

**Zeitschrift:** IABSE congress report = Rapport du congrès AIPC = IVBH  
Kongressbericht

**Band:** 2 (1936)

**Artikel:** Beitrag zur Frage der Ausnutzbarkeit der Platizität bei  
dauerbeanspruchten Durchlaufträgern

**Autor:** Klöppel, K.

**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-2769>

#### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

#### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

#### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 10.01.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

# I 8

## Beitrag zur Frage der Ausnutzbarkeit der Plastizität bei dauerbeanspruchten Durchlaufträgern.

Sur la plasticité dans les poutres continues sollicitées  
dynamiquement.

Contribution to the Question of Utilising Plasticity in  
Continuous Girders Subject to Repeated Stresses.

Dr. Ing. K. Klöppel,

Leiter der technisch-wissenschaftlichen Abteilung des deutschen Stahlbau-Verbandes, Berlin.

Der von *Dr. Hans Bleich*<sup>1</sup> unter Annahme eines idealplastischen Werkstoffes aufgestellte Satz

„Wenn es in einem statisch unbestimmten System möglich ist, durch passende Wahl der statisch unbestimmbaren Größen einen Selbstspannungszustand anzugeben, derart, daß in jedem Punkt die Summe der Selbstspannung und der nach dem Elastizitätsgesetz bestimmten Größtspannung gerade unterhalb der Fließspannung bleibt, so ist das System auch bei unendlich oft wiederholter Belastung tragfähig“

muß durch Dauerversuche nachgeprüft werden können, da die Belastungsfrequenz keine Rolle spielt.

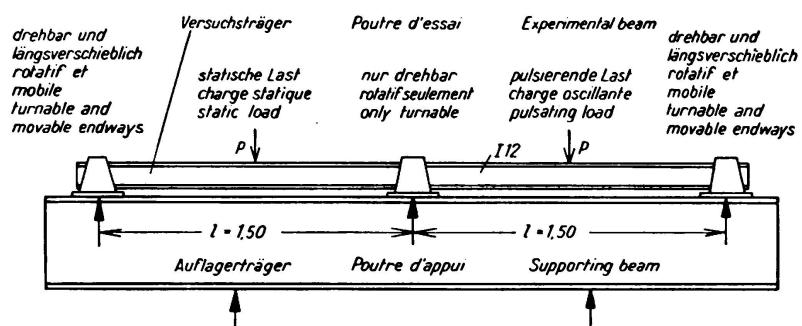


Fig. 1.

Versuchsanordnung.

Gewählt wurde ein ungelochter Träger (I 12) auf drei Stützen mit Einzelspannweiten von je 1,50 m aus Handelsbaustahl (Fig. 1). Sämtliche Lager konnten Zug- und Druckkräfte aufnehmen, die äußeren waren auch noch längsverschieblich.<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Zeitschrift „Der Bauingenieur“ 1932, Heft 19/20.

<sup>2</sup> Die Versuche wurden in der MPA. Stuttgart (Professor Graf) durchgeführt.

Der Bleichsche Satz widerlegt die Auffassung, daß der Träger, wenn er für je einen mehrerer Belastungsfälle im Sinne des Traglastverfahrens tragfähig ist, dies unbedingt auch dann ist, wenn die sämtlichen Belastungsfälle beliebig oft wechseln.

Die gewählten Belastungsfälle sind in Fig. 1 dargestellt. Mit Rücksicht auf die maschinellen Gegebenheiten wirkte die linke Last dauernd und die rechte Last schwelend, und zwar mit kleiner Grundlast (200 kg) und minutlich etwa 10 Lastspielen. Einen Zwischenzustand der völligen Entlastung gab es also nicht.

Die Größe der Lasten  $P$  wurde zunächst so bestimmt, daß in dem nach der Elastizitätslehre höchstbeanspruchten Querschnitt die Fließgrenze ( $\sigma_F = M:W$ ) erreicht war. Diese ergab sich zu  $\sigma_F = 2420$  und  $2730 \text{ kg/cm}^2$  für die Flansche der beiden 12 m langen Träger, aus denen die je etwa 3 m langen Versuchskörper hergestellt wurden.

Nach dem Bleichschen Satz hätte durch Annahme des günstigsten Selbstspannungszustandes (Fig. 2), der Stützen- und Feldmoment ausgleicht, die

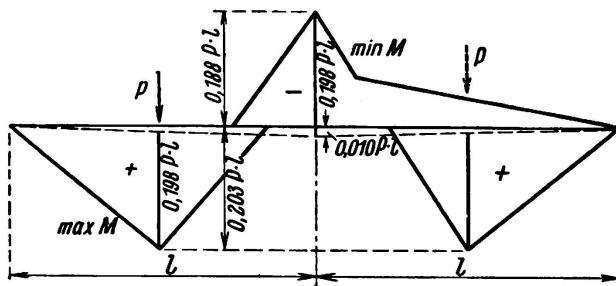


Fig. 2.

Fließgrenze bei der Bestimmung von  $P$  überschritten werden dürfen, aber nur um etwa 2,5 %, da für die beiden Belastungsfälle fast „natürlicher Momentenausgleich“ vorliegt.

Der Träger ertrug mit  $P = 4210 \text{ kg}$  700 000 Lastspiele, ohne Anzeichen eines bevorstehenden Dauerbruches erkennen zu lassen. Die federnden Durchbiegungen, die bis zu  $1/100 \text{ mm}$  genau von einem Rahmen aus abgelesen wurden, entsprachen den rechnerischen Werten, und die bleibenden Durchbiegungen waren praktisch Null. Eine Selbstspannungswirkung schaltete also aus.

Die Lasten  $P$  wurden nun für denselben Träger soweit erhöht, daß die Fließgrenze um 20 % überschritten war. Auch bei dieser Belastung ertrug der Träger weitere 630 000 Lastspiele. Die Durchbiegungen stiegen gegenüber der ersten Belastung nur unwesentlich schneller als die Belastung. Der Versuch wurde abgebrochen, da wiederum kein Dauerbruch zu erwarten war. Die bleibenden Durchbiegungen erreichten etwa nur 15 % ihres rechnerisch bestimmten Wertes, der folgendermaßen ermittelt werden kann:

Um über der mittleren Stütze das Selbstspannungsmoment von  $0,01 \cdot P \cdot l$  zu erhalten, muß im statisch bestimmten Grundsystem, als welches der Kragträger gewählt sei, an dessen Ende die Kraft  $0,01 \cdot P$  angreifen. Diese erzeugt eine Durchbiegung des Tragrandes von

$$f = \frac{0,01 \cdot P \cdot 2 l^3}{3 \cdot E \cdot J}$$

Die gleiche Durchbiegung ergibt sich im statisch bestimmten Grundsyste, wenn in Feldmitte infolge Kaltverformung die Durchbiegung  $f/2$  beträgt. Hierfür errechnet sich mit  $E = 2100 \text{ t/cm}^2$  und  $J = 328 \text{ cm}^4$ :

$$f/2 = \frac{0,01 \cdot P \cdot 150^3}{3 \cdot 2100 \cdot 328} = 0,0165 \text{ P.}$$

Der kaltverformte Träger wird als Balken auf drei Stützen, der Momentenfläche des Selbstspannungszustandes entsprechend, noch federnd verbogen, so daß sich  $f/2$  um einen Betrag  $\delta$  vermindert:

$$\begin{aligned} \delta &= \frac{0,01 \cdot P \cdot l^3}{16 \cdot E J} \\ &= \frac{0,01 \cdot P \cdot 150^3}{16 \cdot 2100 \cdot 328} = 0,0031 \text{ P.} \end{aligned}$$

Mithin sind die bleibenden Durchbiegungen in Mitte des linken Feldes für den Selbstspannungszustand in mm

$$\delta_{bl} = (0,165 - 0,031) \text{ P} = 0,134 \text{ P.}$$

Der Selbstspannungszustand kann frühestens eintreten, wenn in Feldmitte die Fließgrenze  $\sigma_F$  erreicht ist. Somit gilt für P

$$P \geq \frac{W \cdot \sigma_F}{0,203 \cdot l}$$

Durch die ausgleichende Wirkung des Selbstspannungszustandes kann P erhöht werden auf

$$P' = \frac{0,203}{0,198} P = \sim 1,025 \text{ P}$$

Hierzu gehört die bleibende Verformung

$$\delta_{bl} = 0,134 \text{ P'}$$

die auch bei vielfach wiederholter Belastung nicht zunehmen darf.

Die federnden Durchbiegungen für  $P = 1 \text{ t}$  in der Mitte des linken Trägerfeldes sind bei dessen alleiniger Belastung (Fall A)

$$\delta_{el} = 0,734 \text{ mm}$$

und bei Belastung beider Felder (Fall B)

$$\delta_{el} = 0,446 \text{ mm.}$$

Von den durchgeföhrten Versuchen sollen zwei kurz betrachtet werden. Die Lasten P betrugen 5,04 t und 5,83 t. Für Fließgrenze und Widerstandsmoment ergaben sich  $\sigma_F = 2420 \text{ kg/cm}^2$  und  $W = 53,1 \text{ cm}^3$ . Die Last, bei der die Fließgrenze erreicht wird, war um das 1,2 und 1,38fache überschritten. In beiden Fällen trat nach mehr als 500 000 Lastspielen kein Dauerbruch ein. In der Mitte des linken Feldes wurden für die beiden Belastungsfälle A und B die in Tafel 1 enthaltenen Durchbiegungen gemessen und rechnerisch bestimmt.

Tafel 1,

Last	Belastungsfall	$\delta_{el} + \delta_{bl}$		$\delta_{bl}$ gemessen	$\delta_{bl}$ rechn. Wert
		gemessen	rechn. Wert		
5,04 t	A	3,65 mm	4,87 mm	0,18 mm	0,67 mm
	B	2,49 „	2,92 „		
5,83 t	A	5,25 „	5,055 „	1,68 „	0,775 „
	B	4,75 „	3,375 „		

Unter  $P = 5,04$  t bleiben die gemessenen Werte hinter den rechnerischen zurück. Die wirkliche bleibende Durchbiegung ist sehr gering, so daß, obwohl in den Flanschen die Fließgrenze um 20% überschritten ist, der Selbstspannungszustand noch gar nicht in Anspruch genommen war. Bei  $P = 5,83$  t ist es umgekehrt; hier überwiegen die tatsächlichen Durchbiegungen. Die Abweichung ist bei den bleibenden Durchbiegungen besonders groß. Offenbar ist hier — wogegen die Einhaltung des Bleichschen Satzes sonst schützen würde — durch Belastungsfall B ein zusätzlicher Selbstspannungszustand erzeugt; denn im rechten Feld traten auch bleibende Durchbiegungen und keine bleibenden Überhöhungen auf. Stütz- und Feldmoment sind ja auch fast gleich groß. Die bleibenden Durchbiegungen wuchsen jedoch im späteren Verlauf des Dauerversuches nicht mehr. Daraus geht hervor, daß nach dem Bleichschen Satz bemessene biegssteife Tragkonstruktionen auch bei Dauerbeanspruchung noch zusätzliche Sicherheiten aufweisen. Diese Feststellung ist in dem inhomogenen Verlauf der Biegespannungen begründet; erreichen die Randzonen des Querschnittes die Fließgrenze, so setzen die übrigen nur federnd gespannten Zonen bleibenden Verformungen noch Widerstand entgegen. Dadurch sind etwa 16% Festigkeitszunahme zu erwarten. Die Zahl ergibt sich, wenn  $W$  durch  $2 S_x$  ( $S_x$  = statisches Moment des halben Trägerquerschnittes, bezogen auf die x-Achse) ersetzt wird. Diese Wirkung wird noch dadurch gesteigert, daß die Fließgrenze des Steges in der Regel höher liegt als diejenige des Flansches. Ferner können auch Verfestigungserscheinungen sowie Wirkungen einer oberen Fließgrenze den Widerstand erhöhen. Schließlich werden auch die Walzspannungen die Ausbildung bleibender Verformungen bis zu einer gewissen oberhalb der Fließgrenze liegenden Spannung verzögern.

Es wurde noch Belastungsfall A allein untersucht, da hier der Unterschied zwischen Stütz- und Feldmoment groß ist. Die bleibende Durchbiegung unter  $P = 6,28$  t, entsprechend einer 1,3 fachen Überschreitung der Fließgrenze ( $\sigma_F = 27,3$  kg/mm<sup>2</sup>), betrug nur 1,6 mm, während der momentenausgleichende Selbstspannungszustand (Stützmoment =  $3/2 [0,203 - 0,094]$   $P_1 = 0,072 P_1$ ) eine bleibende Durchbiegung von 5,75 mm erfordern würde. Für die federnde Durchbiegung wurden in guter Übereinstimmung mit der Rechnung etwa 4,6 mm gemessen; sie ist also kleiner als die für den Momentenausgleich erforderliche bleibende Durchbiegung. Nach mehr als einer Million Lastspielen wichen der Träger seitlich aus. Ein Dauerbruch trat nicht ein.

Die theoretisch und durch Versuche gewonnenen Erkenntnisse könnten für eine sparsamere Bemessung durchlaufender auf Dauerfestigkeit beanspruchter Träger nur dann verwertet werden, wenn diese, insbesondere in den Flanschen, keine Kerben wie z. B. Löcher oder Kehlnähte aufweisen. Eine solche Einschränkung schließt Nietkonstruktionen und Nietverbindungen weitgehend aus. Dagegen könnten für ungelochte Walzträger mit einwandfrei stumpfgeschweißten Stößen, deren Oberflächen kerbfrei bearbeitet sind, auch bei Dauerbeanspruchungen im Sinne des Traglastverfahrens höhere Beanspruchungen berechnet sein. Die Ausnutzung des Traglastverfahrens kann jedoch durch eine vorzeitige Instabilität des Trägers verhindert werden. Es ist ferner auch möglich, daß sich der günstigste Selbstspannungszustand, wenn er sehr große bleibende Verformungen bedingt — also in den wirtschaftlich wichtigsten Fällen — unter der ihm zugeordneten Last nicht einstellt.<sup>3</sup> In diesen Fällen kann natürlich nicht mit Momentenausgleich gerechnet werden.

---

<sup>3</sup> *Stüssi* und *Kollbrunner*: „Bautechnik“ 1935, Heft 21; *Maier-Leibnitz*: „Stahlbau“ 1936, Heft 20; *Klöppel*: „Stahlbau“ 1937, Heft 14/15.