Sur une question élémentaire de divisibilité.

Autor(en): **Suppantschitsch, R.**

Objekttyp: **Chapter**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **11 (1909)**

Heft 1: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **03.05.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.
Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.
Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Ein Dienst der *ETH-Bibliothek*
ETH Zürich, Rämistrasse 101, 8092 Zürich, Schweiz, www.library.ethz.ch

http://www.e-periodica.ch

MÉLANGES ET CORRESPONDANCE

Sur une question élémentaire de divisibilité.

Les caractères de divisibilité, que je me propose d'étudier dans cette petite note, me paraissent de quelque intérêt pour l'enseignement. Leurs démonstrations sont d'une extrême simplicité et ont l'avantage d'une grande généralité.

Nous allons établir certaines règles sur la divisibilité par 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31..... des nombres écrits dans le système décimal.

Soit k un des nombres 7, 11, 13, ..., et K et K′ des multiples quelconques du nombre correspondant k.

J'écris un nombre quelconque :

$$z = 10x + y$$

et je suppose qu'il soit divisible par k.

On a donc :

$$10x + y \equiv 0 \pmod{k} .$$

Les nombres entiers x et y (y toujours plus petit que 10) ont alors les expressions :

$$x = \mathrm{K} + m , \qquad y = -9\mathrm{K} - 10m ,$$

m étant un entier quelconque.

Je forme

$$x + \lambda y = \mathrm{K}' + m(1 - \lambda 10)$$

et je choisis le nombre λ de manière que $1 - \lambda 10$ soit un multiple de k.

Soit par exemple $k = 7$. Nous obtenons alors

$$\lambda = -2 .$$

Il est en effet :

$$1 + 2 . 10 = 21$$

et nous avons cette règle :

Pour prouver la divisibilité par 7 d'un nombre écrit dans le système décimal, je considère le nombre qui figure à la gauche des

unités, j'en soustrais les unités multipliées par 2. Si le reste est divisible par 7, le nombre donné l'est aussi.

Par exemple :

$$294\ ,\quad 29\,|\,4\ ,\quad 29 - 8 = 21\ .$$

Pour les nombres indiqués plus haut nous obtenons le tableau :

k	7	11	13	17	19	23	29	31	.....
λ	-2	-1	$+4$	-5	$+2$	$+7$	$+3$	-3	.....

On forme facilement pour chacun de ces nombres une règle analogue à celle que nous venons d'énoncer pour le nombre 7.

R. Suppantschitsch (Vienne).

Démonstration vectorielle d'une construction des axes d'une ellipse.

Par l'extrémité P d'un diamètre d'une ellipse de centre O, nous menons la perpendiculaire à son diamètre conjugué OQ et nous prenons sur cette normale les points M et N tels que

$$\overline{PM} = \overline{PN} = \overline{OQ}\ .$$

Si a et b sont les longueurs des demi-axes de l'ellipse, on a

$$\overline{OM} = a + b\ ,\quad \overline{ON} = a - b$$

et les bissectrices des angles formés par les droites OM, ON sont les axes, en position, de l'ellipse.

Cette construction, très simple, des axes d'une ellipse dont deux diamètres conjugués sont donnés, est bien connue ; elle est due à Chasles.

Nous indiquons la démonstration vectorielle, fort simple elle-même, pour donner un nouvel exemple de l'utilité de la méthode vectorielle en Géométrie analytique.

Soit I un vecteur-unité parallèle au grand axe de l'ellipse. Pour le point P on a, φ étant l'angle excentrique et i la rotation d'un angle droit dans le plan de la courbe

$$(1)\qquad P = O + a\cos\varphi\ I + b\sin\varphi\, i\ I\ .$$

Pour le point Q on a

$$(2)\qquad Q = O + \frac{dP}{d\varphi}\ ,$$