**Zeitschrift:** Archives des sciences physiques et naturelles

Herausgeber: Société de Physique et d'Histoire Naturelle de Genève

**Band:** 16 (1934)

**Artikel:** Déformations des réseaux cristallins cubiques

Autor: Weigle, J.

**DOI:** https://doi.org/10.5169/seals-741478

## Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

## **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

**Download PDF: 28.11.2025** 

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch

#### Séance du 15 février 1934.

## J. Weigle. — Un nouveau microphotomètre enregistreur.

L'auteur décrit un nouveau microphotomètre enregistreur construit sur sa demande par la Société genevoise d'Instruments de physique. Il a l'avantage de ne pas nécessiter de pièces exactes (vis, engrenages, etc.). Cette simplification est obtenue grâce à l'amplification du courant photoélectrique, qui permet l'emploi d'un galvanomètre peu sensible et de période relativement courte. Ce galvanomètre est attaché à une tourelle qui est entraînée dans un mouvement de rotation par le déplacement de la plaque photographique sous le spot analyseur. On évite ainsi le déplacement du papier sensible sur lequel les déviations du galvanomètre viennent s'enregistrer. La relation entre le mouvement de la plaque et celui de la tourelle est purement géométrique. L'amplification du courant photoélectrique est facilitée par l'emploi d'une lampe à filament rectiligne pour l'éclairage de la plaque à analyser; cela supprime la nécessité de fentes qui diminuent toujours l'intensité de la lumière. Grâce à un circuit compensé utilisant une seule lampe bigrille, l'amplification du courant photoélectrique est rendue relativement indépendante de la tension des batteries, ce qui assure un fonctionnement constant.

Cet appareil, employé depuis une année au laboratoire de physique, nous a donné entière satisfaction.

Laboratoire Reiger. Institut de Physique.

# J. Weigle. — Déformations des réseaux cristallins cubiques.

Dans certaines recherches entreprises au laboratoire de rayons X, la question s'est posée de savoir avec quelle exactitude on pouvait assurer qu'un réseau cristallin appartenait au système cubique (ou à tout autre système). C'est la réponse à cette question qu'on trouvera ci-dessous.

Une poudre cristalline cubique dont le cube a un côté a, éclairée par un pinceau de rayons X de longueur d'onde  $\lambda$ , donne des réflexions pour les angles  $\theta_c$  déterminés par la relation:

$$rac{4 \, \sin^2 heta_c}{\lambda^2} = rac{1}{a^2} ig( h_1^2 \, + \, h_2^2 \, + \, h_3^2 ig)$$

où les  $h_1$ ,  $h_2$ ,  $h_3$  sont les indices de Miller du plan réticulaire sur lequel les rayons X sont venus se réfléchir.

Si maintenant on déforme le cube donnant à trois de ses arêtes des allongements  $\Delta a_1$ ,  $\Delta a_2$ ,  $\Delta a_3$  et aux angles de 90° qu'elles forment entre elles des augmentations de  $\Delta \alpha$ ,  $\Delta \beta$  et  $\Delta \gamma$  respectivement, on aura alors un réseau triclinique. Pour celui-ci les réflexions dont données par:

$$\frac{4 \sin^2 \theta_t}{\lambda^2} = k_{11} h_1^2 + k_{22} h_2^2 + k_{33} h_3^2 + 2 k_{12} h_1 h_2 + 2 k_{23} h_2 h_3 + 2 k_{31} h_3 h_1$$

où les k sont des coefficients contenant les longueurs des arêtes et les angles de la maille triclinique.

On trouvera facilement que si cette maille diffère infiniment peu de la maille cubique, on a:

$$\begin{split} \sin^2\theta_t &= \, \sin^2\theta_c \, - \frac{\lambda^2}{2 \, a^2} \bigg[ \frac{h_1^2 \, \Delta \, a_1 \, + \, h_2^2 \, \Delta \, a_2 \, + \, h_3^2 \, \Delta \, a_3}{a} \\ &\quad + \, \Delta \, \alpha \, h_2 \, h_3 \, + \, \Delta \, \beta \, h_3 \, h_1 \, + \, \Delta \gamma \, h_1 \, h^2 \bigg] \end{split}$$

ou encore:

$$\begin{split} \Delta\,\theta \, = \, \theta_t - \, \theta_c \, = \, -\, \frac{\lambda^2}{a^2\,\sin\,2\,\theta_c} \bigg[ \frac{h_1^2\,\Delta\,a_1 \, + \, h_2^2\,\Delta\,a_2 \, + \, h_3^2\,\Delta\,a_3}{a} \\ + \, \Delta\,\alpha\,h_2\,h_3 \, + \, \Delta\,\beta\,h_3\,h_1 \, + \, \Delta\,\gamma\,h_1\,h_2 \bigg] \; . \end{split}$$

On voit donc que si, dans le système cubique, une réflexion avait lieu sur un plan  $h_1 h_2 h_3$ , cette réflexion dans le système déformé ne sera plus simple mais sera décomposée en 24 réflexions partielles se faisant pour des angles  $\theta_t$  différant peu de l'angle  $\theta_c$ . Cela provient du fait qu'il y avait une sorte de

dégénérescence dans la réflexion cubique, un seul angle  $\theta_c$  de réflexion correspondant à 24 plans réticulaires différents donnés par toutes les permutations de  $h_1 h_2 h_3$ , de  $\overline{h}_1 h_2 h_3$ , de  $h_1 \overline{h}_2 h_3$  et de  $h_1 h_2 \overline{h}_3$ . La déformation détruit cette dégénérescence et fait apparaître chacun des plans différents par une sorte de « Aufspaltung ». Suivant les indices du plan considéré, on a du reste des effets différents comme le montre la table I ci-dessous:

Table I.

Décomposition des réflexions sur différents plans réticulaires par déformation d'un réseau cubique.

$h_1 h_2 h_3$	Nombre de réflexions
$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	24 12
$egin{array}{ccccccc} p & p & p & p \ p & q & o \ p & o & o \ p & p & o \end{array}$	12

Cette décomposition se fera du reste plus ou moins sentir suivant l'angle  $\theta_c$  autour duquel elles ont lieu. Supposons pour plus de simplicité que le résultat de la déformation soit un réseau rhomboédrique, dans lequel la déformation procentuelle des angles soit égale à celle des arêtes. On a alors:

$$\Delta\,\theta\,=\,-\,rac{\mathrm{tg}\;\theta_c}{2}\,rac{\Delta\,a}{a}igg[1\,+rac{\pi}{4}\,rac{\Sigma\,h_i\,h_j}{\Sigma\,h_i^2}igg]$$
 .

On voit que si  $\frac{\Delta a}{a}$  est très petit,  $\Delta \theta$  ne sera appréciable que si tg  $\theta_c$  est grand, c'est-à-dire pour de grands angles de réflexion. Le terme  $\frac{\sum h_i \, h_j}{\sum h_i^2}$  montre que différentes réflexions dans la même région de  $\theta_c$  seront affectées différemment selon les plans  $h_1 \, h_2 \, h_3$ , sur lesquels elles se seront produites. Il serait

L'appareil dont nous nous servons pour les mesures de précision sur les réseaux reçoit des réflexions de rayons X sous des

intéressant de vérifier ce point expérimentalement.

angles  $\theta$  compris entre 70° et 90°. Il semble donc bien adapté pour vérifier les conclusions ci-dessus. On trouve toujours que les réflexions s'étalent lorsque  $\theta$  s'approche de 90°. Un calcul grossier sur la largeur de l'angle de réflexion montre qu'avec les dimensions de notre appareil on peut garantir qu'un réseau est cubique avec une précision de l'ordre de  $0.5^{\,0}/_{00}$ .

Laboratoire Reiger. Institut de Physique de l'Université.

**P. Rossier.** — Sur la largeur de la raie composite  $H_{\epsilon} + H$  dans les spectrogrammes d'étoiles  $A_0$  et  $F_0$ .

La raie  $H_{\epsilon} + H$  est l'effet résultant, sur le spectrogramme, de deux raies dont les longueurs d'onde diffèrent d'environ 1,5 angströms et qui sont dues, l'une à l'hydrogène  $(H_{\epsilon})$  et l'autre au calcium ionisé (H).

Lorsqu'on avance dans la classification spectrale des étoiles on constate un rétrécissement des raies de l'hydrogène et un élargissement de celles du calcium. Quel est, sur nos spectrogrammes, le résultat de ces deux effets de sens opposés ?

Les largeurs de raies varient avec la longueur du spectrogramme considéré. A la précision des mesures, cette variation est sensiblement linéaire. En exprimant la largeur  $\Delta$  en microns et la longueur L en millimètres, l'étude de quelque 450 spectrogrammes d'étoiles  $A_0$  et d'environ 120 clichés consacrés aux  $F_0$  a fourni les expressions approximatives suivantes:

$$\begin{split} & \Delta_{\Lambda_0} = \, 480 - 28 \; \mathrm{L} \; , \\ & \Delta_{F_0} = \, 310 - 15 \; \mathrm{L} \; . \end{split}$$

En fonction de la longueur du spectrogramme, la largeur de la raie  $H_{\epsilon}$  + H varie plus rapidement pour les étoiles  $A_0$  que pour les  $F_0$ . Pour une longueur d'environ 13 mm, qui correspond à peu près à une exposition optimum, la largeur est la même pour les deux types spectraux.

Pour des spectrogrammes normalement exposés, la largeur