infty \operatorname{arc tg} a x \operatorname{arc tg} b x \frac{dx}{x^2}. \quad (a \geq 0, b \geq 0)$$

H. BREMEKAMP, Delft.

165. Man beweise: Für  $(a, n) = 1$  ist

$$x \equiv a - 12 \sum_{k=1}^{n-1} k \left[ \frac{k a}{n} \right] \pmod{n}$$

Lösung der Kongruenz  $a x \equiv 1 \pmod{n}$ . B. VAN DER POL, Genf.

166. Von einem Punkte  $P$  in der Ebene eines Dreiecks  $(A_i)$  falle man die Lote auf die Seiten des Dreiecks. Ihre Fusspunkte bilden ein Dreieck, dessen Fläche  $F$  eine Funktion von  $P$  ist. Man zeige:

a) Der geometrische Ort der Punkte  $P$ , deren Fusspunktsdreiecke nach Grösse und Sinn gleiche Fläche haben, ist ein zum Umkreis von  $(A_i)$  konzentrischer Kreis.

b) Der geometrische Ort der Schwerpunkte der Fusspunktsdreiecke gleicher Fläche ist eine Ellipse um den Schwerpunkt von  $(A_i)$  als Mittelpunkt.

c) Die Ellipsen von b) sind, als Funktion des Parameters  $F$ , homothetisch, und ihre Achsen sind parallel zu dem Achsenkreuz  $k(e)$ , welches nach Aufgabe 148.4 dem Dreieck  $(A_i)$  zugeordnet ist (Winkelhalbierende zwischen der an einer der Dreiecksseiten gespiegelten Euler-Geraden und der Verbindung des Umkreismittelpunktes mit der Gegenseite jener Seite). A. STOLL, Zürich.

167. Es sei  $k$  eine geschlossene konvexe Kurve mit stetiger Tangente und Krümmung. Auf der Normalen jedes Punktes  $P$  von  $k$  wird von  $P$  aus nach aussen das  $\lambda$ -fache des Krümmungsradius in  $P$  abgetragen. Es entsteht eine spezielle «begleitende» Kurve von  $k$ . Ist  $B$  die Fläche der begleitenden Kurve,  $K$  diejenige von  $k$  und  $E$  die Fläche der Evolute von  $k$ , so gilt die Formel

$$B = (\lambda + 1)^2 K + \lambda (\lambda + 2) E.$$

E. TROST, Zürich.

## Literaturüberschau

- Mémorial des Sciences mathématiques (Gauthier-Villars, Paris):  
 Fasc. C. N. W. Mc LACHLAN et P. HUMBERT, *Formulaire pour le Calcul symbolique*, Deuxième édition. (68 Seiten.) 1950.  
 Fasc. CXIII. N. W. Mc LACHLAN, P. HUMBERT et L. POLI, *Supplément au Formulaire pour le Calcul symbolique*. (62 Seiten.) 1950.  
 Fasc. CXIV. M. KY FAN, *Les Fonctions définies-positives et les Fonctions complètement monotones*. (48 Seiten.) 1950.  
 Fasc. CXV. A. CHARRUEAU, *Sur des congruences de droites ou de courbes et sur une transformation de contact liée à ces congruences*. (72 Seiten.) 1950.  
 Fasc. CXVI. T. LEVI-CIVITA, *Le Problème des n corps en relativité générale*. (111 Seiten.) 1950.

*Neuauflagen* (Gauthier-Villars, Paris):

- E. PICARD: *Leçons sur quelques équations fonctionnelles avec des applications à divers problèmes d'Analyse et de Physique mathématique*. (187 Seiten.) 1950.

Hier sei daran erinnert, dass man im ersten Kapitel eine sehr schöne Analyse des Problems der Kräftezusammensetzung und eine Darstellung der nichteuklidischen Trigonometrie findet.

- E. GALOIS, *Œuvres mathématiques suivies d'une notice sur E. Galois et la théorie des équations algébriques par G. VERRIEST*. (64 und 57 Seiten.) 1951.

Nach einer kurzen Lebensbeschreibung erläutert G. VERRIEST in durchweg elementarer Art den Grundgedanken der Galoischen Gleichungstheorie.

Folgende Neuauflagen der bestbekannten Bände der *Sammlung Göschen* (Walter de Gruyter & Co., Berlin) sind eingetroffen:

- Band 920. G. HOHEISEL, *Gewöhnliche Differentialgleichungen*. Vierte, neubearbeitete Auflage. (129 Seiten) 1951..

- Band 931. H. HASSE, *Höhere Algebra*. Erster Teil: *Lineare Gleichungen*. Dritte verbesserte Auflage. (152 Seiten.) 1951.

- Band 932. H. HASSE, *Höhere Algebra*. Zweiter Teil: *Gleichungen höheren Grades*. Dritte verbesserte Auflage. (158 Seiten.) 1951.

- H. BIERI: *Geometrie*. Heft 10 der Sammlung «Lebendiges Wissen». Bubenbergverlag AG., Bern 1951. 56 Seiten.

Im Sinne der Sammlung werden die einfachsten geometrischen Begriffe und Lehrsätze in sorgfältig durchdachten Bildern (mehrfarbige Zeichnungen) mit knappem Text vorgeführt. Der Verfasser schreibt in der Einführung: «Die vorliegende Arbeit soll kein Lehrbuch sein. Vielmehr wird der ausgewählte Stoff in freier Weise gemäss den leitenden Gesichtspunkten gruppiert, welche der elementaren Geometrie das Gepräge geben.» Für den Lehrer der elementaren Geometrie, in erster Linie auf der Stufe der Sekundarschule, kann das vorliegende Heft durch seine schönen Zeichnungen manche Anregung bringen. L. Locher-Ernst.