Objekttyp: **Abstract**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **39 (1993)**

Heft 1-2: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **30.04.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.
Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.
Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Ein Dienst der *ETH-Bibliothek*
ETH Zürich, Rämistrasse 101, 8092 Zürich, Schweiz, www.library.ethz.ch

http://www.e-periodica.ch

L'Enseignement Mathématique, t. 39 (1993), p. 25-32

ELLIPTIC SPACES II

by Yves FELIX, Stephen HALPERIN [1]) and Jean-Claude THOMAS [2])

ABSTRACT. A simply connected finite CW complex X is *elliptic* if the homology of its loop space (coefficients in any field) grows at most polynomially. We show that in all other cases the loop space homology grows at least semi-exponentially, and we exhibit a number of geometrically interesting classes of spaces as elliptic, including: H spaces, homogeneous spaces, Poincaré duality complexes whose mod p cohomology is doubly generated (any p) and Dupin hypersurfaces in S^{n+1}.

1. INTRODUCTION

Let X be a simply connected finite CW complex, with loop space ΩX, and denote by $\mathbf{F}_p$, the prime field of characteristic p, p prime or zero. Our first main result asserts a dichotomy for the size of the loop space homology $H_*(\Omega X; \mathbf{F}_p)$:

THEOREM A. *Let X be a simply connected finite CW complex. For each p (prime or zero) there are exactly two possibilities: either*

(i) *There are constants $C > 0$ and $r \in \mathbf{N}$ such that*

$$\sum_{i=0}^{n} \dim H_i(\Omega X; \mathbf{F}_p) \leqslant Cn^r, \qquad n \geqslant 1 ,$$

Key words: loop space homology, depth, polynomial growth, Poincaré complex, elliptic, Dupin hypersurface.

AMS Mathematical subject classification: 55P35, 57P10, 57T25, 57S25, 53C25.

Research partially supported by a NATO travel grant held by the three authors.

[1]) Research partially supported by an NSERC operating grant.

[2]) URA-D751 au CNRS.