

Zeitschrift: Bulletin de l'Association suisse des électriciens
Herausgeber: Association suisse des électriciens
Band: 44 (1953)
Heft: 26

Artikel: Über ein linear anzeigendes statisches Voltmeter
Autor: Greisnacher, H.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-1058119>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 21.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Quelques pays, dont les Etats-Unis et aussi le Canada, l'Angleterre, la France et la Norvège possèdent déjà des réacteurs nucléaires. En Angleterre, on utilise la chaleur produite, aux Etats-Unis on produit même déjà de l'énergie électrique avec un turbo-groupe à vapeur de quelques centaines de kW. D'autres pays préparent des installations semblables. La Suisse, avec ses forces hydrauliques limitées et sa pauvreté en minerais, ne possède pas de gisements d'uranium. Par contre, elle peut offrir en compensation aux pays qui disposent d'uranium quelque chose d'essentiel: le travail particulièrement qualifié de ses savants, ingénieurs, techniciens et ouvriers, ainsi que l'échange des expériences qu'elle aura faites dans ses propres stations d'essais.

La Commission suisse pour l'énergie atomique projette de construire et d'exploiter un réacteur d'essai. C'est la seule façon pour nous de pouvoir rattraper un peu l'avance qu'ont les autres pays dans la technique de l'énergie atomique. C'est aussi le seul moyen d'éviter que notre alimentation en énergie vienne à tomber dans la dépendance de puissantes centrales atomiques étrangères.

Ce premier réacteur suisse est calculé pour une puissance thermique de 10 000 kW environ; une

partie de la chaleur pourra plus tard être utilisée pour la production d'électricité.

Le coût de cette installation est évalué à 20 millions de francs. Un exposé de M. *Lalive d'Epinay*, ingénieur en chef et membre du groupe industriel de recherches, a été publié dans le Bulletin de l'ASE 1953, n° 25.

Il y a quelques semaines, M. *Walter Boveri* a proposé un plan de financement de cette entreprise sur une large base nationale. Les entreprises suisses d'électricité auraient toute raison de répondre positivement à l'appel de M. Boveri, afin de prendre dans la réalisation du réacteur d'essai la place qui leur est réservée à côté de l'industrie et de diverses institutions. Une telle participation correspondrait bien à la situation que ces entreprises occupent dans l'économie énergétique nationale, elle serait également motivée par l'importance des capitaux qu'elles devront encore investir dans les installations nécessaires à l'alimentation du pays en électricité. Il s'agit ici de diriger le regard vers un but important, bien qu'éloigné encore, et de faire à temps le premier pas, le pas décisif sur une voie pleine de promesses.

Adresse de l'auteur:

H. Niesz, ing. Dr. h. c., Président de la direction de Motor-Columbus SA., Baden.

Über ein linear anzeigendes statisches Voltmeter

Von H. Greinacher, Bern

621.317.725

Das seinerzeit im Bulletin SEV¹⁾ beschriebene Flüssigkeits-Voltmeter besitzt, wie alle quadratisch anzeigenden Instrumente, eine geringe Anfangsempfindlichkeit. Durch Zuhilfenahme der Kapillarkräfte lässt sich diese aber vergrössern und durch passende Profilierung der Elektroden konstant machen. Es wird die Kurve für die erforderliche Krümmung der Fläche, die zu einer linearen Anzeige führt, berechnet.

Comme d'autres voltmètres «statiques» le voltmètre à liquide, publié antérieurement au Bulletin ASE¹⁾, est un instrument à déviation quadratique, et par conséquent la déviation initiale n'est que petite. En employant des forces capillaires on arrive cependant à augmenter considérablement cette sensibilité. On n'a qu'à remplacer les électrodes planes par d'autres qui sont courbées d'une façon convenable. On peut calculer la courbe qu'on nécessite pour obtenir une fonction linéaire de l'instrument.

Im Jahre 1949 wurde im Bulletin SEV über ein neues statisches Voltmeter berichtet¹⁾, das auf der Wirkung der Maxwell'schen Spannungen in Dielektrika beruht. Im Prinzip besteht dieses aus einem Töpfchen mit isolierender Flüssigkeit, in die man 2 Kondensatorplättchen eintaucht (Fig. 1). Legt man an die Plättchen Spannung an, so hebt sich der Flüssigkeitsmeniskus um eine bestimmte Höhe h . Infolge der Kapillarität der Flüssigkeit liegt A etwas über dem äusseren Niveau. Dies hat den grossen Vorteil, dass der Meniskus ohne Schwierigkeit anvisiert, bzw. projiziert werden kann. Der Kapillarzug ist bei B eben so gross wie bei A , da der Plattenabstand derselbe ist. Die Hebung der Flüssigkeit geht also

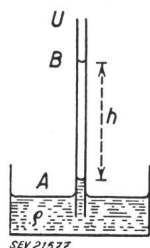


Fig. 1

Prinzip des statischen Voltmeters

auf alleinige Rechnung der elektrostatischen Kräfte, die auf die Flüssigkeit wirken, bzw. sie gibt ein Mass für die angelegte Spannung. Die

¹⁾ Greinacher, H.: Über ein neues statisches Voltmeter. Bull. SEV Bd. 40(1949), Nr. 21, S. 816...817.

Wirkung beruht somit nicht auf Elektrokapillarität, wie hier noch besonders erwähnt sei, da das neue Elektrometer gelegentlich mit dem Kapillarelektrometer (nach *Lippmann*) in Parallele gestellt worden ist.

Es sei aus diesem Grunde auch gestattet, nochmals kurz auf die Funktionsweise des neuen Instru-

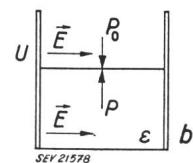


Fig. 2

Maxwell'sche Spannungen

a im homogenen Feld; b an der Grenze zweier Medien

mentes einzugehen. Nach *Maxwell* besteht längs des Feldes E (Fig. 2a) ein Zug Z und quer dazu ein Druck P . In einem einheitlichen Medium heben sich diese Kräfte auf. Sie haben den Betrag $P = Z = \frac{\epsilon E^2}{8\pi}$ (elektrostatisch). An der Trennungsfläche zweier Medien (Fig. 2b) wirken aber die verschiedenen Drucke $P = \frac{\epsilon E^2}{8\pi}$ und $P_0 = \frac{E^2}{8\pi}$. Der resultierende

mechanische Druck ist also $P - P_0 = p = \frac{\epsilon - 1}{8 \pi} E^2$.

Diesem wird beim Voltmeter durch den hydrostatischen Druck der gehobenen Flüssigkeitssäule das Gleichgewicht gehalten. Es ist also mit ρ als Dichte, h als Steighöhe und g als Fallbeschleunigung:

$$p = \rho h g = \frac{\epsilon - 1}{8 \pi} E^2 \tag{1}$$

oder, da $E = \frac{U}{l}$ $U = l \sqrt{\frac{8 \pi p}{\epsilon - 1}}$ (2)

Wie bei allen statischen Voltmetern bzw. Elektrometern, die ohne Hilfsladung arbeiten, geht die Bewegung des Mess-Systems (hier der Flüssigkeit) quadratisch mit der Spannung. Die Instrumente sind also ohne weiteres zur Messung von Gleich- und Wechselspannung geeignet. Handelt es sich um die Messung von Hochfrequenzspannungen, kommt allerdings die Bedingung einer genügend kleinen Kapazität des Instrumentes hinzu. Das Voltmeter, das in der früheren Arbeit beschrieben und abgebildet ist, erfüllt diese Bedingung weitgehend, da die Kapazität zu nur 3 pF bestimmt wurde. Die Einstellung erfolgt rasch (aperiodisch), so dass auch Spannungsschwankungen gut verfolgt werden können. Das Instrument ist unempfindlich gegen Erschütterungen, und auch nach Funkenübergängen erwies es sich als unverändert. In der bisherigen Ausführungsform, d. h. bei einem Plattenabstand von 1 mm und einer Flüssigkeit mit $\epsilon = 2$ geht der Messbereich bis 3000 V. Bei der Maximalspannung beträgt die Hebung des Meniskus 4...5 mm. Dem quadratischen Verlauf entsprechend ist die Empfindlichkeit bei kleinen Spannungen gering. Es besteht aber, wie schon seinerzeit erwähnt, die Möglichkeit, durch passende Gestalt der Kondensatorplättchen einen linearen Anstieg der Flüssigkeit und damit eine gleichmässige Empfindlichkeit über den ganzen Bereich zu erhalten.

Dies lässt sich in der Tat erreichen, wenn man die Abhängigkeit der kapillaren Steighöhe vom Plattenabstand benützt. Wie im folgenden gezeigt sei, lässt sich unter vereinfachenden Bedingungen sogar die Kurve berechnen, nach der die Kondensatorplättchen gekrümmt werden müssen (eines kann auch eben bleiben), damit Steighöhe und Spannung einander proportional gehen. Davon unberührt bleibt der Umstand, dass das Voltmeter sowohl für Gleich- wie für Wechselspannung benützt werden kann. Die beiden Voraussetzungen für die Berechnung des Profils sind folgende:

Das Feld sei an jeder Stelle $E = \frac{U}{l}$

l Abstand der Platten an der betreffenden Stelle

Der Kapillarzug sei $p' = \frac{2 \alpha}{l}$

α Kapillarkonstante

Während nun im Falle ebener Plättchen die Kapillarwirkung nicht in Betracht fällt, da sie an den Stellen A und B gleich ist und damit bei der Differenzbildung herausfällt, spielt sie bei variablem l

eine wesentliche Rolle. Man wird jetzt nicht nur die Hebung der Flüssigkeit im elektrischen Feld in Rechnung setzen, sondern den gesamten Flüssigkeitsdruck bezogen auf das äussere Niveau (p_s). Bei angelegter Spannung halten sich die 3 Drucke das Gleichgewicht:

der hydrostatische $p_s = h_s \rho g$

(wobei h_s vom äusseren Niveau an zu rechnen ist)

der elektrische $p = \frac{\epsilon - 1}{8 \pi} E^2$

und der kapillare $p' = \frac{2 \alpha}{l}$

Es ist somit zu setzen $p_s = p + p'$

oder $p_s = \frac{\epsilon - 1}{8 \pi} \cdot \frac{U^2}{l^2} + \frac{2 \alpha}{l}$ (3)

Zu berechnen ist die Hebung h der Flüssigkeit bei Anlegen der Spannung U . Bezeichnen wir den Plattenabstand in der Null-Lage des Meniskus, also bei ungeladenem Zustande, mit l_0 und den dann vorhandenen Kapillarzug mit p_0' , so wäre $p_s - p_0'$ anzugeben. Da $p_0' = \frac{2 \alpha}{l_0}$, so erhält man hierfür:

$$p_s - p_0' = \frac{\epsilon - 1}{8 \pi} \cdot \frac{U^2}{l^2} + \frac{2 \alpha}{l} - \frac{2 \alpha}{l_0} \tag{4}$$

Verlangt man, dass wie bisher die Hebung $p_s - p_0'$ proportional U^2 verläuft, so muss offenbar $l = l_0$ gewählt werden. Es kann aber auch die Bedingung gestellt werden, dass $p_s - p_0'$ proportional U verläuft, d. h., dass

$$p_s - p_0' = \rho g h = \lambda U$$

Wir erhalten dann die Beziehung

$$p_s - p_0' = \frac{\epsilon - 1}{8 \pi} \cdot \frac{(p_s - p_0')^2}{\lambda^2 l^2} + \frac{2 \alpha}{l} - \frac{2 \alpha}{l_0} \tag{5}$$

Hieraus ist nun l in Abhängigkeit von $p_s - p_0'$ d. h. von der Höhe h zu berechnen. Benützt man die Abkürzungen $p_s - p_0' = x$ und $\frac{\epsilon - 1}{8 \pi \lambda^2 \alpha^2} = a$, so findet man aus der sich ergebenden quadratischen Gleichung

$$l = \frac{\alpha a^2 x^2}{\sqrt{1 + a x^2 \left(x + \frac{2 \alpha}{l_0} \right)} - 1} \tag{6}$$

Für $x = 0$, d. h. den spannungslosen Zustand, ergibt sich als Grenzwert $l = l_0$, wie es sein muss. l_0 kann daher beliebig gewählt werden. Da der Verlauf der Kurve nicht ohne weiteres aus dem Ausdruck (6) zu ersehen ist, sei dieser unter Annahme einfacher Zahlenwerte für α , a und l_0 graphisch dargestellt. Wählt man $\alpha = a = l_0 = 1$, so erhält man die in Fig. 3 dargestellte Kurve. Für die Anfangsneigung

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{dl}{dx}$ ergibt sich

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{dl}{dx} = - \frac{l_0^2}{2 \alpha} \tag{7}$$

Die Platten nähern sich bis zu einem Minimalwert, um dann auseinander zu treten. Die Kapillarität wird hier also aktiv zur Vergrößerung der Empfindlichkeit bei kleinen Spannungen herangezogen, indem man sie durch nach oben zunehmende Verkleinerung des Plattenabstandes anwachsen lässt.

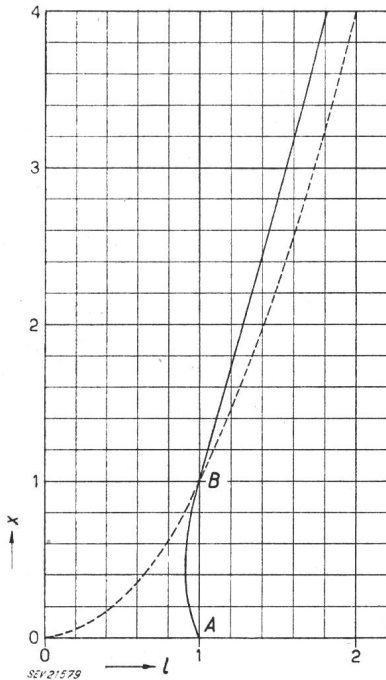


Fig. 3
Elektrodenprofil für
lineare Anzeige des
Voltmeters
ausgezogene Kurve:
mit Kapillarkraft
gestrichelte Kurve:
ohne Kapillarkraft

Man kann zeigen, dass sich ohne Kapillarwirkung dieses Resultat nicht erreichen lässt. Wohl liesse sich auch in diesem Falle durch Profilierung der Platten die funktionelle Abhängigkeit $l = f(x)$ im gewünschten Sinne abändern. Es ergibt sich aber dann die physikalisch unzulässige Bedingung, dass für $x = 0$ auch $l = 0$ sein müsste. Man hätte nämlich, wenn man in (1) einsetzt $p = \lambda U$:

$$p = \frac{\epsilon - 1}{8 \pi} \left(\frac{p}{\lambda l} \right)^2$$

oder

$$p = \frac{8 \pi \lambda^2}{\epsilon - 1} l^2$$

d. h., da $\frac{\epsilon - 1}{8 \pi \lambda^2} = a \alpha^2$ ergibt sich

$$l = \alpha \sqrt{a x} \tag{8}$$

Dieser rein parabelförmige Verlauf ist in Fig. 3 gestrichelt eingezeichnet. In diese Parabel geht übrigens auch die Kurve nach (6) für grosse x über.

Es versteht sich, dass statt des einen Plättchens auch beide profiliert werden können. Man hat einfach in Fig. 3 $l/2$ sowohl nach links wie nach rechts aufzutragen. Es ergibt dies den Vorteil, dass der Flüssigkeitsmeniskus stets in der Mitte des Gesichtsfeldes bleibt.

Den Proportionalitätsfaktor λ wird man so wählen, dass der Messbereich gerade so gross ausfällt, wie bei quadratischem Anstieg d. h. bei ebenen Kondensatorplättchen. Bezeichnet man die messbare Maximalspannung mit U' , so wäre zu setzen:

$$\text{einerseits} \quad p_s - p_0' = \lambda U'$$

$$\text{und andererseits} \quad p_s - p_0' = \frac{\epsilon - 1}{8 \pi} \frac{U'^2}{l'^2}$$

wo l' den Abstand der ebenen Plättchen bedeutet. Hieraus folgt:

$$\lambda = \frac{\epsilon - 1}{8 \pi l'^2} U' \tag{9}$$

Zweckmässigerweise wird man den Anfangsabstand l_0 bei linearem Verlauf gleich dem Plattenabstand l' bei quadratischer Funktion wählen. In diesem Falle wird nur der Bereich $A...B$ (Fig. 3) benützt, d. h. bis zu dem Punkt, wo der Abstand l wieder gleich l_0 geworden ist. Denn dies entspricht der Bedingung, dass sowohl bei quadratischem wie linearem Verlauf bei gleicher Maximalspannung auch gleiche Hebung vorhanden ist. Legt man die Ausführung des seinerzeit beschriebenen Modells zu Grunde mit $l' = 0,1$ cm und mit $U' = 3000$ V (10 elektrostatische Einheiten) und nimmt man die Kapillarkonstante mit $\alpha = 30$ dyn/cm an, so wären folgende Werte anzusetzen: $\lambda = 40$ und $a = 2,8 \cdot 10^{-8}$.

Die Anfangsneigung des Profils $\text{tg } \varphi = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{dl}{dh}$ ergibt sich aus (7). Da $x = \rho g h$, erhält man:

$$\text{tg } \varphi = - \frac{l_0^2 \rho g}{2 \alpha} \tag{10}$$

Setzt man die Zahlenwerte $l_0 = 0,1$ cm, $\alpha = 30$ dyn/cm und $\rho = 0,9$ g/cm ein, so findet man:

$$\text{tg } \varphi = 0,149 \text{ oder } \varphi = 8\frac{1}{2}^\circ$$

Es lässt sich zeigen, dass der durch (10) bestimmte Winkel eine einfache Bedeutung besitzt. Es ist nämlich ein Grenzwinkel, dadurch charakterisiert, dass bei Überschreitung desselben die Flüssigkeit infolge der Kapillarität *von selbst* über die Nullstellung hinaus steigen würde. Unter Verwendung dieses Grenzwinkels erreicht man es also, dass schon mit kleinsten äusseren Kräften eine Hebung erzielt wird. Auf diese Weise wird die ungenügende Kraftwirkung kleiner Spannungen unterstützt, d. h. die für gewöhnlich geringe Anfangsempfindlichkeit des Instruments vergrößert. Weiterhin wird dann durch passende Krümmung der Oberfläche gemäss Fig. 3 dafür gesorgt, dass die Empfindlichkeit über den ganzen Messbereich konstant bleibt und sich so ein linearer Anstieg ergibt.

Man hat allerdings darauf zu achten, dass sich der Meniskus in der vorgeschriebenen Nullstellung befindet, während andererseits die Null-Lage bei ebenen Plättchen beliebig gewählt werden kann. Die Nullstellung des Niveaus lässt sich aber unschwer einstellen, indem man einen Gegenstand, z. B. einen Stift mehr oder weniger tief in die Flüssigkeit eintaucht. Im übrigen ist zu erwarten, dass auch das linear anzeigende Voltmeter, bei dem *zusätzlich* die Kapillarkräfte verwendet werden, ebenso einwandfrei arbeitet, wie das quadratisch anzeigende Instrument. Indessen bleibt noch zu prüfen, welchen Einfluss auf die Empfindlichkeit etwa die Temperaturabhängigkeit der Kapillarkonstanten besitzt.

Adresse des Autors:

Prof. Dr. H. Greinacher, Physikalisches Institut der Universität Bern, Bern.