

Zeitschrift: Bulletins des séances de la Société Vaudoise des Sciences Naturelles
Herausgeber: Société Vaudoise des Sciences Naturelles
Band: 7 (1860-1863)
Heft: 48

Artikel: Note sur la dilatation des corps solides
Autor: Cuénoud, S.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-253505>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 08.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

NOTE SUR LA DILATATION DES CORPS SOLIDES.

Par M. S. CUÉNOUD,

professeur de mathématiques à Lausanne.

Les Traités de physique définissent le coefficient de dilatation linéaire, l'allongement que prend l'unité de longueur d'un corps, lorsque sa température s'élève de zéro à 1 degré. Ensuite de cette définition, si l'on désigne par k le coefficient de dilatation, supposé constant, par l la longueur d'un corps à une certaine température et par l' la longueur du même corps après que cette température s'est élevée de t degrés, on a

$$l' = l(1 + kt) \quad (1).$$

Or, cette formule présente dans son application certaines anomalies dont j'ai recherché la cause, et que je veux signaler ici.

Je suppose, par exemple, que l représente la longueur d'un corps à la température de 10 degrés et que l' soit la longueur de ce corps à 25 degrés. La différence de ces températures étant 15 degrés, la formule précédente donne :

$$l' = l(1 + 15k).$$

Si je désigne par l_0 la longueur du corps à zéro, la formule donne :

$$l = l_0(1 + 10k),$$

ensorte qu'en remplaçant l par cette valeur dans l'équation précédente, on trouve

$$l' = l_0(1 + 10k)(1 + 15k) = l_0(1 + 25k + 150k^2).$$

Mais, en supposant que le corps ait été porté directement de zéro à 25 degrés, on trouverait par la formule (1)

$$l' = l_0(1 + 25k),$$

résultat qui diffère du précédent de $150k^2 \cdot l_0$.

Cette différence est infiniment petite, puisqu'elle contient, comme facteur, le carré du coefficient de dilatation, coefficient qui est toujours, lui-même, très petit; elle n'influe donc en rien sur le résultat pratique fourni par la formule. Mais l'esprit ne se trouve pas satisfait de voir qu'une même formule peut donner des résultats différents suivant la manière dont on l'applique.

En y réfléchissant un peu, on voit bientôt que cette anomalie provient de ce que la formule (1) n'est qu'approximative. En effet, si l'on désigne par l la longueur d'un corps à la température t , et par dl l'accroissement de longueur qui correspond à un accroissement très petit dt de température, on trouve :

$$dl = kl dt, \text{ d'où } \frac{dl}{l} = k dt.$$

En intégrant l'équation précédente, on obtient :

$$L. l = kt = C,$$

L désignant un logarithme népérien. La valeur de la constante C se détermine en remarquant qu'à la température zéro, le corps a une longueur l_0 , ce qui donne $L. l_0 = C$, et par suite :

$$L. l - L. l_0 = kt \text{ ou } L \frac{l}{l_0} = kt$$

$$\text{et enfin } \frac{l}{l_0} = e^{kt}, \quad \text{ou } l = l_0 \cdot e^{kt} \quad (2).$$

Telle est la relation réelle qui existe entre la longueur du corps et sa température. Cette formule ne présente pas dans son application la même anomalie que la formule (1). Si je reprends, en effet, l'exemple cité plus haut, je trouve :

$$\begin{array}{llll} \text{longueur du corps à 25 degrés} & l' = l_0 \cdot e^{25k} \\ \text{id. id. 10 degrés} & l = l_0 \cdot e^{10k} \\ \text{id. id. 25 degrés} & l' = l \cdot e^{15k} = l_0 \cdot e^{10k} \cdot e^{15k} = l_0 e^{25k}. \end{array}$$

Le résultat est donc le même, quelle que soit la voie qui y conduise.

Pour montrer que la formule (1) n'est qu'une approximation de la formule (2), il suffit de développer e^{kt} en série, par la relation :

$$e^x = 1 + x + \frac{x^2}{1.2} + \frac{x^3}{1.2.3} + \text{etc.},$$

ce qui donne :

$$e^{kt} = 1 + kt + \frac{k^2 t^2}{1.2} + \frac{k^3 t^3}{1.2.3} + \text{etc.}$$

et par suite :

$$l = l_0 \left(1 + kt + \frac{k^2 t^2}{1.2} + \frac{k^3 t^3}{1.2.3} + \text{etc.} \right)$$

En ne prenant que les deux premiers termes de cette série, on retrouve la formule ordinaire

$$l = l_0 (1 + kt).$$

La valeur du coefficient de dilatation k étant très petite, l'approximation que fournit la formule (1) est plus que suffisante dans la pratique; cette formule a surtout l'avantage d'être d'une application bien plus facile que l'équation transcendante (2). Il n'en était pas moins curieux de rechercher la véritable loi suivant laquelle s'effectuent les dilatations.

Il serait superflu d'ajouter que la formule de dilatation cubique des corps

$$V = V_0 (1 + kt)$$

n'est qu'une approximation de l'équation

$$V = V_0 \cdot e^{kt}.$$

