Zeitschrift: IABSE congress report = Rapport du congrès AIPC = IVBH

Kongressbericht

Band: 1 (1932)

Artikel: Théorie des dalles à champignon

Autor: Huber, M.T.

DOI: https://doi.org/10.5169/seals-526

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

Download PDF: 29.11.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch

Dieser Tafel ist zu entnehmen, dass, wenn z. B. die Biegungsfestigkeit B_1 um $50\,^{\circ}/_{o}$ kleiner ist als B_2 (d. h. $B_2=2\,B_1$), dadurch die Grösse des Zahlenbeiwertes für M_1 um ca. $20\,^{\circ}/_{o}$ verkleinert, dagegen für M_2 um ca. $26\,^{\circ}/_{o}$ vergrössert wird. Der Einfluss der ungleichen Biegungssteifigkeiten ist jetzt offenbar bereits so bedeutend, dass es auch praktisch nicht zulässig wäre, die Platte als isotrop zu behandeln.

Aus derartigen Rechnungen findet man immer, dass die beiden Biegungsmomente sich gewissermassen den Biegungssteifigkeiten anpassen.

Traduction.

Dans son Rapport Préliminaire (voir p. 224), notre collègue, M. Gehler, s'exprime de la manière suivante : « Pour les dalles on admet, d'une manière unanime, qu'au-dessous de la charge de fissuration (phase 1), elles se comportent comme dalles homogènes, ou isotropes. » Cette opinion correspond pratiquement bien aux essais effectués à cette époque à Stuttgart et actuellement à Dresde. Si l'on considère toutefois que la différence entre les deux rigidités

$$B_1 (= E'_x . J_x)$$
 et $B_2 (= E'_y . J_y)$

a toujours été relativement faible dans tous les essais et que, en outre, on a seulement étudié l'influence d'une charge pratiquement répartie uniformément, on pourrait également prévoir d'après des considérations d'ordre théorique, qu'un calcul plus rigoureux, basé sur la théorie des dalles orthotropes, ne conduirait qu'à des écarts pratiquement insensibles. Or, si l'on fait intervenir des différences plus importantes entre B₁ et B₂ et si l'on tient en outre compte du cas extrêmement intéressant en pratique que constitue une charge localisée, on en arrive à cette opinion que le point de vue ainsi exprimé ne constitue qu'une règle approchée et générale, comportant des exceptions intéressantes. Je me propose de développer cette opinion en l'appuyant sur deux exemples simples.

Tout d'abord, je remarquerai que dans l'équation de flexion complète d'une dalle orthotrope, qui figure comme formule (2) dans mon rapport (p. 249), le coefficient H qui entre dans le deuxième terme est la somme de trois éléments et que l'on a :

$$H = \frac{1}{2} \cdot \frac{B_1}{m_2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{B_2}{m_1} + 2 C$$

Dans l'équation (13) correspondante du rapport de M. Gehler (p. 229), le troisième terme de la somme ci-dessus manque, ce terme représentant la rigidité de torsion de la dalle, 2 C; il faut attribuer ce fait, vraisemblablement, à ce que, dans ma première publication à ce sujet, en 1914 (Zeitschrift d. österr. Ing. u. Arch. Ver.) j'ai indiqué que dans la phase II, cette quantité peut pratiquement disparaître.

Les résultats des essais qui ont été effectués depuis en Allemagne semblent toutefois montrer que cette manière de voir, que le regretté professeur Leitz avait d'ailleurs partagée, est quelque peu exagérée. Il conviendrait plutôt d'admettre que pour une augmentation de la charge, la diminution des valeurs de

B₁ et de B₂ s'accompagne d'une diminution corrélative de C. Par suite, on pourra poser avec une bonne précision, pour la phase II:

$$H^2 = B_1 \cdot B_2$$

afin de simplifier le calcul tel qu'il résulte de la théorie rigoureuse des dalles orthotropes. Sur ces bases, j'ai effectué les calculs pour les deux cas suivants :

1. — Cas d'une dalle chargée entièrement et uniformément (figure 1).

Pour la valeur $\varepsilon = 1$ du coefficient réduit :

$$\varepsilon = \frac{a}{b} \sqrt[4]{\frac{\overline{B_2}}{B_1}}$$

(appui libre sur les bords, rigide aux angles). Au milieu de la dalle sont applicables d'une manière générale les formules concernant les deux moments fléchissants :

$$\begin{split} \mathbf{M_1} &= \sqrt{\frac{\overline{\mathbf{B_1}}}{\overline{\mathbf{B_2}}}} \left(\mu_{11} + \mu_{22} \frac{1}{m_2} \sqrt{\frac{\overline{\mathbf{B_1}}}{\overline{\mathbf{B_2}}}}\right) q \cdot b^2 \\ \mathbf{M_2} &= \sqrt{\frac{\overline{\mathbf{B_2}}}{\overline{\mathbf{B_1}}}} \left(\mu_{22} + \mu_{11} \frac{1}{m_1} \sqrt{\frac{\overline{\mathbf{B_2}}}{\overline{\mathbf{B_1}}}}\right) q \cdot b^2 \end{split}$$

les μ étant des fonctions de ϵ dont les valeurs sont indiquées dans un tableau que j'ai établi.

Pour $\varepsilon = 1$

$$\mu_{11} = \mu_{22} = 0.0368 = \frac{1}{27.2}$$

a. — Dans le cas où ${\bf B_1}={\bf B_2}$ on a alors a=b (dalle carrée isotrope) et en admettant que $m_1=m_2=6,$ on a :

$$M_1 = M_2 = 0.0429 \ q \ a^2 = \frac{1}{23.3} \ q \ b^2.$$

b. — Dans le cas où $B_2=2$ B_1 , $\varepsilon=1$, on a : a=0.841 b d'où il résulte :

$$M_1 = 0.0291 \ q \ b^2 = \frac{1}{34.4} \ q \ b^2 = 0.0411 \ q \ a^2 = \frac{1}{24.3} \ q \ a^2$$

$$M_2 = 0.0455 \ q \ b^2 = \dots \dots = \frac{1}{22.0} \ q \ b^2.$$

Si donc la rigidité de flexion B_1 est égale à la moitié de B_2 la valeur du coefficient numérique correspondant à M_1 diminue d'environ $5\,^{\circ}/_{\circ}$ et celui qui correspond à M_2 augmente d'autant.

2. — Cas d'une dalle de grande longueur ayant un appui libre sur sa largeur b.

La charge localisée dans le milieu de la dalle est représentée par un élément

linéaire de charge ayant une faible longueur b_1 . En ce qui concerne les moments principaux, on a les relations :

$$M_1 = \alpha_1 \psi P$$
 $M_2 = \alpha_2 \psi P$

dans lesquelles ψ est donné en fonction de $\frac{b_1}{b}$ par le tableau suivant :

$\frac{b_1}{b}$	1 9	20	1 24	
Ą	0,2733	0,3370	0,3517	

 α_1 et α_2 désignant par ailleurs les coefficients théoriques suivants :

$$\alpha_1 = \sqrt[4]{\frac{\overline{B_1}}{\overline{B_2}}} \left(1 + \frac{1}{m_2} \sqrt{\frac{\overline{B_1}}{\overline{B_2}}} \right) \quad \alpha_2 = \sqrt[4]{\frac{\overline{B_2}}{\overline{B_1}}} \left(1 + \frac{1}{m_1} \sqrt{\frac{\overline{B_2}}{\overline{B_1}}} \right)$$

En effectuant les calculs avec $m_1 = m_2 = 6$, on arrive au tableau suivant :

$\frac{\mathrm{B_1}}{\mathrm{B_2}}$	3	2	1	1/2	1/3
α ₁	1,696	1,469	1,167	0,940	0,833
α 2	0,833	0,940	1,167	1,469	1,696

On peut conclure de ce tableau que si, par exemple, la rigidité de flexion B_1 est égale à la moitié de B_2 la valeur du coefficient numérique correspondant à M_1 se trouve réduite d'environ $20\,^{\circ}/_{\circ}$, tandis que celle du coefficient qui correspond à M_2 est augmentée d'environ $26\,^{\circ}/_{\circ}$. L'influence de l'inégalité des rigidités de flexion devient déjà si nettement importante qu'il ne serait plus possible, même pour les besoins de la pratique, de traiter la dalle comme isotrope.

De tels calculs montrent toujours que les deux moments fléchissants s'adaptent dans une certaine mesure aux rigidités de flexion.

Participant à la discussion. Diskussionsteilnehmer. Participant in the discussion.

R. MAILLART, Genève.

Afin de soulager les sommiers que l'on jugeait indispensables au commencement du siècle, on imagina entre autres d'en multiplier le nombre en les disposant, non seulement dans les deux sens principaux, mais aussi dans celui des diagonales (Fig. 1). Très onéreux au point de vue coffrage, ce genre de