Zeitschrift: Bulletin de la Société Vaudoise des Sciences Naturelles

Herausgeber: Société Vaudoise des Sciences Naturelles

**Band:** 42 (1906)

**Heft:** 155

**Artikel:** L'œuvre astronomique de Charles Dufour

Autor: Ansermet, E.

**Kapitel:** II: Les images de réflexion à la surface du Lac Léman

**DOI:** https://doi.org/10.5169/seals-267843

## Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

## **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

## Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

**Download PDF:** 19.11.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch

## II. Les images de réflexion à la surface du lac Léman.

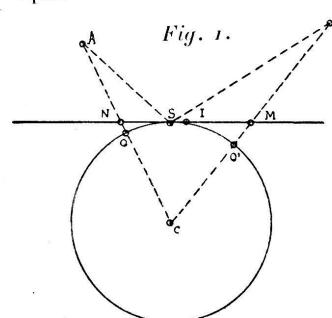
On sait, depuis les substantiels travaux de Louis et Charles Dufour et plus tard de M. F.-A. Forel, quels abondants et intéressants phénomènes optiques le lac Léman permet d'étudier. Souvent les riverains vaudois croient pouvoir assurer que le lac est calme en Savoie tandis qu'il est agité chez eux, parce qu'ils voient les maisons de la rive opposée se réfléchir à la surface de l'eau. Charles Dufour put montrer que dans ce cas, comme dans beaucoup d'autres, les observateurs prennent pour une réflexion ce qui n'est qu'un phénomène de mirage1. D'une manière générale, « quand l'œil est peu élevé au-dessus de l'eau et que l'on regarde des objets éloignés qui sont aussi à une hauteur peu considérable», on peut être certain que l'image de ces objets provient d'un mirage et nond'une réflexion sur l'eau; car la surface du lac forme un miroir convexe, et cette convexité est suffisante pour altérer jusqu'à la rendre méconnaissable l'image qui pourrait s'y former.

On peut se rendre compte de la déformation des images de réflexion par le calcul suivant :

Soit C le centre de la terre, B la position du point dont on veut rechercher l'image, A celle de l'œil, et S le point de la surface de l'eau où se fait la réflexion. Pour déterminer la position de l'image S, menons par ce point la tangente M N. On désignera par h la hauteur A O de l'œil au-dessus de la surface de l'eau; par h' la hauteur B O', au-dessus du même niveau, de l'objet que l'on regarde; par r le rayon terrestre CO ou CO'; par 2 d la

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Pour les divers travaux sur les *mirages du lac Léman*, publiés par Ch. Dufour, soit seul, soit avec la collaboration de son frère Louis Dufour, voir-le B. S. V. 1854, 1855 et 1874.

distance MN - que l'on pourra mesurer pratiquement par la distance OO'. Si l'on désigne encore les quantités inconnues NO, MO' et SI (I est le point milieu de MN) respectivement par x, x' et z, on peut établir, entre ces inconnues et les quantités données plus haut, les trois équations suivantes :



B 1) 
$$(d-z)^2 = 2 rx$$

2) 
$$(d+z)^2 = 2 rx'$$

3) 
$$\frac{(d-z)}{(d+z)} = \frac{h-x}{h'-x'}$$

Les deux premières sont fondées sur un simple théorème de géométrie élémentaire. L'équation 3), qui exprime la similitude des triangles A N S et BMS, se justifie par

ce fait que les angles A S N et B S M sont égaux et qu'en pratique les côtés A N et B M se rapprochent beaucoup des perpendiculaires abaissées de A et de B sur M N.

En remplaçant, dans cette équation 3), x et x' respectivement par  $\frac{(d-z)^2}{2r}$  et  $\frac{(d+z)^2}{2r}$ , valeurs tirées des équations 1) et 2), on obtient une équation à une inconnue z, qui, simplifiée, devient :

$$z^{3} - [r(h + h') + d^{2}]z + dr(h' - h) = 0.$$

Supposons que l'on soit à Morges, l'œil à 20 mètres audessus du lac et que l'on regarde à la distance de 35 km. un clocher haut de 60 mètres, dont le sommet est à 100 m., la base à 40 m. au-dessus du lac; le rayon terrestre étant compté à 6366 km. L'équation ci-dessus, résolue, après y avoir remplacé r, h, h', d, par les quantités.

numériques correspondantes, donne pour le sommet du clocher, z = 9010 m. L'imagé de ce point se produit donc à 8490 m. de Morges. Un calcul semblable montre que l'image de la base du clocher se produit à 14210,8 m. de Morges. L'image du clocher occupe donc sur le lac une longueur de 5720,8 m. c'est-à-dire un arc de 3'5"; et cette longueur elle-même ne paraîtrait à Morges que sous un angle de 1'43"; tandis que le clocher paraît sous un angle de 5'54". Une telle réduction et un tel raccourcissement suffisent à rendre cette image méconnaissable.

Mais, à l'inverse des mirages, pour qu'une réflexion de cette sorte ait lieu, il faut que le lac soit parfaitement calme. Et Charles Dufour n'espérait pas voir se réaliser cette condition absolue, lorsque, le 2 avril 1873, M. F.-A. Forel eut le bonheur de lui faire constater le phénomène. De Morges on voyait à ce moment-là dans la direction de Villeneuve quelques voiles de bateau dont l'image déprimée était en tous points conforme à la théorie qui vient d'ètre exposée. Sur un bateau plus rapproché, on voyait marcher des hommes dont l'image dans l'eau était plus large que haute, « de manière qu'on aurait pu penser au premier abord que c'était-là l'image de chiens »1. Cette observation vint donc confirmer tout à fait le résultat des calculs de Charles Dufour qui ajoutait : « Même on peut dire que c'est là une nouvelle preuve de la rondeur de la Terre.»

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> M. Forel rapporte qu'il observa depuis lors cette déformation de l'image de réflexion une trentaine de fois. « M. Raoul Pictet, dit-il, l'a reconnue d'après notre description. Enfin, M. A. Ricco, de Palerme, l'a découverte à nouveau en 1888, en étudiant l'image du soleil qui se couche à l'horizon dans la mer Méditerranée; il a même pu prendre des photographies de ces images. » (Le Léman, t. II, Optique).