

Zeitschrift: Archives des sciences physiques et naturelles
Herausgeber: Société de Physique et d'Histoire Naturelle de Genève
Band: 3 (1921)

Artikel: Quelques remarques sur les équations de la gravitation
Autor: Juvet, Gustave
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-741080>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 11.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

en plus simples pour se résoudre enfin dans le domaine de validité de la formule de WIEN en atomes lumineux discrets.

JUVET, Gustave (Neuchâtel). — *Quelques remarques sur les équations de la gravitation.*

Le but de cette communication est de montrer qu'il est possible de mettre les équations de la gravitation sous forme canonique. On sait que la forme canonique des équations du mouvement, en mécanique classique, est liée très intimement au principe variationnel d'Hamilton ; c'est en écrivant qu'une certaine intégrale simple a une variation nulle qu'on obtient les équations canoniques dont l'intégration se ramène à la recherche d'une intégrale complète de certaine équation aux dérivées partielles, dite de Jacobi.

Or, M. Einstein a pu déduire les équations de la gravitation (celles qui donnent les g_{ik}) d'un principe variationnel ; mais ici, il s'agit d'écrire que la variation d'une intégrale *quadruple* est nulle ; $\delta \int \int \int \int W dx_1 dx_2 dx_3 dx_4 = 0$. W étant une fonction des g_{ik} et des $g_{ik,v} = \frac{\partial g_{ik}}{\partial x_v}$. Grâce à une transformation qui généralise celle de Poisson-Hamilton :

$$p^{ik,v} = \frac{\partial W}{\partial g_{ik,v}}$$

et à l'introduction de la fonction :

$$H = -W + \sum_{ik,v} p^{ik,v} g_{ik,v}$$

les équations de M. Einstein prennent la forme canonique :¹

$$\frac{\partial g_{ik}}{\partial x_v} = \frac{\partial H}{\partial p^{ik,v}}$$

$$\sum_v \frac{\partial p^{ik,v}}{\partial x_v} = -\frac{\partial H}{\partial g_{ik}}$$

Admettons que les g_{ik} sont connus dans une région de l'espace à 4 dimensions, grâce aux équations de M. Einstein et à certaines conditions aux limites sur lesquelles il y aura lieu de revenir dans des notes ultérieures ; appelons R_3 la frontière qui porte les données aux limites, alors la fonction :

$$I = \int \int \int \int W dx_1 dx_2 dx_3 dx_4$$

est une fonction de l'espace R_3 (au sens de M. Volterra) et cette fonction dépend de la suite des valeurs qu'on se donne sur la frontière. En

¹ Cf. VOLTERRA, *Rendiconti dei Lincei*, 1890, p. 46. — FRÉCHET, *Annali di Matematica*, 1905. — DE DONDER : *Équations canoniques de Hamilton-Volterra*, 1911, Gauthier-Villars.

suivant pas à pas le raisonnement que Jacobi expose dans ses « Vorlesungen » on démontre que cette fonction d'espace : I satisfait à l'équation aux dérivées fonctionnelles partielles :

$$(I) \quad \frac{\partial I}{\partial(x_1, x_2, x_3, x_4)} + H \left(g_{ik}, \frac{\partial I}{\partial(g_{ik}, x_v)} \right) = 0$$

où dans la fonction $H(g_{ik}, p^{ik,v})$ on a remplacé

$$p^{ik}, v \text{ par } \frac{\partial I}{\partial(g_{ik}, x_v)} ; \text{ les symboles} \\ \frac{\partial I}{\partial(x_1, x_2, x_3, x_4)} \text{ et } \frac{\partial I}{\partial(g_{ik}, x_v)}$$

sont des symboles analogues à ceux que M. Volterra a définis¹.

L'équation (I) généralise ainsi l'équation de Jacobi attachée au principe d'Hamilton. Mais dans notre cas, cette équation fait intervenir des dérivées fonctionnelles qui en rendent le maniement assez difficile ; néanmoins les résultats relatifs à l'intégrale complète de l'équation de Jacobi sont généralisables et si l'on obtient une solution de (I) dépendant d'assez de constantes arbitraires ou de fonctions arbitraires, les équations de M. Einstein peuvent être intégrées.

J'ai fait les calculs pour le cas simple où tous les $T_{ik} = 0$, et où l'on suppose que $g = |g_{ik}| = 1$. L'équation (I) a une forme assez simple. Nous reviendrons d'ailleurs sur la question de l'intégration.

Il est intéressant de constater la contribution qu'apporte à la relativité une branche de l'analyse aussi abstraite que le calcul fonctionnel ; ici encore, les mathématiciens comme MM. Volterra, Hadamard, de Donder, Lévy et Fréchet ont devancé l'appel des physiciens.

HAMMERSHAIMB, G. et MERCIER, P. (Genève). — *De l'influence de la forme des électrodes et de la pression du gaz sur le potentiel disruptif* (suite).

Dans une première communication² les auteurs ont présenté les résultats obtenus dans l'azote comprimé en se servant de 12 paires d'électrodes différentes : calottes sphériques et électrodes planes. Les pressions étudiées étaient 1 et 4 atmosphères.

Les expériences ont été poursuivies aux pressions de 7 et 10 atm en utilisant 8 paires d'électrodes et au delà de 5 en 5 atm jusqu'à 50 atm en employant trois paires d'électrodes présentant les caractéristiques suivantes :

1. Petites électrodes hémisphériques de 10 mm de diamètre. —

¹ VOLTERRA, *Rendiconti dei Lincei*, 1890, p. 127 et suiv.

² Suite à une première communication faite à la Société suisse de Physique. *Archives*, sept.-oct., 1920.