

Zeitschrift: IABSE congress report = Rapport du congrès AIPC = IVBH
Kongressbericht

Band: 10 (1976)

Artikel: Die Ermittlung der mittragenden Breite im Stützenbereich von Durchlaufträgern

Autor: Hoyer, W. / Kerbach, F.

DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-10501>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 25.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Die Ermittlung der mittragenden Breite im Stützenbereich von Durchlaufträgern

Determination of the Effective Width of Continuous Girders in the Column Zone

Détermination de la bande porteuse des poutres continues dans la région des appuis

W. HOYER F. KERBACH
 o. Professor, Dipl.-Ing. Dr.-Ing.
 Technische Universität Dresden
 Dresden, DDR

Zur Ermittlung des Spannungszustandes von Biegeträgern mit breiten Gurtungen bedient man sich häufig einer mittragenden Breite, um nach den üblichen Methoden der Festigkeitslehre rechnen zu können.

Diese mittragende, ideelle Breite berücksichtigt die Schubverformungen des als Scheibe zu betrachtenden Gurtes und den dabei auftretenden Gurtspannungsverlauf innerhalb des untersuchten Querschnittes.

Zur Bestimmung der mittragenden Breite gibt es eine Reihe bekannter Verfahren, die alle die Darstellung der Momentenzustandslinie als Fourierreihe für die Bestimmung der Scheibenspannungen im Gurt zur Grundlage haben.

Für die Belastung eines Einfeldträgers durch eine konstante Streckenlast oder eine mittige Einzellast und den daraus resultierenden parabolischen bzw. dreieckigen Momentenverlauf lässt sich die mittragende Breite z. B. für den Ort des maximalen Moments ermitteln und für die praktische Handhabung als Kurve über dem Verhältnis Gurtbreite zu Spannweite auftragen (Bild 1). Dabei zeigt sich, daß die Konvergenz der Fourierreiendwicklung beim dreieckigen Momentenverlauf (Bild 1b) wesentlich schlechter ist als beim parabolischen (Bild 1a).

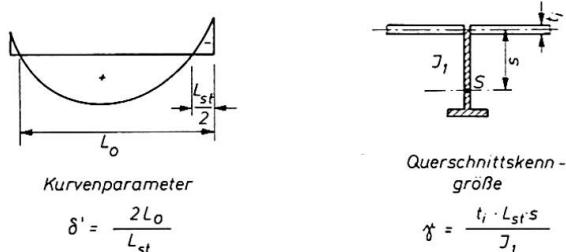
Die Ermittlung der mittragenden Breite gestaltet sich jedoch für den Stützenbereich von Durchlaufträgern weitaus schwieriger, weil der Momentenverlauf sehr unterschiedlich sein kann und die Konvergenz noch schlechter ist. Im Bereich des Stützenmomentes kann die Momentenfunktion allgemein durch

$$M(x) = Ax + Bx^2 \quad (0 = x = L_{st}/2)$$

ausgedrückt werden. Dabei liegt der Momentenverlauf beliebig zwischen den Randwerten $B=0$ (dreieckiger Verlauf) und $A=0, B=q/2$ (Hohlpalabel, Kragarm durch Streckenlast belastet).

Somit wird die Darstellung der mittragenden Breite als Kurve über dem Verhältnis Gurtbreite zu Spannweite praktisch nicht möglich.

Üblicherweise wurde deshalb der negative Momentenbereich von Durchlaufträgern als Dreieck mit gleichem Maximalwert idealisiert und dafür die mittragende Breite berechnet. Als Länge L_{st} dieser Momentenlinie wurde dabei der Abstand der Momentennullpunkte verwendet (Bild 2).



Aus Gründen der Sicherheit einerseits und der Wirtschaftlichkeit andererseits ist es notwendig, ein möglichst genaues Verfahren zu verwenden und gleichzeitig den Momentenverlauf möglichst exakt zu beschreiben.

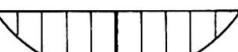
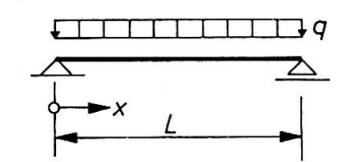
Kehren wir zum betrachteten Stützenbereich zurück, so führt die Erfassung des tatsächlichen Momentenverlaufes gegenüber dem dreieckigen zu einer kleineren mittragenden Breite. Demnach ist aus Gründen der Sicherheit die übliche Idealisierung nicht zu empfehlen.

Die Vergleichsrechnung eines Straßenbrückenhauptträgers über drei Felder mit je 22,5 m Spannweite hat ergeben, daß sich bei Berücksichtigung einer dreieckigen Momentenlinie die mittragende Breite über einer Innenstütze gegenüber dem genauen Wert um 22% zu groß ergibt! Bei unendlich breiten Gurten wäre der Wert sogar um 33% größer!

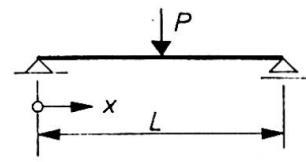
Am Wissenschaftsgebiet Metallbau der Technischen Universität Dresden wurden in Vorbereitung der Überarbeitung unserer Stahlbrückenbauvorschriften Untersuchungen angestellt, um ein einfaches, rasch handhabbares Verfahren zur exakteren Bestimmung der mittragenden Breite zu erhalten.

Als mögliche Lösung wird nun vorgeschlagen, die Länge des Stützmomentenbereiches L_{st} mittels eines Korrekturfaktors α derart zu verkürzen, daß eine dreieckige Momentenlinie der Länge $L' = \alpha \cdot L_{st}$ die genaue mittragende Breite liefert.

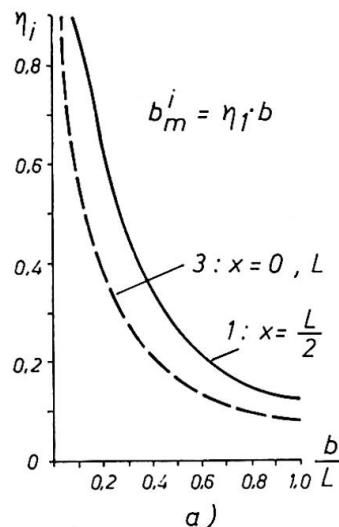
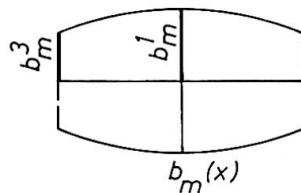
Ausgehend von der Charakteristik des Momentenverlaufes $\delta = 2 L_0 / L_{st}$ und einer Querschnittskennzahl des den Gurt unterstützenden Steges γ (Bild 2) läßt sich der Faktor α angeben. Für $\delta = \infty$ erhält man einen geradlinigen Stützmomentenverlauf (also ein Dreieck), damit wird $\alpha = 1,0$. Für $\delta = 1$ ergibt sich die Momentenlinie eines durch eine Streckenlast beanspruchten Kragarmes und α wird zu einem Minimum. In Bild 3 sind die α -Werte für alle denkbaren Stützmomentenverläufe aufgetragen. Dabei liegt α zwischen 0,58 und 1,0. Die gezeigte Kurventafel gilt exakt nur für einen unendlich breiten Gurt.



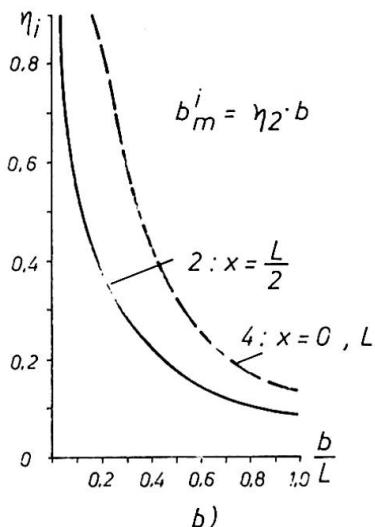
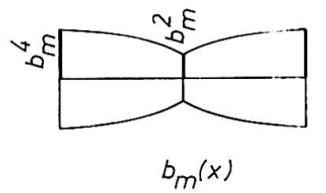
$$M(x) = \frac{q}{2} x(L-x)$$



$$M(x) = \frac{P}{2} x \text{ für } 0 \leq x \leq \frac{L}{2}$$



a)



b)

Bild 1 : Mittragende Breite

a) bei Streckenlastbeanspruchung

b) bei Einzellastbeanspruchung

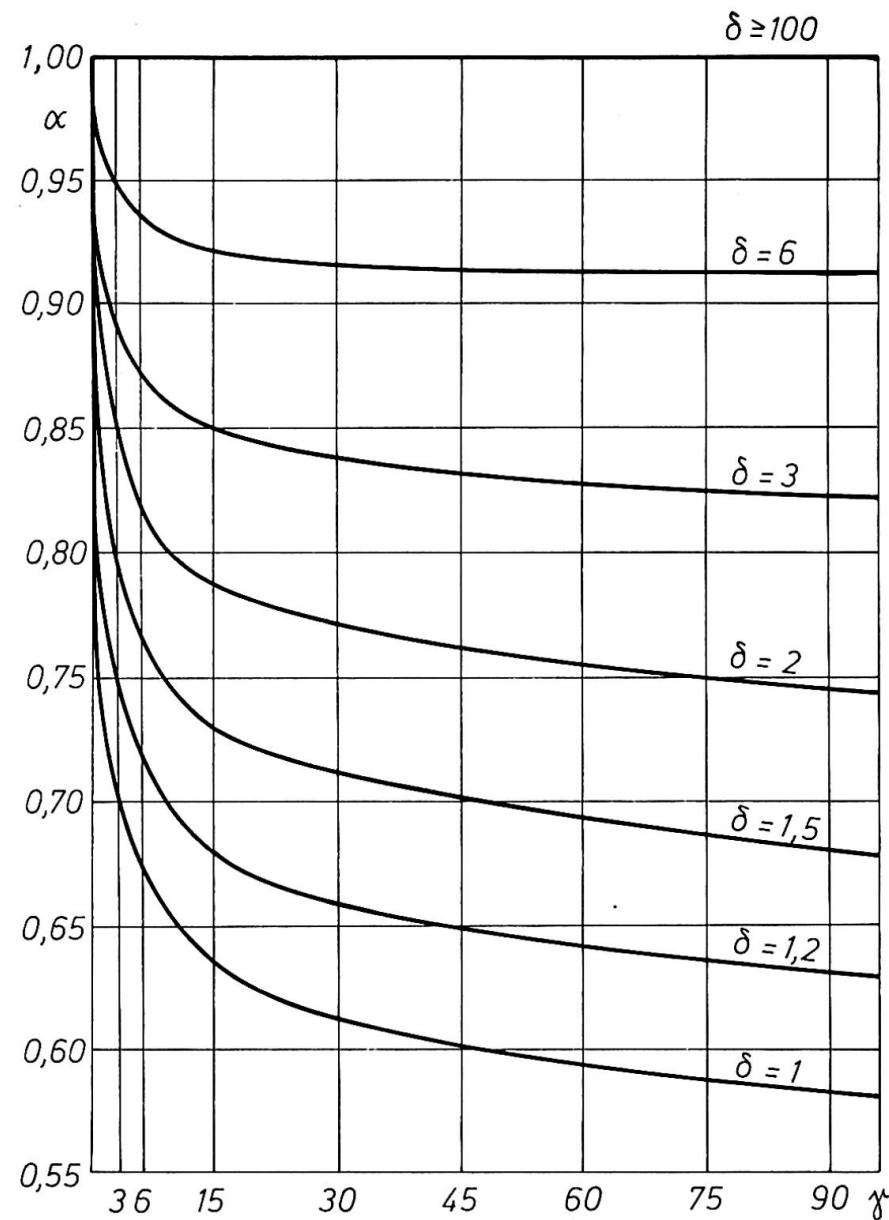


Bild 3 : Korrekturfaktoren α

Wendet man die Korrekturwerte auf die praktisch vorkommenden endlich breiten Gurte an, so erhält man mittragende Breiten, die kleiner sind als die tatsächlichen exakten Werte. Das Verfahren liefert also dann auf der sicheren Seite liegende Näherungswerte, deren Abweichung vom Sollwert geringer ist als bei der Dreieckmethode.

Für das oben zitierte Beispiel beträgt die Abweichung rund 10%.

Es laufen weitere Arbeiten, in deren Ergebnis exakte Werte für andere Randbedingungen der Gurte erhalten werden sollen.

Über die Kenntnis des Korrekturfaktors α läßt sich nun sehr rasch die exakte mittragende Breite bei Benutzung der Werte für eine dreieckige Momentenlinie ermitteln.

Die gezeigte Vorgehensweise gestattet damit eine genauere Erfassung der Tragsicherheit im Stützenbereich, ohne daß der Projektierungsaufwand spürbar erhöht wird.

ZUSAMMENFASSUNG

Zur Bestimmung der mittragenden Breite im Stützenbereich von Durchlaufträgern geht man meist von einer dreieckförmigen Idealisierung der Momentenlinie aus. Dadurch werden auf der unsicheren Seite liegende Ergebnisse erhalten. Der Beitrag zeigt eine Möglichkeit, über eine korrigierte Länge dieser dreieckigen Momentenlinie genauere und sicherere Werte ohne einen spürbaren Berechnungsmehraufwand zu erhalten.

SUMMARY

For determining the effective width of continuous girders in the column zone, mostly one starts from a triangular idealization of the moment curve. The values obtained are consequently on the uncertain side. This contribution shows one way for obtaining more precise and safe values by means of a corrected length of this triangular moment curve without any increase in the calculation.

RESUME

Pour déterminer la bande porteuse de poutres continues dans la région des appuis, on part le plus souvent d'une idéalisation triangulaire de la ligne des moments. On obtient ainsi des résultats se trouvant du côté incertain. L'article montre une possibilité d'arriver à des valeurs plus précises et plus sûres en partant d'une longueur corrigée de cette ligne des moments "triangulaire" sans une augmentation sensible des calculs.