

Zeitschrift: IABSE publications = Mémoires AIPC = IVBH Abhandlungen

Band: 12 (1952)

Artikel: Schubmittelpunkt und Torsion

Autor: Stüssi, F.

DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-12324>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 21.02.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Schubmittelpunkt und Torsion

Centre de cisaillement et torsion

Shear center and torsion

Prof. Dr. F. Stüssi, Präsident der IVB H, Eidg. Technische Hochschule, Zürich

1. Gegenstand

In meiner letzten Untersuchung des dünnwandigen schlanken Stahlstabes mit Kastenquerschnitt¹⁾ bin ich von der vereinfachenden Voraussetzung ausgegangen, daß bei der Aufstellung der Elastizitätsbedingung über die Erhaltung der Querschnittsform der Einfluß der sekundären Schubspannungen τ_σ auf die Formänderungen der einzelnen Scheiben, aus denen sich der zu untersuchende Stab zusammensetzt, vernachlässigt werden dürfe. Prof. Charles Massonnet, Liège, hat mich nun darauf aufmerksam gemacht, daß diese Vereinfachung, die bei der Untersuchung der Biegung nach wie vor zulässig erscheint, bei der Torsion zu zuwenig genauen Ergebnissen führen könne. Ich habe mich überzeugt, daß der Einwand von Prof. Massonnet stichhaltig ist und ich möchte deshalb meine frühere Untersuchung verbessern und ergänzen.

Daß die Vernachlässigung der sekundären Schubverformungen bei der Torsion nicht mehr zulässig ist, röhrt davon her, daß die hier auftretenden örtlichen Spannungen σ (beispielsweise infolge eines konzentrierten äußeren Drehmomentes M_d) in Richtung der Stabachse z sehr stark veränderlich sind; da die Schubspannungen τ_σ mit den Längsspannungen σ durch die Gleichgewichtsbedingung

$$\frac{\partial \sigma}{\partial z} + \frac{\partial \tau}{\partial u} = 0$$

verbunden sind, werden somit auch große Schubspannungen τ_σ auftreten, deren Einfluß auf die Formänderungen nicht mehr vernachlässigbar klein ist. Es handelt sich somit im Grunde genommen darum, daß auch ein Stab, der an sich schlank ist, überhaupt nicht mehr auf Grund der Voraussetzung der Schlankheit auf Torsion untersucht werden darf oder auch, daß die Voraussetzung der Schlankheit hier hinfällig wird, weil sich ein Teil der maßgebenden

¹⁾ F. Stüssi: Der dünnwandige schlanke Stahlstab mit Kastenquerschnitt. Abhandlungen I.V.B.H., Band 11, 1951.

Formänderungen auf einem örtlich engen Bereich, also in einem kurzen oder gedrungenen Stabteil abspielt.

Meine frühere Torsionstheorie ist also zunächst dadurch zu verbessern, daß in der Elastizitätsbedingung für Torsion, Gleichung (11)²⁾

$$\frac{\eta_i}{a_i} = \varphi = \text{konst.},$$

die ausdrückt, daß im betrachteten Querschnitt die ursprüngliche Querschnittsform erhalten bleiben soll, auch die Einflüsse der Schubspannungen τ_σ einschließlich des sekundären Schubflusses s_τ berücksichtigt werden. Diese Elastizitätsbedingung nimmt somit (bei sonst gleichbleibenden Voraussetzungen) zunächst die Form

$$\varphi'' = \frac{1}{a_i} \left[\frac{\sigma_{i-1} - \sigma_i}{b_i \cdot E} + \frac{s'}{d_i \cdot G} + \frac{\Omega'_i}{b'_i \cdot d_i \cdot G} + \frac{s'_\tau}{d_i \cdot G} \right] = \text{konst.}$$

an, wobei b'_i die zunächst unbekannte reduzierte Scheibenbreite bedeutet, die die veränderliche Verteilung der Schubspannungen $\tau_{0\sigma}$ berücksichtigen soll.

Sobald wir aber im Zusammenhang mit dem Schubmittelpunkt die Schubverformungen berücksichtigen, drängt sich die Tatsache auf, daß der Schubmittelpunkt nicht ein Querschnittsfestpunkt ist, sondern auch von der Art der Belastung und der Stablänge, bzw. von der Lagerungsart abhängt³⁾. Wenn wir den Schubmittelpunkt, entsprechend seiner einen Bedeutung, als Angriffspunkt der Querkraft bei verdrehungsfreier Biegung definieren, so wird dieser Angriffspunkt verschieden sein, je nachdem, ob wir bei der Berechnung der Durchbiegungen nur die Längsspannungen σ oder nur die Schubspannungen τ berücksichtigen. Es existieren somit zwei Grenzlagen des Schubmittelpunktes, von denen die erste, 0_1 , den Verformungen infolge der Längsspannungen (und damit dem bisher in der technischen Literatur überhaupt als Schubmittelpunkt 0 bezeichneten Punkt) und die zweite, 0_2 , den Verformungen infolge der Schubspannungen entspricht. Bei Biegung und auch bei der Torsion offener Querschnitte ist die zweite Grenzlage 0_2 praktisch bedeutungslos, nicht aber bei der Torsion geschlossener Querschnitte.

Da wegen des Betti-Maxwell-Mohr'schen Reziprozitätsgesetzes der Schubmittelpunkt gleichzeitig Verdrehungszentrum des Querschnittes bei biegunsfreier Verdrehung ist, so existieren nun offensichtlich auch zwei Grenzlagen 0_1 und 0_2 des Verdrehungszentrums und die Elastizitätsbedingung für Torsion ist korrekterweise in der Form

$$\varphi'' = \frac{1}{a_i} \cdot \left[\frac{\sigma_{i-1} - \sigma_i}{b_i \cdot E} + \frac{s'}{d_i \cdot G} \right] + \frac{1}{a'_i} \cdot \left[\frac{\Omega'_i}{b'_i \cdot d_i \cdot G} + \frac{s'_\tau}{d_i \cdot G} \right] = \text{konst.} \quad (17)$$

²⁾ Die Gleichungsnummern bis 16 beziehen sich auf die in Fußnote 1 angegebene frühere Untersuchung.

³⁾ F. Stüssi: Zur Biegung und Verdrehung des dünnwandigen schlanken Stahlstabes. Abhandlungen I.V.B.H., Band 6, 1940/41.

anzuschreiben, wobei a_i' den Abstand der Scheibe i vom zweiten Schubmittelpunkt O_2 bedeutet (Fig. 1).

Es scheint nun für das weitere Vorgehen zweckmäßig, den Drehwinkel φ in zwei Anteile,

$$\varphi = \varphi_0 + \Delta\varphi,$$

aufzuteilen. Für den ersten Anteil φ_0 gelten die bisherigen Beziehungen unverändert, und es ist insbesondere

$$\varphi_0'' = \frac{s'}{G \cdot \Phi}, \quad (13)$$

wobei

$$\Phi = \frac{\sum a_i \cdot b_i}{\sum \frac{b_i}{d_i}} = \frac{2 F_m}{a_{11}}$$

bedeutet, und

$$\sigma_{i-1} - \sigma_i = \frac{E}{G} \cdot \left[\frac{a_i \cdot b_i}{\Phi} - \frac{b_i}{d_i} \right] \cdot s' \quad (14a)$$

für zum geschlossenen Querschnittsteil gehörende Scheiben.

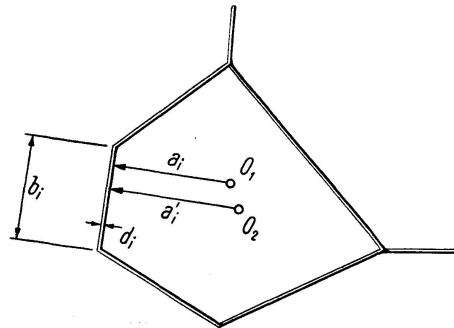


Fig. 1

Für den zweiten Anteil $\Delta\varphi$ finden wir zunächst

$$G \cdot \Delta\varphi' = \frac{1}{a_i'} \cdot \left[\frac{\mathfrak{Q}_{0i}}{b_i' \cdot d_i} + \frac{s_\tau}{d_i} \right] \quad (18a)$$

oder auch

$$G \cdot \Delta\varphi' \cdot a_i' \cdot b_i' = \frac{\mathfrak{Q}_{0i}}{d_i} + \frac{b_i'}{d_i} \cdot s_\tau; \quad (18b)$$

durch Aufsummieren dieser Werte über alle zum geschlossenen Querschnittsteil gehörenden Scheiben ergibt sich

$$G \cdot \Delta\varphi' \cdot \sum_{i=1}^n a_i' \cdot b_i' = \sum_{i=1}^n \frac{\mathfrak{Q}_{0i}}{d_i} + s_\tau \cdot \sum_{i=1}^n \frac{b_i'}{d_i}. \quad (19a)$$

Diesen Drehwinkel hätten wir, wie übrigens auch Gleichung (13), auch direkt aus einer virtuellen Arbeitsgleichung mit einem virtuellen Belastungszustand

$s=1$ erhalten können, wobei an Stelle der reduzierten Scheibenbreiten b_i' die wirklichen Scheibenbreiten b_i getreten wären. Wir erkennen daraus, daß Gleichung (19a) für geschlossene Querschnittsteile die Form

$$\Delta \varphi' \cdot 2 G \cdot F_m = \sum_{i=1}^n \frac{\mathfrak{Q}_{0i}}{d_i} + s_\tau \cdot \sum_{i=1}^n \frac{b_i}{d_i} \quad (19b)$$

annehmen muß.

Der Vergleich dieser Gleichung (19b) mit der früheren Elastizitätsbedingung für den sekundären Schubfluß s_τ , Gleichung (9), zeigt deutlich den Einfluß der bisher vernachlässigten Schubverformung. Es sei festgehalten, daß Gleichung (9) für den Fall der verdrehungsfreien Biegung nach wie vor gilt; dies geht mit $\Delta \varphi = 0$ nun auch aus Gleichung (19b) hervor.

Für freie Flanschen bin ich heute noch nicht in der Lage, die in der Berechnung der Schubverformung benötigte reduzierte Scheibenbreite b_i' ,

$$b_i' = \frac{\mathfrak{Q}_i}{d_i \cdot G \cdot \eta_i'},$$

in einer für diese Berechnung zweckmäßigen, einfachen und genauen Form anzugeben; ich beschränke mich deshalb im folgenden auf geschlossene Querschnitte ohne freie Flanschen und behalte mir vor, später auf den allgemeinen Fall zurückzukommen.

2. Die zweite Grenzlage des Schubmittelpunktes für geschlossene Querschnitte

Für geschlossene Querschnitte läßt sich die zweite Grenzlage 0_2 des Schubmittelpunktes sehr einfach bestimmen. Der Schubmittelpunkt 0_2 , definiert als Angriffspunkt einer Querkraft Q für verdrehungsfreie Biegung unter dem

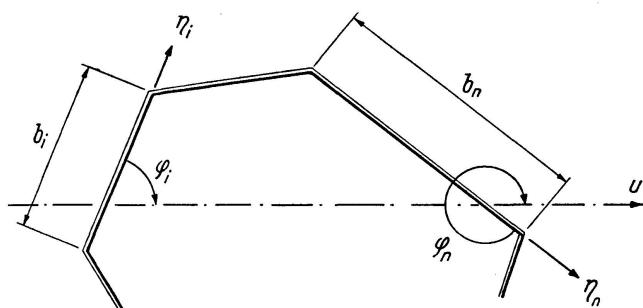


Fig. 2

Einfluß nur der Schubspannungen, muß sich als Schnittpunkt von zwei Querkräften Q_u und Q_v ergeben, von denen die erste einer Verschiebung u , die zweite einer Verschiebung v entspricht.

Um den ersten geometrischen Ort des Schubmittelpunktes 0_2 zu bestimmen, nehmen wir eine Verschiebungsänderung u' (z. B. $u' = c_u = 1$) in Richtung u an; für jede Scheibe ist somit nach Figur 2

$$\eta_i' = u' \cdot \cos \varphi_i = c_u \cdot \cos \varphi_i,$$

während die Verformungen ξ_i normal zu den Mittelebenen der als dünn vorausgesetzten Scheiben vernachlässigt werden dürfen. Da für eine zu einem geschlossenen Querschnitt gehörende Scheibe die Durchbiegung η' mit

$$\eta_i' = \frac{\mathfrak{Q}_{0i}}{G \cdot b_i \cdot d_i} + \frac{s_\tau}{G \cdot d_i} = \frac{\mathfrak{Q}_i}{G \cdot b_i \cdot d_i}$$

einzuführen ist, wird

$$\frac{\mathfrak{Q}_i}{G \cdot b_i \cdot d_i} = c_u \cdot \cos \varphi_i$$

oder

$$\underline{\mathfrak{Q}_i = G \cdot c_u \cdot b_i \cdot d_i \cdot \cos \varphi_i = C_u \cdot b_i \cdot d_i \cdot \cos \varphi_i}; \quad (20)$$

Die Scheibenquerkräfte \mathfrak{Q}_i ergeben sich somit direkt, ohne den Umweg über Spannungen σ' in Funktion einer beliebig zu wählenden Konstanten C_u . Aus den Scheibenquerkräften \mathfrak{Q}_i kann die Resultierende Q_u nach Größe und Lage bestimmt werden. Analog ergibt sich auch Q_v und damit ist der Schubmittelpunkt 0_2 gefunden.

In bezug auf die Vorzeichen ist zu beachten, daß wir für die Scheibenquerkräfte bei gleichem Vorzeichen einen gleichbleibenden Drehsinn um den geschlossenen Querschnitt herum annehmen; das Vorzeichen von $\cos \varphi_i$ ist somit entsprechend der positiven Scheibenrichtung und der positiven Verschiebungsrichtung einzuführen.

3. Verbesserte Torsionstheorie

Die Verbesserung der Torsionstheorie gegenüber der früheren Untersuchung¹⁾ besteht nun somit darin, daß die sekundären Schubspannungen in der Elastizitätsbedingung Gleichung (17) berücksichtigt werden. Die Spannungen σ und damit die Verteilung der Spannungsänderungen σ' über den Querschnitt bei Torsion sind nach wie vor nach Gleichung (14a) zu bestimmen; da sich diese Gleichung auf den ersten Schubmittelpunkt 0_1 bezieht, sind wegen der Gültigkeit des Reziprozitätsgesetzes automatisch auch die beiden Gleichgewichtsbedingungen $Q_x = 0$ und $Q_y = 0$ für die Resultierende aus den Scheibenquerkräften \mathfrak{Q}_{0i} ,

$$\mathfrak{Q}_{0i} = d_i \cdot b_i \cdot \left(\tau_{0i-1} - \frac{b_i}{6} (2\sigma'_{i-1} + \sigma'_i) \right), \quad (8)$$

erfüllt.

Um den zugehörigen sekundären Schubfluß s_τ zu bestimmen, schreiben wir die Elastizitätsbedingung (18a) für zwei aufeinanderfolgende Scheiben an:

$$G \cdot \Delta \varphi' = \frac{1}{a'_i} \cdot \left[\frac{\mathfrak{Q}_{0i}}{b_i \cdot d_i} + \frac{s_\tau}{d_i} \right] = \frac{1}{a'_{i+1}} \cdot \left[\frac{\mathfrak{Q}_{0i+1}}{b_{i+1} \cdot d_{i+1}} + \frac{s_\tau}{d_{i+1}} \right]$$

woraus folgt

$$s_\tau = \frac{\frac{\mathfrak{Q}_{0i+1}}{b_{i+1}} \cdot a'_i \cdot d_i - \frac{\mathfrak{Q}_{0i}}{b_i} \cdot a'_{i+1} \cdot d_{i+1}}{a'_{i+1} \cdot d_{i+1} - a'_i \cdot d_i} \quad (21)$$

Da sich diese Gleichung auf den zweiten Schubmittelpunkt O_2 bezieht, wirkt sich hier die Gültigkeit des Reziprozitätsgesetzes so aus, daß die Elastizitätsbedingung Gleichung (21) für zwei beliebige Scheiben (des geschlossenen Querschnittes) angeschrieben werden kann, was eine Kontrollmöglichkeit über die Lage von O_2 bedeutet.

Damit kann nun das sekundäre Torsionsmoment T_σ ,

$$T_\sigma = \sum \mathfrak{Q}_i \cdot a'_i = \sum \mathfrak{Q}_{0i} \cdot a'_i + 2 F_m \cdot s_\tau = -A \cdot s''$$

in Funktion von s'' berechnet werden und damit ist, entsprechend Gleichung (15a), die Torsionsgleichung

$$\underline{T = 2 F_m \cdot s - A \cdot s''}$$

gefunden. Die beiden Torsionsanteile können nun aber auch ohne weiteres durch den Spannungswert σ_0 an einem bestimmten Querschnittspunkt, zum Beispiel an einer Ecke, ausgedrückt werden, so daß die Torsionsgleichung die Form

$$\underline{T' = m_a = a \cdot \sigma_0 - b \cdot \sigma_0''} \quad (15c)$$

nimmt.

In Figur 3a ist der Verlauf der Spannungen σ für einen unsymmetrischen, rechteckigen Kastenquerschnitt, bestimmt nach Gleichung (14a), und die Lage des Schubmittelpunktes O_1 skizziert, während Figur 3b den Verlauf der Schubspannungen $\tau_\sigma = \tau_{0\sigma} + \frac{s_\tau}{d}$ sowie den Schubmittelpunkt O_2 angibt. Es ist darauf hinzuweisen, daß in diesem Fall alle vier Scheibenquerkräfte \mathfrak{Q}_i gleich groß werden, was eine Rechenkontrolle bedeutet.

Zwischen den Torsionsmomenten T_s und T_σ einerseits und den Verdrehungswinkeln φ_0 und $\Delta \varphi$ anderseits, läßt sich nun noch eine sehr einfache Beziehung aufstellen: Für den primären Torsionsanteil gilt für jede Scheibe

$$G \cdot \varphi_0' = \frac{\mathfrak{Q}_s}{a_i \cdot b_i \cdot d_i}$$

oder auch

$$G \cdot \varphi_0' \cdot a_i \cdot b_i \cdot d_i = \mathfrak{Q}_s;$$

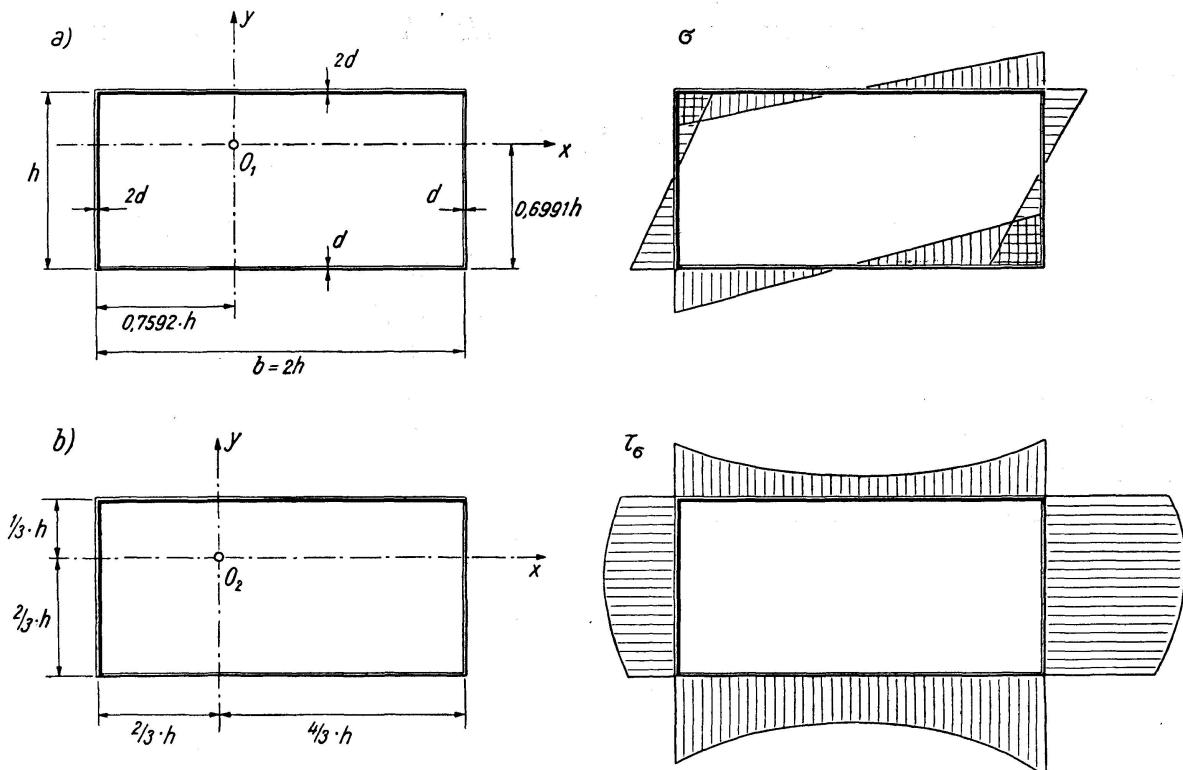


Fig. 3

da

$$\sum \mathfrak{Q}_s \cdot a_i = T_s,$$

finden wir

$$G \cdot \varphi_0' \cdot \sum a_i^2 \cdot b_i \cdot d_i = \sum \mathfrak{Q}_s \cdot a_i = T_s.$$

Führen wir die Abkürzung $I = \sum a_i^2 \cdot b_i \cdot d_i$

ein, so wird

$$\underline{\varphi_0' = \frac{T_s}{G \cdot I}}. \quad (22a)$$

Analog erhalten wir für den sekundären Torsionsanteil

$$\underline{\Delta \varphi' = \frac{T_\sigma}{G \cdot I'}}, \quad (22b)$$

wobei sich hier die Abkürzung

$$I' = \sum a_i'^2 \cdot b_i \cdot d_i$$

auf den zweiten Schubmittelpunkt O_2 bezieht. Bei beliebiger Querschnittsform ist zu beachten, daß der Wert I sich nur auf den geschlossenen Querschnittsteil bezieht, während in I' auch die freien Flanschen, diese jedoch mit der zunächst unbekannten reduzierten Flanschbreite, vorkommen.

Die Beziehung

$$\underline{\varphi' = \varphi_0' + \Delta \varphi' = \frac{T_s}{G \cdot I} + \frac{T_\sigma}{G \cdot I'}} \quad (23)$$

stellt die Verallgemeinerung der von TH. VON KÁRMÁN und WEI-ZANG-CHIEN⁴⁾ angegebenen Beziehung

$$\varphi' = \frac{T}{G \cdot I}$$

dar.

Es ist noch darauf hinzuweisen, daß für die Torsionsanteile T_s die Querschnitte sich um ihre Schubmittelpunkte O_1 drehen, während für die Torsionsanteile T_σ die Schubmittelpunkte O_2 die Verdrehungszentren darstellen. Der resultierende Drehpunkt eines Querschnittes liegt somit, je nach dem Verhältnis von T_σ zu T_s , irgendwo zwischen den beiden Schubmittelpunkten. Da aber dieses Verhältnis $T_\sigma : T_s$ sich längs der Stabachse ändert, ist die Verdrehungsachse bei unsymmetrischen Querschnitten, auch bei konstantem Querschnitt, keine Gerade mehr.

4. Nebeneinflüsse

Die Feststellung, daß wir bei der Torsion von Stäben mit geschlossenen Querschnitten wegen der großen Veränderlichkeit der Längsspannungen σ die Voraussetzung der Schlankheit nicht mehr aufrecht erhalten können, führt, neben den besprochenen Besonderheiten, auch dazu, daß die Verträglichkeitsbedingung der Scheibentheorie eine vom linearen Verlauf abweichende Verteilung der Längsspannungen σ und damit auch eine Beeinflussung der Schubspannungen τ_σ erzwingen wird. Ebenso können örtlich die Querdehnungen (oder Querspannungen) die Scheibenform merklich verändern. Dadurch müssen gegenüber der vorstehend entwickelten verbesserten Torsionstheorie örtliche Zusatzspannungen $\Delta\sigma$ entstehen, die, wie aus dem Vergleich mit der Untersuchung von TH. VON KÁRMÁN und WEI-ZANG-CHIEN⁴⁾ über den symmetrischen rechteckigen Kastenquerschnitt hervorgeht, merkliche Größe besitzen. In den Querschnittsecken können so Spannungsspitzen entstehen, die bis zu rund 50% der Spannungswerte nach der vorstehenden Theorie betragen.

Es ist jedoch in bezug auf den Charakter dieser Zusatzspannungen festzustellen, daß sie weder für das Gleichgewicht, noch für die Gültigkeit der primären Elastizitätsbedingung notwendig sind. Es dürfte sich somit bei diesen Zusatzspannungen, ähnlich wie bei den Spannungsspitzen im gelochten Zugstab oder bei den Nebenspannungen im steifknotigen Fachwerk, um Nebenspannungen handeln, die die Sicherheit des Tragwerkes nicht wesentlich beeinflussen und die deshalb bei der praktischen Dimensionierung nicht berücksichtigt werden müssen. Den endgültigen Entscheid über diese Frage wird jedoch wohl nur der Versuch liefern können.

⁴⁾ TH. VON KÁRMÁN and WEI-ZANG-CHIEN: Torsion with variable twist. Journal Aeron. Sci., Vol. 13, 1946.

Zusammenfassung

In einer früheren Untersuchung der Torsion des „schlanken“ Stahlstabes mit geschlossenem Querschnitt (Band 11 der Abhandlungen I. V. B. H.) wurde von der Voraussetzung der Schlankheit ausgegangen, d. h. es wurde vorausgesetzt, daß in der Elastizitätsbedingung über die Verformung der einzelnen Scheiben die Verformungen infolge der sekundären Schubspannungen vernachlässigt werden dürfen. Es zeigt sich nun aber, daß die örtlich auftretenden Normalspannungen in Stablängsrichtung so stark veränderlich sind, daß die Voraussetzung der Schlankheit nicht mehr aufrecht erhalten werden kann. Die Elastizitätsbedingung wurde in der vorliegenden Untersuchung deshalb verbessert, wobei die zweite Grenzlage des Schubmittelpunktes, die nur von den Schubverformungen abhängig ist, eingeführt werden mußte.

Résumé

Dans une étude antérieure sur la torsion d'une barre élancée d'acier de section fermée (tome 11 des Mémoires de l'A.I.P.C.), l'auteur avait pris pour point de départ l'hypothèse de l'élancement, c'est-à-dire qu'il avait admis que dans la condition d'élasticité relative à la déformation des différents éléments plans, les déformations qui résultent des contraintes tangentielles secondaires peuvent être négligées. On constate toutefois que les contraintes normales qui se manifestent localement sont si largement variables suivant la direction longitudinale de la barre que l'hypothèse de l'élancement ne peut plus être valablement conservée. Dans la présente étude, la condition d'élasticité a été améliorée par ce fait et on a dû introduire la deuxième position limite du centre de cisaillement, qui ne dépend que des déformations de cisaillement.

Summary

In a former investigation of the torsion of a “slender” steel bar with closed cross-section (Vol. 11 of the I. A. B. S. E. Publications), the assumption of slenderness was started with, i. e. it was assumed that, in the condition of elasticity concerning the deformation of the separate walls, the deformations due to the secondary shear stresses could be neglected. But it has now been found that the normal stresses occurring locally may vary so greatly in the direction of the length of the bar that the assumption of slenderness can no longer be maintained. In the present investigation the condition of elasticity is therefore improved, whereby the second limiting position of the centre of shear, which depends only on the shear deformations, had to be introduced.

Leere Seite
Blank page
Page vide